KAUNO TECHNOLOGIJOS UNIVERSITETAS

**GEDIMINAS KAIRAITIS** 

## FAZINĖS STRUKTŪROS KINETIKA AUGANČIOSE NANOSTRUKTŪRIZUOTOSE Ni:C DANGOSE

Daktaro disertacija Fiziniai mokslai, fizika (02P)

2015, Kaunas

Disertacija rengta 2010-2014 metais Kauno technologijos universitete, Fundamentaliųjų mokslų fakultete, Fizikos katedroje.

Mokslinis vadovas: prof. habil. dr. Arvaidas Galdikas (Kauno technologijos universitetas, fiziniai mokslai, fizika – 02P).

## TURINYS

ŽYMĖJIMŲ SĄRAŠAS4
PAVEIKSLŲ SĄRAŠAS5
LENTELIŲ SĄRAŠAS
ĮVADAS
1. TYRIMŲ APŽVALGA13
1.1. Nanokompozitų sintezės eksperimentinių tyrimų apžvalga13
1.2. Nanostruktūrizuotų plonų dangų modeliavimo tyrimų apžvalga 17
2. TYRIMŲ METODIKA
2.1. Kinetinių lygčių metodas. Komponentų pasiskirstymo gylyje modeliavimas Ni:C plonose dangose
2.2. Fazių atsiskyrimo plonų dangų augimo metu modelis
2.3. Modelis paviršinei segregacijai, vykstančiai plonos dangos augimo metu, dvimačiu atveju
2.4. Pikaro netiesinių lygčių sistemų sprendimo metodas 40
2.5. Gauso ir Zeidelio tiesinių lygčių sistemų sprendimo metodas
2.6. Programinė realizacija
3. TYRIMŲ REZULTATAI
3.1. Komponentų pasiskirstymo modeliavimo Ni:C dangose rezultatai
3.2. Fazių atsiskyrimo, vykstančio plonų dangų augimo metu, modeliavimo rezultatai
3.3. Paviršinės segregacijos, vykstančios plonos dangos augimo metu, modeliavimo dvimačiu atveju rezultatai
3.4. Komponentų tirpumo įtaka plonos dangos fazinei struktūrai
IŠVADOS
LITERATŪRA
PUBLIKACIJŲ DISERTACIJOS TEMA SĄRAŠAS
PRIEDAI
Programos tekstas

## ŽYMĖJIMŲ SĄRAŠAS

 $D_s$  – interdifuzijos koeficiento reikšmė dangos paviršiuje (m<sup>2</sup>/s).

i – sluoksnio numeris skaičiuojant nuo dangos paviršinio sluoksnio žemyn. h – sluoksnio storis (m)

 $c_{SiO_2}^{(i)}, c_C^{(i)}, c_{Ni}^{(i)}$  – komponentų santykinės koncentracijos *i*-ame sluoksnyje.

 $V_{ad}$  – adsorbcijos sparta (s<sup>-1</sup>).

 $i_{Ni}$ ,  $i_C$  – Ni ir C santykiniai jonų srautai (s<sup>-1</sup>).

 $D^{(i)}$  – cheminės difuzijos koeficiento vertė *i*-ame dangos sluoksnyje (m<sup>2</sup>/s).

 $S^{(i)}$  – paviršinės segregacijos koeficiento vertė *i*-ame dangos sluoksnyje (s<sup>-1</sup>). *l* – charakteringasis gylis (m).

U – apibūdina defektų koncentracijos priklausomybę nuo dangos gylio.  $\varphi$  – fazė.

 $c_{i,j}^{A}, c_{i,j}^{B}$  – komponentų A ir B santykinės tūrinės koncentracijos vertė dvimačio tinklelio taške (i,j).

 $\varphi_{(i,j)}$  fazę nusakančio kintamojo vertė dvimačio tinklelio taške (i,j).

F – sistemos laisvoji energija (J).

 $\mu$  – cheminis potencialas (J/mol).

 $f(\varphi)$ ,  $f_2(\varphi)$ ,  $f_3(\varphi)$  – homogeninės sistemos laisvosios energijos tankio polinominės aproksimacijos.

 $\gamma$  – parametras, susijęs su tarpfazinės ribos pločiu (Jm).

 $g_1$  – paviršinė energija.

 $W_A$  – komponento A paviršinė energija.

## PAVEIKSLŲ SĄRAŠAS

**1.1 pav.** Struktūrinių zonų II, T, III (atitinkamai iš kairės į dešinę) šoninių pjūvių grafinės iliustracijos.

**1.2 pav.** Augančios dangos vaizdas iš viršaus. Pilka spalva žymimos Fe salelės, balta spalva žymima C faze.

1.3 pav. Sumodeliuoti plonų dangų vaizdai iš viršaus [83]. Komponentų, kurių fazės nuspalvintos juodai ir baltai, santykinės koncentracijos dangoje yra vienodos (50% ir 50%). (a) paveikslas gautas nemodeliuojant įtempių įtakos. (b) paveikslas sumodeliuotas atsižvelgiant į įtempių įtaką. Paveikslų matmenys yra 128×128 sluoksniai, nagrinėjamas sluoksnio storis yra nanometrų eilės.

**1.4 pav.** Volframo ir anglies plonos dangos šoninis pjūvis [85]. Volframo koncentracija dangoje 59%.

**1.5 pav.** Plonų dangų vaizdai iš viršaus, gauti augimo laiko momentais 10, 50, 500, 1000. Juoda spalva pažymėtos komponento fazės koncentracija dangoje yra 35%, balta spalva pažymėtos komponento fazės koncentracija - 65% [90].

**1.6 pav.** Monte Carlo metodu [91] sumodeliuoti dangų vaizdai, kai komponentų koncentracijos dangoje yra 10% ir 90%. Komponento, kurio koncentracija 10%, kolonos nuspalvintos balta spalva pateiktuose vaizduose. Skaičiavimuose naudotas dangos augimo greitis paveiksle a yra 5 kartus didesnis už paveiksle b naudotą.

**1.7 pav.** Monte Carlo metodu [91] sumodeliuoti dangų vaizdai, kai komponentų koncentracijos dangoje yra po 50%. Tamsios linijos tiek šoniniame, tiek vaizde iš viršaus žymi ribas tarp kartu egzistuojančių dangos komponentų fazių. Skaičiavimuose naudotas dangos augimo greitis a paveiksle yra 5 kartus didesnis už b paveiksle naudotą.

**1.8 pav.** Plonų dangų vaizdai, modeliuoti kinetiniu Monte Carlo metodu [92]. Vaizdai gauti su skirtingomis paviršinės difuzijos ilgio reikšmėmis, kurios skaičiuojant pateiktus vaizdus buvo tokios:  $1,43a_0$  (a),  $3,6a_0$  (b),  $10a_0$  (c), čia  $a_0$  - gardelės konstanta. Komponento, kurio fazė žymima balta spalva, koncentracija dangoje yra 10%.

**1.9 pav.** Plonų dangų vaizdai, modeliuoti kinetiniu Monte Carlo metodu [92]. Vaizdai, gauti su skirtingomis komponentų koncentracijomis, balta spalva žymimo komponento koncentracijos dangose yra tokios: 10% (a), 30% (b), 50% (c). Paviršinės difuzijos ilgio reikšmė, naudota visais trims atvejais, yra 3,6a<sub>0</sub>, čia a<sub>0</sub> - gardelės konstanta.

**1.10 pav.** Su skirtingomis padėklo temperatūromis sumodeliuoti [96] šoniniai dangų pjūviais. Temperatūrų reikšmės (santykiniais vienetais): 0,2 (a), 0,5 (b), 1,0 (c), 1,6 (d), augimo greičio reikšmė yra 0,01 sluoksnis/ $\Delta t$  ( $\Delta t$  laiko žingsnis Monte Carlo algoritme).

**1.11 pav.** Su skirtingomis augimo greičio reikšmėmis sumodeliuoti [96] dangų šoniniai pjūviai. Augimo greičių reikšmės, naudotos 1.10 paveikslo skaičiavimuose, yra tokios (sluoksnis/ $\Delta$ t vienetais): 1,0 (a), 0,01 (b), 0,0025 (c), 0,001 (d), naudota padėklo temperatūros reikšmė yra 1,2 (santykiniais vienetais).

**2.1 pav.** Eksperimentinė nikelio pasiskirstymo gylyje kreivė [7]. Ni koncentracija dangoje 15%. Padėklo temperatūra 500°C.

**3.1 pav.** Eksperimentiniai [7] (taškinės kreivės) ir sumodeliuoti (vientisos kreivės) Ni, C, O gylio profiliai, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 15% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 300°C.

**3.2 pav.** Eksperimentiniai [7] (taškinės kreivės) ir sumodeliuoti (vientisos kreivės) Ni, C, O gylio profiliai, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 7% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 500°C.

**3.3 pav.** Eksperimentiniai [7] (taškinės kreivės) ir sumodeliuoti (vientisos kreivės) Ni, C, O gylio profiliai, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 15% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 500°C.

**3.4 pav.** Eksperimentiniai [7] (taškinės kreivės) ir sumodeliuoti (vientisos kreivės) Ni, C, O gylio profiliai, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 30% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 500°C.

**3.5 pav.** Eksperimentinis [7] (taškinė kreivė) ir sumodeliuotas (vientisa kreivė) Ni pasiskirstymo gylyje profilis, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 7% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 500°C. Modeliuojant paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientai buvo laikomi pastoviais visame dangos gylyje.

**3.6 pav.** Funkcijų U, su kuriomis buvo gautas sumodeliuotų ir eksperimentinių kreivių atitikimas trims nagrinėtoms nikelio koncentracijoms dangoje, grafikai. Funkcija U apibūdina defektų priklausomybę nuo gylio.

**3.7 pav.** Dangų šoninių pjūvių vaizdai, gauti su skirtingais augimo greičiais (visi kiti parametrai laikyti pastoviais). Augimo greičių reikšmės, naudotos pateiktuose skaičiavimuose, yra:  $V_{ad}$ =20 sluoksniai/s (a),  $V_{ad}$ =40 sluoksniai/s (b),  $V_{ad}$ =60 sluoksniai/s (c),  $V_{ad}$ =80 sluoksniai/s (d).

**3.8 pav.** Dangų šoninių pjūvių vaizdai, gauti su skirtingais difuzijos koeficientais D<sub>0</sub>. Difuzijos koeficientų D<sub>0</sub> reikšmės, naudotos pateiktuose skaičiavimuose, yra (vienetais m<sup>2</sup>/s): D<sub>0</sub>=5,7·10<sup>-19</sup> (a), D<sub>0</sub>=6,9·10<sup>-19</sup> (b), D<sub>0</sub>=9,2·10<sup>-19</sup> (c), D<sub>0</sub>=1,2·10<sup>-18</sup> (d), D<sub>0</sub>=1,38·10<sup>-18</sup> (e), D<sub>0</sub>=1,61·10<sup>-18</sup> (f).

**3.9 pav.** Komponento A vidutinio kolonų aukščio priklausomybė nuo santykio  $D_0/V_{ad}$  su vienos  $\sigma$  dydžio paklaidų juostomis. Imties dydžiai, iš kurių buvo įvertinta vidutinės reikšmės ir paklaidos yra tokie (pradedant nuo mažiausios  $D_0/V_{ad}$  reikšmės iki didžiausios): 16, 17, 17, 17, 18, 13, 9, 8, 7, 7, 6, 6, 5. Skritulio formos taškai gauti iš duomenų, kuriuose buvo keistas augimo greitis, o difuzijos koeficientas  $D_0$  laikytas pastovus. Kvadrato formos taškai gauti iš duomenų, kuriuose buvo keistas difuzijos koeficientas  $D_0$  augimo greitis laikytas pastovus.

**3.10 pav.** Paviršinės difuzijos įtaka. Difuzijos koeficiento reikšmės paviršiniame sluoksnyje, kurios naudotos pateiktuose skaičiavimuose, yra tokios  $(m^2/s)$ :  $D_{1,i} = 1.04 \cdot 10^{-18} (a), D_{1,i} = 1.6 \cdot 10^{-18} (b).$ 

**3.11 pav.** Komponento A vidutinio kolonų aukščio priklausomybė nuo santykio  $D_{1,j}/V_{ad}$  su su vienos  $\sigma$  dydžio paklaidų juostomis. Imties dydžiai, iš kurių buvo įvertintos vidutinės reikšmės ir paklaidos yra tokie (pradedant nuo mažiausios  $D_{1,j}$ / $V_{ad}$  reikšmės iki didžiausios): 17, 16, 8, 10, 11, 10, 7, 7.

**3.12 pav.** Dangų šoniniai pjūviai, gauti su skirtingomis difuzijos koeficiento  $D_0$  ir charakteringojo gylio l kombinacijomis. l reikšmės, naudotos skaičiavimuose, yra

tokios: 10*h* (a ir b), 2*h* (c ir d), 0,3*h* (e ir f). Reikšmės  $D_0$ , naudotos skaičiavimuose, yra tokios:  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (visas kairysis stulpelis),  $D_0=1.61\cdot10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s (visas dešinysis stulpelis). Prie (e) paveikslo esantis spalvų stulpelis galioja tik e paveikslui, likusiuose paveiksluose  $\varphi$  kinta nuo -1 iki 1.

**3.13 pav.** Šoniniai plonos dangos pjūviai, stebėti skirtingais dangos augimo laiko momentais.

**3.14 pav.** Komponento A vidutinio kolonų aukščio priklausomybė nuo dangos augimo laiko. Imties dydžiai, iš kurių buvo įvertinta vidutinė reikšmė kito nuo 6 (pradinėse augimo stadijose) iki 20 (baigiamosiose augimo stadijose).

**3.15 pav.** Šoniniai dangų pjūviai, gauti esant skirtingoms koncentracijų ir difuzijos koeficiento  $D_0$  kombinacijoms. Komponentų A ir B koncentracijos dangose yra atitinkamai tokios: 35% ir 65% (vaizduose a ir c), 45% ir 55% (vaizduose b ir d). Skaičiavimuose naudotos reikšmės  $D_0$  yra tokios:  $D_0=6,9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (a), (b),  $D_0=3,46\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (c),  $D_0=1,84\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (d). Skaičiavimų su reikšme  $D_0=1,84\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (d) ir komponentų A ir B koncentracijomis 45% ir 55%, atitinkamai, rezultatai pateikti dviem laiko momentais.

**3.16 pav.** Šoniniai Ni:C dangų pjūviai skirtingais padidinimais [7]: danga augo esant padėklo temperatūrai 20°C (a ir b), danga augo esant padėklo temperatūrai 300°C (c ir d).

**3.17 pav.** Šoniniai TEM pjūviai, gauti tiriant Ni:C dangas su skirtingomis anglies koncentracijomis [79]: 28 % (a), 35% (b), 54 % (c) ir (d).

**3.18 pav.** Apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 7%.

**3.19 pav.** Apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 15%.

**3.20 pav.** Apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 15%.

**3.21 pav.** Šoniniai pjūviai, suskaičiuoti su komponento A koncentracija 15% (a) ir 20% (b). Modelio parametrų reikšmės:  $V_{ad}$ =100 sluoksniai/s,  $D_0$ =6,9·10<sup>-19</sup> m<sup>2</sup>/s, b=3,5, a=3,5<sup>2</sup>,  $\gamma$ =1,66h, l=5h.

**3.22 pav.** Homogeninės sistemos laisvosios energijos priklausomybė nuo  $\varphi$ .  $\varphi$  yra lygus komponentų koncentracijų skirtumui  $c_A$ - $c_B$ .

**3.23 pav.** Šoniniai dangų pjūviai, gauti su skirtingomis homogeninės sistemos laisvosios energijos išraiškomis ir komponentų koncentracijomis dangoje. (38) šešto laipsnio funkcija naudota modelyje skaičiuojant a, c, e vaizdus. (39) dešimto laipsnio funkcija naudota modelyje skaičiuojant b, d, f vaizdus. Komponentų A ir B koncentracijos dangose yra atitinkamai tokios: 15% ir 85% (vaizduose a ir b), 25% ir 75% (vaizduose c ir d), 35% ir 65% (vaizduose e ir f).

**3.24 pav.** Skaičiavimuose naudotų  $f(\varphi), f_2(\varphi), f_3(\varphi)$  grafikai.

## LENTELIŲ SĄRAŠAS

**3.1 lentelė.** Neapibrėžtų parametrų reikšmės, gautos sutapatinus sumodeliuotas ir eksperimentines koncentracijų kreives.

#### ĮVADAS

Daugiafazės (dviejų ar daugiau fazių ar komponentų) nanostruktūrizuotos plonos dangos ir jų sintezė susilaukė ženklaus dėmesio per paskutinius keletą dešimtmečių, nes nanostruktūrizuotos daugiakomponentės dangos paprastai turi savybių, kuriomis nepasižymi jas sudarantys individualūs komponentai. Nanokompozitai - tai medžiagos, sudarytos iš bent dviejų fazių, iš kurių bent vienos fazės bent vienas matmuo yra mažiau nei 100 nm [1]. Unikalios nanokompozitų savybės yra siejamos su santykinai dideliu tarpfazinėms riboms priklausančių atomų kiekiu.

Plonos dangos charakterizuojamos su mikrostruktūrą apibūdinančiais dydžiais tokiais kaip kristalitų dydis, jų orientacija, fazine sudėtimi, paviršiaus morfologija [2].

Kadangi dažniausiai siekiama kuo pigesnės plonų dangų sintezės, plonos dangos šiais atvejais nusodinamos santykinai žemoje temperatūroje (lyginant su lydymosi temperatūra). Dažnai santykis tarp nusodinimo temperatūros ir lydymosi temperatūros yra mažesnis už 0,2-0,3. Taigi, šiais atvejais plonų dangų nusodinimas vyksta ne termodinaminės pusiausvyros sąlygomis, kas sudaro sąlygas metastabilių, daugiasluoksnių ar nanostruktūrizuotų dangų augimui, kuri gali būti kontroliuojama keičiant nusodinimo temperatūrą, nusodinimo greitį, bomdarduojančių jonų energiją ar jų kritimo kampą [2].

Plonos dangos, turinčios savo sudėtyje anglies, pasižymi unikaliomis mechaninėmis savybėmis, aukštu kietumu, tamprumu, žemu trinties koeficientu. Šios dangos yra modifikuojamos jų sudėtį papildant metalais t.y. Ni, Cu, Ag, and Cr ir t.t. [3]. Daugiasluoksnės anglies ir metalo dangos pasižymi puikiomis dėvėjimosi ir trinties charakteristikomis[4]. Literatūroje daugeliu atvejų eksperimentiškai stebėtos metalo nanodalelių, kurios apsuptos anglies faze, turinčios plonos dangos [5-9, 10-12]. Šiuo atveju anglies fazė apsaugo apgaubtas metalo nanodaleles nuo cheminio poveikio net ir agresyvioje cheminėje aplinkoje. Anglis yra vienas iš geriausių pasirinkimų dėl cheminio stabilumo, lengvumo [13].

Tarp nanokompozitu plonu dangu, anglies ir metalo nanokompozitu plonos dangos turi savybių, kurios yra pritaikomos įvairių jutiklių [14,15], aukšto tankio magnetinių įrašymo įrenginių [16-19], spintronikos įrenginių [20], atsparių dėvėjimuisi medžiagų [21-22] gamybai. Magnetinėse nanokompozitų dangose metalo nanodalelių apsupimas kita faze atlieka svarbų vaidmenį: sumažina atskirų nanodalelių magnetinį poveikį gretimoms nanodalelėms, kas atvėrė galimybes sukurti aukšto tankio magnetinius informacijos saugojimo įrenginius [23]. Literatūroje parodyta, kad Ni:C nanokompozitu dangos dėl vra savo pjezorezistyvinių savybių gali būti pritaikomos deformacijos matuoklių gamyboje [24, 25]. Darbe [24] pademonstruota, kad parinkus reikima nikelio koncentracija Ni:C nanokompozitų dangoje, yra gaunamos optimalios dangų savybės, kurios pritaikytinos deformacijos jutikliuose. Nanokompozitų plonos dangos plačiai taikomos elektronikos komponentų, elektroninių ekranų, informacijos saugojimo irenginių, kietų paviršių dangų ir kt. gamyboje [26]. Mechaninės, elektrinės, magnetinės nanokompozitu dangu savybės priklauso nuo ju fazinės struktūros [3,20], todėl yra svarbu gerai suprasti jų augimo mechanizmus bei turėti galimybę kontroliuoti gaunamų dangų morfologiją.

Vienas iš pagrindinių uždavinių nusodinant nanokompozitų plonas dangas yra gauti norimos fazinės struktūros dangas, skirtas konkrečiam pritaikymui, su tam tikromis savybėmis. Dangos augimo mechanizmų supratimas leistų geriau kontroliuoti nusodinamų dangų fazinę struktūrą, parinkti technologinių nusodinimų parametrų vertes, su kuriomis būtų gaunamos norimos struktūros ir reikiamų savybių dangos. Procesų modeliavimas leidžia nustatyti ar geriau suprasti fizikinius procesų mechanizmus, įvertinti įvairių technologinių faktorių įtaką.

Literatūroje, kurioje yra nagrinėjamas nanostruktūrizuotų dangų augimas, didžiausias dėmesys skiriamas koloninių struktūrų augimo mechanizmams tirti. Šiuose darbuose priimama prielaida, kad visų dangos augimo metu, atomų migracija vyksta tik paviršiniame augančios dangos sluoksnyje, o dangos tūryje jokie pokyčiai atomų išsidėstyme nevyksta. Apsiribojus pateikta prielaida, koloninių plonų dangų fazinių struktūrų augimo mechanizmas buvo ištirtas. Tačiau eksperimentiškai stebimos ir kitokią fazinę struktūrą turinčios plonos dangos, kurių augimas nėra paaiškinamas literatūroje sutinkamais modeliais: fazinė struktūra su kolonomis, kurių aukštis skiriasi nuo dangos storio, bei fazinė struktūra su sferos formos nanodalelėmis, pasiskirsčiusiomis visame dangos tūryje. Taigi, pats minėtų fazinių struktūrų formavimosi reiškinys, lemiantis vienokią ar kitokią plonos dangos fazinę struktūrą, nėra iki galo suprastas, todėl nanostruktūrizuotų dangų augimo modeliavimo tematika yra svarbi ir aktuali.

Fazių atsiskyrimas tūrinėse medžiagose yra gerai ištirtas, o tiriant fazių atsiskyrimą plonų dangų augimo metu, papildomai turi būti įvertinti procesai, būdingi tik dangos augimui: į augančios dangos paviršių krentančių jonų įtaka, paviršinės difuzijos procesas. Dangos augimo metu šie procesai vyksta vienu metu, tad daugiafazių dangų augimo modeliavimas yra komplikuotas.

Šiame darbe nagrinėsime dvikomponenčių nanostruktūrizuotų plonų dangų augimo modeliavimą. Pristatysime modelius, kuriuose bus nagrinėjamas tiek augančios dangos komponentų pasiskirstymo gylyje modeliavimas vienmačiu atveju, tiek fazių atsiskyrimo modeliavimas dangos augimo metu bei paviršinės segregacijos, vykstančios dangos augimo metu, modeliavimas dvimačiais atvejais. Fazių atsiskyrimo plonose dangose modeliavime tirsime tokių faktorių, kaip paviršinės ir tūrinės difuzijos, dangos augimo greičio, dangos elementinės sudėties ar komponentų tirpumo įtakas plonų dangų fazinei kompozicijai. Augančios dangos komponentų pasiskirstymo gylyje modeliavimo vienmačiu atveju ir paviršinės segregacijos, vykstančios dangos augimo metu, modeliavimo rezultatai bus gretinami su eksperimentiniais Ni:C dangų tyrimų rezultatais.

#### Disertacijos tikslas

Naudojant fazių atsiskyrimo ir paviršinės segregacijos plonose dangose modelius, nustatyti procesus, vykstančius nanokompozitų plonų dangų augimo metu, įvardinti faktorius, lemiančius dangų fazinę struktūrą.

#### Disertacijos uždaviniai

- 1. Sudaryti dinamines lygtis Ni:C dangų komponentų pasiskirstymui gylyje modeliuoti taikant kinetinių lygčių metodą.
- 2. Sudaryti dinamines lygtis nanokompozitų plonų dangų augimui modeliuoti.
- 3. Atlikti sukurtų modelių programines realizacijas.
- 4. Atlikti nanokompozitų plonų dangų augimo modeliavimo tyrimus. Ištirti modelių parametrų įtaką modeliuojamų dangų fazinei struktūrai.

#### Mokslinis naujumas ir originalumas

- 1. Sukurtas fazių atsiskyrimą plonose dangose nagrinėjantis modelis, ištirta paviršinės ir tūrinės difuzijos, dangos augimo greičio, dangos elementinės sudėties ar komponentų tirpumo įtakos plonų dangų fazinei kompozicijai. Sukurtas modelis buvo papildytas paviršinę segregaciją indukuojančiu nariu.
- 2. Sudarytos dinaminės lygtys Ni:C dangų komponentų pasiskirstymui gylyje modeliuoti. Gautas modeliu suskaičiuotų ir eksperimentinių kreivių atitikimas skirtingų padėklo temperatūrų ir nikelio koncentracijų dangoje atvejais.

#### Disertacijos sandara ir apimtis

Disertaciją sudaro 4 skyriai.

Pirmajame skyriuje yra pateiktos nanokompozitų plonų dangų eksperimentinių tyrimų ir modeliavimo tyrimų apžvalgos.

Antrame skyriuje pateikti sukurti modeliai, t.y. augančios dangos komponentų pasiskirstymo gylyje modelis vienmačiu atveju, fazių atsiskyrimo dangos augimo metu modelis, paviršinės segregacijos, vykstančios dangos augimo metu, modelis. Bei antrame skyriuje yra pateikta neišreikštinė schema, naudojama fazių atsiskyrimą ir fazių atsiskyrimą bei paviršinę segregaciją modeliuojančiomis dinaminėms lygtims spręsti. 2 skyriuje yra pateiktas Pikaro netiesinių lygčių sistemų sprendimo metodas, kuris taikomas tame pačiame skyriuje pateiktai neišreikštinei schemai spręsti. Taip pat yra nurodyta programinė įranga, kuri buvo naudota programiniame sukurtų modelių realizavime.

Trečiame skyriuje yra aprašyti sukurtų modelių kompiuterinių eksperimentų rezultatai. Aprašytos paviršinės ir tūrinės difuzijos, dangos augimo greičio, dangos elementinės sudėties ar komponentų tirpumo įtakos plonų dangų fazinei kompozicijai. Šiame skyriuje yra pateiktos sutapatintos Ni:C plonų dangų komponentų pasiskirstymo gylyje sumodeliuotos ir eksperimentinės priklausomybės, ir yra pateikti paviršinės segregacijos, vykstančios plonos dangos nusodinimo metu, modeliavimo rezultatai, kurie gauti nagrinėjant dvimatį atvejį.

Paskutiniuose skyriuose yra pateiktos išvados, naudotos literatūros sąrašas.

#### Ginamieji teiginiai

1. Ni:C dangos komponentų paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos (dangos augimo kryptimi) koeficientų vertės priklauso nuo gylio, esant 500°C padėklo

temperatūrai. Be to, šioje temperatūroje paviršinės segregacijos procesas dominuoja prieš cheminės difuzijos procesą.

2. Dvikomponentės plonos dangos fazinę struktūrą lemia du dydžiai: difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje ir augimo greičio santykio vertė ir dangos komponentų tūrinės koncentracijos. Esant santykinai žemai difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje ir dangos augimo greičio santykio vertei bei santykinai žemai dangos vieno iš komponentų koncentracijos vertei, plona danga susideda iš to komponento, kurio koncentracija dangoje mažesnė, sferos (ar jai artimos) formos nanodalelių, kurios apsuptos kito komponento faze. Šis teiginys galioja dviejų chemiškai negiminingų medžiagų atveju.

3. Laipsniškas perėjimas nuo rutulio formos nanodalelių į koloninę dangos struktūrą galimas didinant difuzijos koeficiento reikšmę paviršiniame dangos sluoksnyje, mažinant dangos augimo greitį ar keičiant komponentų koncentracijas dangoje.

#### Autoriaus indėlis

Visi pristatyti modeliai yra sukurti autoriaus su visapuse disertacijos vadovo pagalba. Visi sukurti modeliai įvertina po keletą fizikinių procesų. Kai kurių modelių sudėtinės dalys, aprašančios tam tikrą procesą (cheminės difuzijos procesas, fazių atsiskyrimo procesas) yra įtrauktos į modelius remiantis literatūros šaltiniais. Narys (29) formulėje, kuris indukuoja paviršinės segregacijos procesą, buvo pasiūlytas savarankiškai.

## 1. TYRIMŲ APŽVALGA

#### 1.1. Nanokompozitų sintezės eksperimentinių tyrimų apžvalga

Nanokompozitu plonu dangu sintezė vra vienas iš svarbiausiu tyrimu objektu medžiagu moksle per paskutinius keleta dešimtmečiu. Šios plonos dangos susideda iš tam tikros medžiagos ar junginio nanodaleliu, apsuptu kitos medžiagos ar junginio faze. Dėl anksčiau išvardintų plačių pritaikymo galimybių, plačiai tyrinėjamas metalo - anglies plonų dangų nusodinimas. Šiuo atvejų metalo - anglies nanokompozitu dangos yra sudarytos iš metalo ar metalo karbido nanodalelių, apsuptu anglies faze. Priklausomai nuo nusodinimo salygu, metalo ar metalo karbido nanodalelės gali būti sferos [3, 5, 7, 9, 27,28] arba kolonos [3, 5, 6, 7, 9,28-64] formos. Be to, panašios nanostruktūros eksperimentiškai stebimos nusodinant ne vien tik metalas- anglis dangas: panašios struktūros eksperimentiškai stebimos, kai metalo nanodaleles apsupamos CN<sub>x</sub> [9], BN [64] junginių fazėmis, arba Al nanodalelių apsupimas Si [65] ar aliuminio oksidu [66], kas gali reikšti, kad struktūrų sintezė minėtais atvejais vyksta pagal bendrus mechanizmus. Metalo nanodalelių matmenys yra proporcingi metalo koncentracijai dangoje ir gali būti 1-10 nm [67]. Metalo ir puslaidininkio nanodaleles, kuriu dydžiai vra 1-10nm, savo sudėtyje turinčios dangos susilaukia ypatingo susidomėjimo, nes tokių nanodalelių elektroninė struktūra stipriai priklauso nuo ju dydžio [68]. Atlikus detalesnius tyrinėjimus ir nagrinėjant ryšius tarp nusodintu dangu struktūru bei nusodinimo parametru (0-D ir 1-D nanostruktūru sintezės atvejais), išskirtos trys plonu dangu struktūrinės zonos [2,68]:

- III zona atitinka žemą adatomų judrumų ir (arba) santykinai didelę koncentraciją tos medžiagos, kurios faze apgaubiamos nanodalelės. Šiuo atveju plona danga auga vykstant pakartotinai nukleacijai jos paviršiuje ir tokio augimo rezultatas yra sferos formą turinčios nanodalelės, išsidėsčiusios matricoje.
- II zona atitinka santykinai didelį adatomų judrumą ir vidutiniško dydžio koncentraciją tos medžiagos, kurios faze apgaubiamos nanodalelės. Šiuo atveju dangos augimo metu dėl sparčios paviršinės difuzijos gaunamos kolonos formos nanodalelės, kurių aukštį paprastai riboja tik nusodinamos dangos storio reikšmė.
- T zona atitinka tarpinį variantą tarp pirmų dviejų atvejų. Šiuo atveju dangos augimo metu suformuojamos kolonos, kurių aukštis yra aiškiai didesnis už diametrą bei dangos augimo metu vyksta pakartotinė nukleacija.
- 1.1 paveiksle yra pateiktos išvardintų zonų grafinės iliustracijos.



**1.1 pav.** Struktūrinių zonų II, T, III (atitinkamai iš kairės i dešine) šoninių pjūvių grafinės iliustracijos.

Taigi, pastebime, kad paviršinė difuzija yra svarbus faktorius, lemiantis ar kolonine, ar sferine forma turės metalinės nanodalelės. Paviršinės difuzijos įtaka didinama keliant padėklo temperatūra [3, 5, 7], naudojant pagalbini apšaudyma jonais [69] ar keičiant dangos augimo greiti [70]. Pastebėsime, kad keičiant dangos augimo greiti, keičiasi laikas, kuri kiekvienas prilipes atomas būna paviršiuje, taigi, esant santykinai mažam augimo greičiui, kiekvienas paviršiaus atomas išbus ilgesnį laika paviršiniame sluoksnyje nepadengtas, o per ilgesnį laika atomas difunduoja ilgesni atstuma.

Pastebėsime, kad kai kuriais atvejais, pavyzdžiui [7], kur yra tyrinėjamas Ni:C plonų dangų nusodinimas, yra eksperimentiškai stebimos nikelio kolonos, kurių diametras didėja, kai artėjama prie dangos paviršiaus (vadinamųjų kolonų forma šiuo atveju primena kūgį). [7] autoriai tokią nikelio kolonų formą aiškina paviršinės segregacijos procesu. Paviršinės segregacijos procesas vra stebimas plonu dangu augimo metu, pavyzdžiui nusodinant Ag:C dangas [71]. Be to, paviršinės segregacijos procesas vra indukuojamas atkaitinant dangas Co:C, Cu:C [72], t.v. šiais matuojant tik nusodintų dangų gylio profilius (padėklo temperatūra nusodinant 200°C), [72] darbe gautos homogeninės dangos komponentų koncentracijos dangų gylyje, o po atkaitinimo iki 700 °C, Co:C, Cu:C dangų atvejais, stebimas metalų koncentracijos didėjimas paviršiniuose dangos sluoksniuose.

Daugiafazės nanokompozitu plonos dangos gali būti nusodinamos naudojant ivairius metodus: lankinį [7], dvigubo pluošto garinimą [9], cheminį garų nusodinima plazmoje [10], lazerinės abliacijos [11], magnetronini dulkinima [37].

Norėdami detaliau aprašyti nanokompozitų dangų augimo mechanizmą, aptarsime [73] detaliai pateikta Fe:C dangu augimo mechanizmo aprašyma, kai Fe ir C yra nusodinami vienu metu. Kartu plonoje dangoje egzistuojančių Fe ir C fazių augimas yra siejamas su tuo, kad Fe ir C tirpumai vienas kito fazėse yra maži bei šie elementai nesudaro cheminio junginio nagrinėtose salvgose. Yra žinoma, kad pradinėse dangų augimo stadijose Fe fazė ant amorfinių padėklų auga salelėmis, o tuo tarpu anglis auga sluoksnis po sluoksnio mechanizmu. Taigi, galima spėti, kad pradinėse dangos augimo stadijose formuojasi Fe salelės, kurios yra apsuptos sluoksnis po sluoksnio besiformuojančia C faze, tokios fazinės kompozicijos formavimasis vyksta dėl prilipusių prie dangos paviršiaus dalelių paviršinės difuzijos. Pradinėse augimo stadijose susiformavusios dangos vaizdas iš viršaus, kuriame pilka spalva žymimos Fe salelės bei balta spalva žymima C faze, pateiktas 1.2 paveiksle. Galima manyti, ši paviršinė difuzija yra izotropinė ir dėl jos suformuojamos Fe salelės, kurios tolygiai pasiskirsčiusios sluoksnio plokštumoje ir apsuptos anglies faze. Taigi, galima suprasti, kodėl Fe salelių diametrai didėja, kai didinama padėklo temperatūra ar didinama Fe santykinė koncentracija dangoje: Fe atomų paviršinės difuzijos ilgis didėja, kai didėja padėklo temperatūra, esant didesnei Fe koncentracijai, bet kuriam naujai adsorbuotam Fe atomui reikalingas vis mažesnis difuzijos ilgis, kad būtų pasiektas Fe salelė. Abiem atvejais, didėja kiekvienos Fe salelės pagavimo spindulys naujai adsorbuotiems atomams, kas lemia didesnius Fe salelių diametrus.



**1.2 pav.** Augančios dangos vaizdas iš viršaus. Pilka spalva žymimos Fe salelės, balta spalva žymima C faze.

C ir Fe nanokompozitu dangu nusodinimo metu, C atomai gali adsorbuotis ant augančių Fe salelių. Kadangi anglies tirpumas geležyje yra žemas, dauguma anglies atomu vra pernešami metalo fazės saleliu paviršiumi. Adsorbuoti ant Fe saleliu ir jomis difundave C atomai gali nusesti Fe ir C tarpfazinese ribose, taip suformuojama anglies fazė, kuria apgaubiamos geležies fazės salelės. Tokiu būdu bendras galimų adsorbuotis ant Fe salelės anglies atomu skaičius vra proprocingas Fe salelės diametro kvadratui, o Fe salelės perimetras vra tiesiogiai proporcingas salelės diametrui. Taigi, anglies atomų skaičius, kurie gali apsupti Fe salelę (ant jos iš pradžių adsorbavęsi ir po to jos paviršiumi difundavę), yra tiesiogiai proprocingas Fe salelės diametrui, kas leidžia suprasti, kol esant didesniam Fe kolonų diametrui, anglies fazės sluoksnių, kurie apgaubia Fe kolonas, skaičius didėja. Fe fazės kolonos, kurios statmenos padėklui, bei jas apgaubianti C fazės terpė yra suformuojamos vykstant naujai adsorbuotų Fe ir C atomų paviršinei difuzijai dangos augimo metu. Šiuo nagrinėjamu koloninių struktūrų formavimosi atvejų, naujai prilipe Fe atomai, kurie adsorbavosi ant anglies fazes paviršiaus, difunduoja prie Fe salelių, o naujai prilipę C atomai, kurie adsorbavosi ant Fe fazės paviršiaus, difunduoja prie C fazės sričių dangos paviršiuje. Pastebime, kad kuo spartesnė naujai prilipusių atomų, kurie adsorbavosi ant kito elemento fazės paviršiaus, paviršinė difuzija, tuo abiejų rūšių atomų ant kito elemento fazės paviršiaus koncentracijos yra mažesnės dangos augimo metu. Abiejų rūšių atomų mažesnės koncentracijos ant kito elemento fazės paviršiaus reiškia ir mažesnę abiejų rūšių elementu pakartotinės nukleacijos ant kito elemento fazės paviršiaus tikimybe. Esant mažai pakartotinės nukleacijos tikimybei, stebimas koloninių struktūrų

formavimasis su kolonomis, nusitęsiančiomis per visą dangos storį. Pakartotinė nukleacija plonų dangų augimo metų gali būti indukuojama arba mažinant paviršinės difuzijos spartą (tai pasiekiama mažinant padėklo temperatūrą), arba didinant per laiko vienetą į paviršių krentančių jonų skaičių. Abiem šiais būdais, naujai prilipusių atomų, kurie adsorbavosi ant kito elemento fazės paviršiaus, kiekis didėja. Tiek paviršinės difuzijos spartos mažinimo atveju ar per laiko vienetą į paviršių krentančių jonų skaičiaus didinimo atveju , naujai ant kito elemento fazės paviršiaus adsorbuoti atomai nespėja difunduoti prie savo elemento salelės prieš tai, kai ant tos salelės yra adsorbuojami kiti tos pačios rūšies atomai, kas sukelia pakartotinę tam tikro elemento fazės nukleaciją ant kito elemento fazės paviršiaus vėlesnėse dangos augimo stadijose.

Pateiktas plonu dangu augimo mechanizmas yra pritaikytinas ne vien C ir Fe nanokompozitų dangų sintezės mechanizmui aprašyti. Literatūroje galima rasti nemažai atvejų kai granuliuotos plonų dangų struktūros yra gaunamos esant santykinai žemai padėklo temperatūrai [6, 29,74-77] ar santykinai aukštam dangos komponentų jonų srautui į augančios dangos paviršių [78], arba esant ir santykinai aukštam vieno iš komponentų srautui į dangos paviršių, ir aukštesnei to komponento koncentracijai dangoje (dėl didesnio to komponento srauto dangos augimo metu) [79]. Esant santykinai žemai padėklo temperatūrai, pakartotinė nukleacija augant dangai yra indukuojama dėl to, kad ant kito elemento fazės salelės nusėdę atomai nespėja difunduoti prie savo elemento fazės salelės. Be to, žemoje temperatūroje yra santykinai maža desorbcijos sparta, kas irgi gali padidinti pakartotinės nukleacijos tikimybę. Esant santykinai aukštam dangos komponentų jonų srautui į augančios dangos paviršių pakartotinė nukleacija yra indukuojama dėl spartesnio tam tikros fazės salelių padengimo kitos rūšies atomais. Kaip jau minėta anksčiau, panašios koloninės ar granuliuotos struktūros stebimos esant įvairiems metalams ar įvairioms fazėms, kuriomis apgaubiamos metalo nanodalelės (C, BN ir t.t.). Taigi, aprašytas dangu augimo mechanizmas vra daugelio autoriu pritaikomas kitu medžiagu atvejais dangų fazinės struktūros ir nusodinimo parametrų ryšiams aiškinti.

Atitinkamo dangos komponento fazės kolonų aukštį ir formą lemia pakartotinės nukleacijos įvykių dažnumas dangos augimo metu. Taigi, keičiant paviršinės difuzijos spartą ar krentančių jonų srautus galima kontroliuoti sintetinamų dangų fazinę struktūrą. Iš aptarto C ir Fe plonų dangų augimo mechanizmo aprašymo galime išskirti fizikinius procesus, lemiančius vienokią ar kitokią plonos dangos fazinę struktūrą:

a) Adsorbcija. Dvikomponentės nanokompozitų plonos dangos atveju apima nusodinamų atomų prilipimą ant padėklo medžiagos, pirmos ir antros rūšies atomų prilipimą prie savo elemento fazės paviršiaus, pirmos ir antros rūšies atomų prilipimą prie kito elemento fazės paviršiaus. Pirmos ar antros rūšies atomų prilipimą prie dangos paviršiaus srities, kurioje abu dangos komponentai yra susimaišę;

b) Nukleacijos procesas apima abiejų dangos komponentų pradinių užuomazgų susidarymą padėklo paviršiuje (pradiniais dangos augimo momentais), pirmo (ar antro) dangos komponento fazės užuomazgų susidarymą vėlesnėse dangos augimo stadijose;

c) Paviršinės difuzijos procesu įvertinama paviršinio sluoksnio atomų migracija, kuri apima pirmos (antros) rūšies atomų migraciją antros (pirmos) rūšies elemento fazės paviršiumi arba abiejų dangos komponentų mišinio paviršiuje. Tokios atomų migracijos priežastis turėtų būti susijusi su žemu abiejų nusodinamų dangos komponentų cheminiu giminingumu. Remiantis ankstesniais dangų augimo mechanizmo nagrinėjimas, galime teigti, kad nuo paviršinės difuzijos proceso spartos priklauso nukleacijos dažnumas vėlesniais dangos augimo laiko momentais (kai padėklas, ant kurio nusodinama danga, yra padengtas) bei vienoka ar kitokia plonos dangos fazinė struktūra;

d) Koalescencijos procesu apibūdinamas kelių individualių dalelių susijungimas, kurio rezultatas yra viena didesnių matmenų dalelė.

#### 1.2. Nanostruktūrizuotų plonų dangų modeliavimo tyrimų apžvalga

Nepaisant gana gausių eksperimentinių tyrimų, daugiafazių nanostruktūrų augimas nėra iki galo perprastas [7]. Kaip ankstesniame skyrelyje minėta, yra išskirta keletas režimų, kai formuojasi koloninės strūktūros (dominuojant paviršinei difuzijai) ar auga sferos formos nanodalelės apsuptos kito elemento ar junginio faze, bet modeliavimo darbų, kuriuose būtų išnagrinėti faktoriai, lemiantys trims anksčiau minėtoms struktūrinėms zonoms priskirtinų nanostruktūrų formavimąsi, nėra. Nanodalelės formuojasi iš garų fazės vykstant trims procesams: nukleacijai, koalescencijai ir augimui. Šie procesai ir paviršinė difuzija buvo aprašyti ir gautas rezultatų atitikimas eksperimento rezultatams vienafazių nusodinamų dangų atvejams, pavyzdžiui itin plonų dangų atvejui, kai ant amorfinės anglies padėklo nusodinami Au, Cu, Pt, Ni ir Fe [80].

Nanokompozitų, sudarytų iš dviejų fazių, sintezės modeliavimas buvo nagrinėtas darbuose [63,79,80,81,82,83,84]. Darbuose [65,81-83] fazių atsiskyrimas. vykstantis plonos dangos nusodinimo metu, yra aprašytas remiantis Fiko II dėsniu. Taip pat darbuose [65,81-83] difuzija yra nagrinėjama tik paviršiniame sluoksnyje, t.v. nagrinėjamas atvejis, kai danga nusodinama santykinai žemoje (lyginant su komponentu lydymosi temperatūra) temperatūroje, tūrine difuzija laikant nereikšminga.[81] yra vienas pirmųjų darbų, kur nagrinėjamas fazių atsiskyrimas plonų dangų augimo metu. Šiame darbe, kaip minėta, yra nenagrinėjama tūrinė difuzija, laikoma, kad paviršius išlieka lvgus dangos augimo metu, [81] modelio rezultatai parodė, kad, esant santykinai žemai vieno iš komponentų santykinei koncentracijai dangoje, vyksta komponento, kurio koncentracija dangoje žymiai mažesnė, augimas kolonomis, kurios yra statmenos padėklui. Be to, kolonų spindulys yra išreikštas lygybe  $r = (D_s \beta / v)^{0.5}$ , čia  $D_s$ - interdifuzijos koeficiento reikšmė paviršiuje, v - dangos augimo greitis,  $\beta$  - fenomenologinis parametras, nustatytinas iš eksperimento duomenu. Iš kolonu spindulio išraiškos matome, kad šio spindulio dydis priklauso difuzijos koeficiento paviršiuje ir augimo greičio santykio.

Darbuose [65,82] yra sumodeliuotas koloninų struktūrų augimas taikant modifikuotą Cahn - Hilliard lygtį. Kaip ir [81], tuose darbuose difuzija yra modeliuojama paviršiniame augančios dangos sluoksnyje. [80] darbe nagrinėjama

Al-Si sistema, o [82] darbe modeliuojama Pd<sub>2</sub>Si-Si sistema. Darbe [65] buvo pademonstruota, kad Al kolonu diametras gali būti kontroliuojamas keičiant difuzijos ilgi paviršiniame dangos sluoksnyje arba aliuminio bendra koncentracija dangoje, t.v. didėjant difuzijos ilgiui, Al kolonu diametras didėja. Tai, kad keičiant difuzijos ilgi paviršiniame sluoksnyje gaunamos vis didesnio diametro Al kolonos pasiskirsčiusios Si matricoje, atitinka ankstesnius rezultatais, paskelbtais [81], kur gauta, kad kolonu diametras proporcingas difuzijos koeficiento ir augimo greičio sankykiui. Be to, [65] darbe eksperimentiškai pademonstruota, kad aliuminio kolonu diametras gali būti kontroliuojamas didinant dangu augimo greiti. Didėjant augimo greičiui, vidutiniai Al kolonų diametrai mažėja. Ši tendencija taip pat atitinka rezultatus, paskelbtus [81], kad kolonu diametrai mažėtu, kai didinamas augimo greitis. Bet darbe [65] modeliavimo rezultatai su ivairiais augimo greičiais nera nagrinėjami. Didėjant aliuminio koncentracijai dangoje, kolonų diametras taip pat dideja. Šie teiginiai atitiko [65] darbe pateiktus kai kuriuos eksperimentinius Al-Si dangos nusodinimo tyrimus. Svarbu paminėti, kad norint gauti eksperimentinių ir modeliuotų rezultatų atitikimą nagrinėjamoms Al koncentracijoms, buvo priimta prielaida apie skirtingus Al ir Si fazių polinkius nukleacijai (skirtingas abiejų komponentų fazių nukleacijos spartas), kas nebuvo nagrinėta darbuose [81, 82]. Darbe [82] tyrinėjama komponentų koncentracijos itaka dangos struktūrai: santykinai žemai Pd koncentracijai sumodeliuojamos Pd<sub>2</sub>Si kolonos Si matricoje, o santykinai aukštai Pd koncentracijai sumodeliuojamos Si kolonos apsuptos Pd<sub>2</sub>Si. Šie rezultatai atitinka [82] pateiktas dangu paviršiaus nuotraukas, kurios gautos tyrinėjant nusodintas dangas su atitinkamai skirtingomis komponentu koncentracijomis. Šie rezultatai parodo, kad šiuo atveju keičiant Pd koncentracija, simetriškai pasikeičia komponentas, kurio fazė auga kolonomis plonoje dangoje: esant žemai Pd koncentracijai, kolonomis auga Pd<sub>2</sub>Si fazė, o esant aukštai Pd koncentracijai, kolonomis auga Si fazė.

Modeliuose, kurie pateikti darbuose [65,81,82], yra įvertinti 2 procesai: adsorbcija ir fazių atsiskyrimas. Adsorbcijos procesas yra aprašytas taip, kad kiekvienam paviršiniam augančios dangos atomui tenka vienodas prilipusių dalelių skaičius. Be to, ant bet kurio paviršinio augančios dangos atomo per laiko vieneta nukrenta ir prilimpa abiejų rūšių jonai tokiu santykiu, koks jis yra visai plonai dangai, t.y. prilipimo koeficientai abiejų rūšių krentantiems į dangos paviršių jonams yra visada laikomi pastovūs ir nepriklauso nuo paviršinio monosluoksnio elementinės sudėties. Kadangi darbuose [65,81,82] naudojama pradinė sąlyga, reiškianti, kad dangos augimo modeliavimas pradedamas jau turint vieną nusodintą sluoksnį, kuris sudarytas iš dviejų dangos komponentų mišinio su mažais koncentracijų svyravimais. Taigi, modeliuojant dangos augimo metu jos paviršius gali būti sudarytas iš regionų, kuriuose yra dangos komponentų mišinys įvairiomis santykinėmis koncentracijomis: nuo lygių 0,5 ir 0,5 iki nykstamai mažų vieno ar kito komponentų koncentracijų. Dėl paprastumo modeliavime laikoma, kad prilipimo koeficientai abiejų rūšių atomams nepriklauso nuo lokalios paviršiaus elementinės sudėties. Fazių atsiskyrimas aprašomas modifikuota Cahn ir Hilliard lygtimi. Dėl šio įvesto proceso pradinėse dangos augimo stadijose modeliuojamame paviršiuje yra stebimas dvieju komponentu mišinio (pradinė salvga reiškia, kad dangos augimo

modeliavimas pradedamas jau turint vieną nusodintą sluoksnį, kuris sudarytas iš dviejų dangos komponentų mišinio) fazių atsiskyrimas, kurio metu regionai, išsiskiriantys santykinai aukšta vieno arba antro komponento santykine koncentracija yra suformuojami. Nagrinėjamuose darbuose atomų difuzija yra modeliuojama paviršiniame augančios dangos sluoksnyje. Visais modeliavimo atvejais, pristatytais darbuose [65,81,82], yra nagrinėjamas koloninis dangų augimas. Dangos sudarytos iš dviejų fazių, kurios pasižymi santykinai aukšta vieno ar kito komponento santykine koncentracija.

Po faziu atsiskyrimo pradinėse dangos augimo stadijose, modeliavimo rezultatuose, pateiktuose [65,81,82], stebimas koloninis augimas, kuri lemia tik paviršinė difuzija, aptarta ankstesniame skyrelyje nagrinėjant dangos augimo mechanizma. Nesunku pastebėti, kad dangu augimo modeliavime paviršinė difuzija yra įvertinama įvedus fazių atsiskyrimo procesą. Koloninio augimo atveju, dangos komponentu atomu susigrupavimas i atskiru faziu regionus vyksta dangos augimo metu, net ir augančios dangos paviršiaus plokštumoje pastebimi atskiri vienos ar kitos fazės regionai, kurie pasižymi aukšta arba vieno arba kito komponento koncentracija. Pats dangos aukštis didėja prilimpant abiejų rūšių jonams. Kaip minėta anksčiau, abiejų rūšių jonų prilipimo koeficientai yra visada pastovūs ir nepriklauso nuo lokalios paviršiaus elementinės sudėties. Dėl abiejų dangos komponentų jonų srautų į dangos paviršių bei dėl vienodų prilipimo koeficientų abieju rūšiu jonams ant bet kurio komponento fazės paviršiaus, tiek pirmo, tiek antro dangos komponento fazės ruožas dangos paviršiuje yra vis padengiamas kito komponento naujai adsorbavusiais atomais. Šių naujai adsorbavusių pirmos (antros) rūšies atomų ant antro (pirmo) elemento fazės paviršiaus regiono atomų migracija prie savo elemento fazės salelės yra įvertinama fazių atsiskyrimo procesą aprašančia lygtimi (darbuose [65.81.82] naudojamos Cahn ir Hilliard lygtis ar jos modifikacijos). Šiuo atveju nuo fazių atsiskyrimo proceso spartos priklauso, ar vyks dangos tam tikro komponento kolonu formos nanodaleliu, kurios statmenos padėklui ir apgaubtos kito dangos komponento faze, augimas. Laikant adsorbcijos greiti fiksuotu ir mažinant paviršinės difuzijos spartą (mažinant paviršinės difuzijos koeficientų vertes), pirmo (antro) komponento fazės regionai dangos paviršiuje jos augimo metu yra sparčiau dengiami kito komponento naujai adsorbavusiais atomais. Dėl to gaunamos arba koloninės dangos struktūros su kolonomis kuriose komponentai gali būti susimaiše tam tikromis santykinėmis koncentracijomis (esant aukštesnėms paviršinės difuzijos koeficientų vertėms), arba homogeniškas dviejų komponentų mišinys (esant žemesnėms paviršinės difuzijos koeficientų vertėms).

Darbuose [65,81,82] pateiktuose rezultatuose, kuriuose nagrinėjami procesai yra aprašomi diferencialinėmis lygtimis, nėra gaunamos granuliuotą fazinę struktūrą turinčios dangos, ir tokios rūšies nanostruktūrų augimas išlieka nepaaiškintas, remiantis šiais darbais.

Darbe [83] nanostruktūrizuotų plonų dangų sintezė modeliuojama įvertinant įtempius ir visuose skaičiavimuose, modeliuojant dviejų komponentų dangos augimą, abiejų komponentų tūrinės koncentracijos dangoje laikomos lygiomis (po 50%). Taigi, šaltinyje [83] pademonstruota, kad esant lygioms komponentų koncentracijos, vieno iš komponentų augimas kolonomis, statmenomis padėklui, įmanomas tik esant pakankamai dideliam dangą sudarančių komponentų šlyties modulių skirtumui. Taigi, šiame darbe parodyta, kad šlyties modulių skirtumas apibrėžia ar vyks, ar nevyks vieno komponentų koloninis augimas (ir kolonų apsupimas kita faze), kai komponentų koncentracijos dangoje apylygės. Ankstesniais aprašytais modeliais, kur nenagrinėjama įtempių įtaka, kolonininės struktūros negali būti gaunamos, kai abiejų komponentų koncentracijos dangoje yra lygios. 1.3 pav. paveiksle pateikti sumodeliuoti [83] plonų dangų vaizdai iš viršaus, kurie gauti neįskaičius įtempių įtakos (pav. 1.3a) ir įskaičius įtempių įtaką (pav. 1.3b). Paveiksle 1.3b stebimas kietesnės fazės komponento apsupimas minkštos fazės matricoje. Komponentų fazių šlyties modulių skirtumas lemia, kad didesnio šlyties modulį turinti komponentas auga kolonomis, kurios apgaubiamos minkštesnio komponento faze. Vaizdai, panašūs į pateiktą 1.3a paveiksle, yra gauti darbe [80] modeliuojant atvejus, kai dangos komponentų koncentracijos apylygės.



1.3 pav. Sumodeliuoti plonų dangų vaizdai iš viršaus [83]. Komponentų, kurių fazės nuspalvintos juodai ir baltai, santykinės koncentracijos dangoje yra vienodos (50% ir 50%).
(a) paveikslas gautas nemodeliuojant įtempių įtakos. (b) paveikslas sumodeliuotas atsižvelgiant į įtempių įtaką. Paveikslų matmenys yra 128×128 sluoksniai, nagrinėjamas sluoksnio storis yra nanometrų eilės.

Šaltinyje [84] modeliuojamas dviejų komponentų dangos nusodinimas, bei nagrinėjamas atvejis, kai tie komponentai nėra chemiškai giminingi. Darbe [84] pademonstruota, kad temperatūra ir augimo greitis yra vieni veiksnių, kontroliuojančių angančios dangos struktūrą. Monte Carlo modeliavimas parodė, kad padidinus padėklo temperatūrą, dangos struktūra tampa kolonine. Be to, toliau didinant temperatūrą, kolonų diametras monotoniškai didėja. Žemiausioje nagrinėtoje temperatūroje sunku įžvelgti dėsningą struktūrą. [84] darbe koloninės struktūros buvo sumodeliuotos atmetus tūrinę difuziją, kas rodo, kad vien tik paviršinė difuzija lemia kolonines plonų dangų struktūras.

[85] yra pateikiami volframo ir anglies plonų dangų, nusodintų magnetroniniu dulkinimu, ir struktūros tyrimai, ir nagrinėjamas duotų dangų augimo modeliavimas. Šiame darbe eksperimentiškai stebimi išsišakoję (angl. nanodendrites) komponento W klasteriai, apsupti WC<sub>1-x</sub> faze.[85] darbe stebimų

išsišakojusių struktūrų sintezė yra modeliuojama naudojantis fazinio lauko teorija, kurioje tokiu išsišakojusiu struktūru modeliavimas vra gan gerai išnagrinėtas. Remiantis [81], autoriai mano, kad išsišakojusių W kolonų iš aplink jas besiformuojančios W-C fazės augimo mechanizmas yra panašus į kietėjimo proceso mechanizma. Taigi, [85] darbe pateiktas modelis buvo sudarytas panaudojus fazinio lauko teorijos modelius [86-88], nagrinėjančius medžiagų kietėjimą. Išsišakojančių struktūru augima nagrinėjančiame modelyje, pateiktame [85], yra skaičiuojama triju lokalių dangos bedimensinių parametrų kitimas laike: fazė (įgyjamos reikšmės nuo -1 iki 1, 1 žymi kristalinę W fazę, -1 žymi amorfinę W-C), kintamasis susijęs su lokalia anglies koncentracija, trečias kintamasis žvmi kristalitu orientacija.[85] pateiktu modeliu gauti rezultatai parodė, kad, esant 86% volframo koncentracija dangoje (ir atitinkamai 14% anglies koncentracijai), sumodeliuojamos volframo fazės kolonos. Mažinant volframo kocentracija dangoje iki 68% ar 59%, sumodeliuojamos išsišakojusios W kolonos. Šie modeliavimo rezultatai rodo tokias pačias tendencijas, kokios, pagal [85], buvo stebėtos eksperimentiškai. 1.4 paveiksle pateiktas volframo ir anglies plonos dangos šoninis piūvis [85], kuriame stebimos minėtos išsišakojusios nanostruktūros.



**1.4 pav.** Volframo ir anglies plonos dangos sumodeliuotas šoninis pjūvis [85]. Volframo koncentracija dangoje 59%.

Balta spalva nuspalvintos sritys nurodo W-C fazę pjūvyje. Pilka spalva nuspalvintos sritys nurodo W fazę.

[89] yra pateikiami titano ir anglies plonų dangų, nusodintų magnetroniniu dulkinimu, struktūros tyrimai ir pristatomas modelis dangų augimui modeliuoti. [89] darbe eksperimentiškai stebimas titano ir anglies fazių sluoksnių, lygiagrečių padėklui, augimas. Be to, eksperimentiškai stebėta, kad sluoksnis, esantis iš karto virš padėklo (padėklo medžiaga yra Si) yra storesnis už aukščiau esančius sluoksnius ir paviršiniuose dangos gyliuose sluoksniuota struktūra nėra stebima. Modelyje, kuris pateiktas [89], yra nagrinėjamas dangą sudarančių komponentų fazių atsiskyrimas. Fazių atsiskyrimo procesas aprašytas Cahn ir Hilliard lygtimi. Dalelių difuzija šiame darbe yra leidžiama pasirenkamo storio paviršiniame augančios dangos sluoksnyje. Papildžius Cahn ir Hilliard fazių atsiskyrimo modelį nariu, kuris įvertina skirtingą dangos komponentų giminingumą padėklo medžiagai, buvo surastos modelio parametrų reikšmės, kurioms esant, naudojant [89] pateiktą modelį gaunamas storesnis pirmas, aukščiau padėklo esantis, anglies fazės sluoksnis, o kiti anglies sluoksniai yra vis plonesni ir tam tikrame dangos gylyje sluoksniuota struktūra nėra stebima. Tokiu būdu gautas eksperimentinių ir modeliuotų duomenų atitikimas.

[90] šaltinyje yra pristatytas modelis, nagrinėjantis dviejų komponentų dangos nusodinimą, jo metu vykstantį fazių atsiskyrimą bei pateiktas modelis įvertina padėkle esančių dislokacijų įtaką augančios dangos evoliucijai. Fazių atsiskyrimas pateiktame modelyje yra aprašomas Cahn ir Hilliard lygtimi. Kuriant modelį, buvo priimtos prielaidos, kad plonos dangos paviršius išlieka lygus jos augimo metu, danga auga pastoviu greičiu, fazių atsiskyrimas vyksta tik paviršiniame augančios dangos sluoksnyje (tūrinė difuzija nėra modeliuojama). [90] šaltinio modeliavimo



1.5 pav. Plonų dangų vaizdai iš viršaus, gauti augimo laiko momentais 10, 50, 500, 1000. Juoda spalva pažymėtos komponento fazės koncentracija dangoje yra 35%, balta spalva pažymėtos komponento fazės koncentracija - 65% [90].

rezultatai parodė, kad padėkle esančios dislokacijos turi įtaką pradinėms dangos augimo stadijoms. 1.5 paveiksle pateikti sumodeliuotų dangų vaizdai iš viršaus [90] skirtingais dangos augimo laiko momentais. Juoda spalva pažymėtos komponento fazės koncentracija dangoje yra 35%, balta spalva pažymėtos komponento fazės koncentracija lygi 65%. 35% ir 65% komponentų koncentracijų atveju, pradiniais augimo laiko momentais (t<10, visas augimo laikas 1000 vienetų) buvo stebimos ne apskritimo formos salelės (žiūrint į dangos paviršių iš viršaus), o vaizdas be aiškių paviršiaus dėsningumų. Vėlesniais augimo laiko momentais t>50, buvo stebimas koloninis dangos augimas. Žiūrint iš viršaus, paviršiuje esantis kolonų galas daugumai atvejų buvo taisyklingos apskritimo formos.

[91] darbe pristatomas Monte Carlo metodu paremtas modelis, kuriuo nagrinėjamas dviejų komponentų dangos nusodinimas ir jo metu vykstantis fazių atsiskyrimas. Pateiktame modelyje tūrinė difuzija nėra modeliuojama. [91] šaltinyje pateiktuose modeliavimo rezultatuose nagrinėjama nusodinimo greičio įtaką komponentų koncentracijų įtaka dangų fazinei kompozicijai. 10% komponento tūrinės koncentracijos atveju (atitinkamai kito komponento 90%) ir atliekant skaičiavimus su skirtingomis augimo greičio reikšmėmis, buvo modeliuojamos koloninės dangų struktūros. 1.6 paveiksle pateikti sumodeliuoti [91] dangų vaizdai, kai komponentų koncentracijos dangoje yra 10% ir 90%. Komponento, kurio koncentracija yra 10%, kolonos nuspalvintos balta spalva pateiktuose vaizduose.



**1.6 pav.** Monte Carlo metodu [91] sumodeliuoti dangų vaizdai, kai komponentų koncentracijos dangoje yra 10% ir 90%. Komponento, kurio koncentracija 10%, kolonos nuspalvintos balta spalva pateiktuose vaizduose. Skaičiavimuose naudotas dangos augimo greitis paveiksle a yra 5 kartus didesnis už paveiksle b naudotą.

Skaičiavimuose naudotas dangos augimo greitis paveiksle 1.6a yra 5 kartus didesnis už naudotą skaičiuojant paveiksle 1.6b pateiktą vaizdą. Iš modeliavimo duomenų nustatyta, kad kolonų spindulys (stacionariam augimo režimui) apytiksliai kinta pagal dėsnį  $r = (D_S \beta / v)^{0.37}$ . Priminsime, kad [91] šaltinyje, kur fazių atsiskyrimo

procesas yra aprašytas difuzijos lygtimi, buvo gauta šiek tiek kitokia kolonų spindulio priklausomybė nuo difuzijos koeficiento ir augimo greičio santykio  $r = (D_S \beta / v)^{0.5}$ . Šį nesutapimą [91] autoriai aiškina skirtingai modeliuotomis dangos nusodinimo sąlygomis.

Atlikus [91] šaltinyje pateiktu modeliu skaičiavimus su lygiomis komponentų koncentracijomis, buvo gautos struktūros, tarsi sudarytos iš komponentų plokštelių (juostų), kurios, galima manyti, susiformuoja susijungus to paties komponento netoli viena kitos esančių kolonų grandinėlei. 1.7 paveiksle pateikti [91] darbe sumodeliuoti dangų vaizdai, kai komponentų koncentracijos dangoje yra po 50%. 1.7a ir 1.7b vaizdai buvo skaičiuojami nustačius skirtingą augimo greitį, kitų parametrų reikšmės nebuvo keičiamos. Tamsios linijos tiek šoniniame, tiek vaizde iš viršaus žymi ribas tarp kartu egzistuojančių dangos komponentų fazių. Iš modeliavimų duomenų su skirtingais dangos augimo greičiais nustatyta, kad lygių komponentų koncentracijų dangoje atveju, plonos dangos fazių juostų plotis stacionariam augimo režimui yra išreiškiamas  $r_2 = (D_s \beta / v)^{0.33}$ .



1.7 pav. Monte Carlo metodu [91] sumodeliuoti dangų vaizdai, kai komponentų koncentracijos dangoje yra po 50%. Tamsios linijos tiek šoniniame, tiek vaizde iš viršaus žymi ribas tarp kartu egzistuojančių dangos komponentų fazių. Skaičiavimuose naudotas dangos augimo greitis a paveiksle yra 5 kartus didesnis už b paveiksle naudotą.

[92] šaltinyje yra pateikti Co ir SiO<sub>2</sub> plonų dangų, nusodintų dulkėjimo metodu, tyrimų rezultatai ir kinetinis Monte Carlo (angl. kinetic Monte Carlo) modelis, nagrinėjantis dviejų komponentų fazių atsiskyrimą plonos dangos augimo metu. Eksperimentiniuose [92] rezultatuose stebėtos skirtingos Co ir SiO<sub>2</sub> plonų dangų fazinės kompozicijos: mažesniam darbinių dujų (Ar) slėgiui šoniniuose nusodintų dangų pjūviuose stebėtos 5nm ×10nm (10nm aukščio, 5nm pločio) Co nanodalelės, kai esant didesniam darbinių dujų slėgiui, eksperimentiškai stebėtos Co kolonos.[92] darbe aprašytame modelyje difuzija yra nagrinėjama tik paviršiniame augančios dangos sluoksnyje. 1.8 paveiksle yra pateikti sumodeliuoti [92] plonų dangų vaizdai gauti su skirtingomis paviršinės difuzijos ilgio reikšmėmis, kurios

skaičiuojant pateiktus vaizdus buvo tokios: 1,43a<sub>0</sub> (a), 3,6a<sub>0</sub> (b), 10a<sub>0</sub> (c), čia a<sub>0</sub> gardelės konstanta. Komponento, kurio fazė žymima balta spalva, koncentracija dangoje yra 10%. Pateiktu modeliu gauti rezultatai su skirtingomis paviršinės difuzijos ilgio per laiko vienetą reikšmėmis parodė, kad didinant paviršinės difuzijos ilgį per laiko vienetą, gaunama koloninė dangos struktūra su kolonomis, daugumoje atvejų nusitęsiančiomis per modeliuojamą dangos aukštį.



1.8 pav. Plonų dangų vaizdai, modeliuoti kinetiniu Monte Carlo metodu [92]. Vaizdai gauti su skirtingomis paviršinės difuzijos ilgio reikšmėmis, kurios skaičiuojant pateiktus vaizdus buvo tokios: 1,43a<sub>0</sub> (a), 3,6a<sub>0</sub> (b), 10a<sub>0</sub> (c), čia a<sub>0</sub> - gardelės konstanta. Komponento, kurio fazė žymima balta spalva, koncentracija dangoje yra 10%.

1.9 paveiksle yra pateikti sumodeliuoti [92] vaizdai, gauti su skirtingomis komponentų koncentracijomis, balta spalva žymimo komponento koncentracijos dangose yra tokios: 10% (a), 30% (b), 50% (c). Paviršinės difuzijos ilgio reikšmė, naudota visais trims atvejais, yra 3,6a<sub>0</sub>, čia a<sub>0</sub>- gardelės konstanta. Be to, koloninų struktūrų modeliavimas su skirtingomis santykinėmis koncentracijomis dangoje (0,1 ir 0,3 reikšmės naudotos) parodė, kad, didinant komponento santykinę koncentraciją dangoje nuo 0,1 iki 0,3, stebimas to komponento kolonų diametro didėjimas, o su santykine koncentracija 0,5, panašiai kaip [88] pateiktų rezultatų atveju, plona danga sudaryta iš komponentų plokštelių. Panašūs į 1.9c vaizdai buvo gaunami fazių atsiskyrimo modeliavimo rezultatuose, kurių skaičiavimuose taip pat buvo laikomos vienodos abiejų dvikomponentės plonos dangos elementų koncentracijos (žr. paveikslus 1.3a ir 1.7).



1.9 pav. Plonų dangų vaizdai, modeliuoti kinetiniu Monte Carlo metodu [92]. Vaizdai, gauti su skirtingomis komponentų koncentracijomis, balta spalva žymimo komponento koncentracijos dangose yra tokios: 10% (a), 30% (b), 50% (c). Paviršinės difuzijos ilgio reikšmė, naudota visais trims atvejais, yra 3,6a<sub>0</sub>, čia a<sub>0</sub> - gardelės konstanta.

Kinetinio Monte Carlo metodo taikymuose dangų augimui modeliuoti ar kitose atitinkamose srityse yra atkuriamas individualių atomų judėjimas. Darbe [92] nagrinėjama N×N (N=100 visuose pateiktuose skaičiavimuose) narvelių tinklelis augančios dangos paviršiuje. Kiekviename narvelyje telpa po vieną atomą. Kadangi atomų šokinėjimas modeliuojamas tik paviršiniame augančios dangos sluoksnyje, šoniniai dangų pjūviai gaunami iš paviršinio sluoksnio ankstesnių laiko momentų duomenų (baigus dangos augimo skaičiavimus kiekvieno ankstesnio laiko momento paviršinis sluoksnis būna tam tikras tūrinis dangos sluoksnis). Visų pirma, yra nusodinami pirmi 10 dangos sluoksnių mišinio su norimomis santykinėmis abiejų dangos koncentracijomis. Adsorbcijos ir difuzijos (šokinėjimo) įvykiai yra modeliuojami abiejų rūšių atomams pagal tų įvykių dažnius.

Kiekviename adsorbcijos žingsnelyje, vienas paviršiaus narvelis yra atsitiktinai pasirenkamas, ir jame vienos ar kitos rūšies atomas yra pridedamas (pagal santykines koncentracijas). Norint išvengti vakancijų ir porų formavimosi, yra įvedama atomų leidimosi žemyn schema. Kaip minėta anksčiau, vienas paviršiaus narvelis yra parenkamas kiekviename adsorbcijos žingsnyje tam tikrai dalelei. Tada galutinis to atomo nusėdimo narvelis yra parenkamas tas, kuris yra apsuptas didžiausiu kiekiu kaimynų trijų gardelės konstantų atstumu. Tokia atomų šuolių žemyn schema yra stebima molekulinės dinamikos modeliavime [93,94].

Kiekviename difuzinio šokinėjimo žingsnyje, paviršiaus dalelių šuoliai dangos paviršiuje yra modeliuojami, priklausomai nuo dalelių šuolių dažnio, kuris priklauso nuo dalelės aplinkos. Šuoliai yra leidžiami 4 kryptimis dangos paviršiuje ar aukštyn ir žemyn ant salelės ir nuo salelės, jei jos aukštis yra vieno narvelio dydžio. Difuzinių šuolių kiekis per laiko vienetą priklauso nuo šuolio tikimybės ir dažnio bei lygūs šių dviejų dydžių sandaugai. Šuolio tikimybė per laiko vienetą įvertinama Arrhenius lygtimi  $P = \exp(-E/(k_bT))$ ,čia E yra energijos barjeras tam tikram atomo šuoliui įvykti, k<sub>b</sub> Bolcmano konstanta, T - absoliutinė temperatūra.

Bet kuriam paviršiniam atomui jo šuoliams paviršiuje reikalingas energijos dydis *E* priklauso nuo to atomo aplinkos (supančių dalelių).  $E = n_s e_s + n_D e_D$ čia:  $n_s$ 

yra tos pačios atominės rūšies artimiausių kaimynų skaičius,  $e_s$  ryšio energija tarp tos pačios rūšies atomu,  $n_D$  vra kitos atominės rūšies kaimvnu skaičius,  $e_D$  vra ryšio energija tarp skirtingu rūšių atomų. Skaičiavimuose buvo laikoma, kad ryšio energija tos pačios rūšies atomams vra 0,05 eV (abieju atomu atveju). Ryšio tarp skirtingu rūšių atomų energija buvo prilyginta 0. Iš šių turimų ryšio energijos reikšmių ir iš energijos dydžio reikalingo atomo šuoliui E išraiškos nesunku pastebėti, kad intensyviausiai vienos ar kitos rūšies atomu šuoliai vyksta tam tikram atomui prilipus ant kito elemento fazės salelės, šiuo atveju atomo šuoliui reikalingas energijos dydis E yra lygus 0 ir atitinkamai tikimybė šuolio tikimybė per laiko vieneta vra lygi vienam. Skaičiavimai parodė, kad keičiantis paviršinės difuzijos ilgiui, gaunamos ivairia fazine struktūra turinčios dangos, o tokiu struktūru formavimasi lemia paviršinės difuzijos procesas. Modeliavime [92] abieju rūšiu atomai prilimpa prie dangos paviršiaus nepriklausomai nuo tos paviršiaus dalies elementinės sudėties (prilipimo koeficientai lokalios pastovūs). Taip pat modeliuojant atomų prilipimą nevertinama krentančių į dangos paviršių jonų energijos itaka adsorbcijos procesui.

Paviršinės difuzijos ilgis *L*, kaip buvo parodyta modeliavimu, darantis įtaką dangų fazinei struktūrai yra apibrėžiamas, kaip difuzijos ilgis vienos ar kitos rūšies atomui, kol jis nėra padengtas kitu augančios dangos monosluoksniu.

Darbe [92] pritaikytas literatūroje pasiūlytas Monte Carlo algoritmas [95]. Nusodinimo ar atomų šokinėjimo ant paviršiaus įvykiai modeliuojami statistiškai, apibrėžiant kiekvieno įvykio tikimybes ir generuojant atitinkamą atsitiktinį skaičių. Tam tikras įvykis, kurio tikimybė p, modeliavimo metu įvyksta tuomet, kai skaičiavimų metu sugeneruotas atitinkamas atsitiktinis skaičius patenką į tam tikrą reikšmių intervalą, kurio ilgis skaitine verte yra lygus to įvykio atsitikimo tikimybei.

Monte Carlo metodai yra vienas iš skaičiavimų apimtimi efektyviausių modeliavimo metodų. Dangų augimui modeliuoti molekulinės dinamikos metodas pritaikymo galimybės yra ribotos, nes viename kvadratiniame mikrometro ir 0,1 mikrometro aukščio dangoje telpa 10<sup>10</sup> atomų, kurių kiekvieno trajektorijos būtų modeliuojamos. Laiko žingsnis molekulinės dinamikos metodo atveju būtų 10<sup>-14</sup>s. Vienos valandos trukmės dangos augimo modeliavimas reikalautų 10<sup>17</sup> laiko žingsnių, skaičiuojant trajektorijas 10<sup>10</sup> atomams, kas reikalautų didelių skaičiavimų išteklių. Bendri skaitinio modeliavimo privalumai yra: galimybė dirbti su dydžiais, kurie nėra eksperimentiškai išmatuojami, skaitmeniniai modeliavimo eksperimentai dažnai yra pigesni už realius bandymus.

[96] yra nagrinėjamas fazių atsiskyrimo augant dvikomponentei dangai Monte Carlo metodu. Šiame darbe visas autorių dėmesys sutelktas lygių komponentų koncentracijų dangoje atvejui. Darbe [96] nagrinėjama tiek padėklo temperatūros, tiek dangos augimo greičio įtaka plonų dangų fazinei kompozicijai. 1.10 paveiksle pateikti su skirtingomis padėklo temperatūromis sumodeliuoti [96] dangų šoniniai pjūviai. Temperatūrų reikšmės, naudotos 1.10 paveikslo skaičiavimuose, santykiniais vienetais yra tokios (temperatūros reikšmė tais pačiais santykiniais vienetais 2,26 reiškia temperatūrą, kurioje dviejų medžiagų mišinys įgytų skystą būseną): 0,2 (a), 0,5 (b), 1,0 (c), 1,6 (d), naudota dangos augimo greičio reikšmė yra 0,01 sluoksnis/Δt (Δt laiko žingsnis Monte Carlo algoritme).



**1.10 pav.** Su skirtingomis padėklo temperatūromis sumodeliuoti [96] šoniniai dangų pjūviais. Temperatūrų reikšmės (santykiniais vienetais): 0,2 (a), 0,5 (b), 1,0 (c), 1,6 (d), augimo greičio reikšmė yra 0,01 sluoksnis/ $\Delta t$  ( $\Delta t$  laiko žingsnis Monte Carlo algoritme).

1.10 paveiksle pastebime, kad keliant padėklo temperatūrą stebimas perėjimas iš juostinės šoninio pjūvio struktūros į koloninę. Paveiksluose 1.10b,c,d stebimas, kolonų diametro didėjimas, kai keliama padėklo temperatūra.

1.11 paveiksle pateikti su skirtingomis augimo greičio reikšmėmis sumodeliuoti [96] dangų šoniniai pjūviai. Augimo greičių reikšmės, naudotos 1.11 paveikslo skaičiavimuose, yra tokios (sluoksnis/ $\Delta$ t vienetais): 1,0 (a), 0,01 (b), 0,0025 (c), 0,001 (d), naudota padėklo temperatūros reikšmė yra 1,2.



1.11 pav. Su skirtingomis augimo greičio reikšmėmis sumodeliuoti [96] dangų šoniniai pjūviai. Augimo greičių reikšmės, naudotos 1.11 paveikslo skaičiavimuose, yra tokios (sluoksnis/∆t vienetais): 1,0 (a), 0,01 (b), 0,0025 (c), 0,001 (d), naudota padėklo temperatūros reikšmė yra 1,2 (santykiniais vienetais).

1.11 paveiksle pastebime, kad mažinant dangos augimo greitį stebimas perėjimas iš juostinės šoninio pjūvio struktūros į koloninę. Paveiksluose 1.11b,c,d stebimas, kolonų diametro didėjimas, kai mažinama dangos augimo greičio reikšmė. Darbe [96] iš modeliavimo duomenų buvo nustatyta, kad 1.10a ir 1.11a paveiksluose stebimų juostinių struktūrų juostų plotis yra proporcingas dydžiui  $V^{-0.333}$ , kur V dangos augimo greitis.

Dviejų abstrakčių chemiškai negiminingų komponentų dangos augimas nagrinėjamas darbuose [81, 83, 84, 90, 91, 96]. Šie darbai skiriasi vienas nuo kito nagrinėjamais uždaviniais: nors koloninę fazinę struktūrą turinčių dangų augimas panagrinėjamas visuose darbuose [81, 83, 84, 90, 91, 96], bet darbe [83] vertinama įtempių įtaka augančios dangos fazinei struktūrai, darbe [90] vertinama dislokacijų įtaka. Be to, šaltiniuose [83, 91, 96] nagrinėjama juostinę fazinę struktūrą turinčių dangų augimas, kuris vyksta esant apylygėms abiejų komponentų tūrinės koncentracijoms dangoje. Darbuose [84, 91, 96] yra naudojamas Monte Carlo metodas dangos augimo modeliavimui aprašyti, o [81, 83, 90] naudojami diferencialinėmis lygtimis paremti modeliai. Pateikti Monte Carlo metodu paremti modeliai yra pranašesni už diferencialinėmis lygtimis paremtus modelius tuo, kad taikant pateiktas Monte Carlo metodo realizacijas dar gali būti vertinamas augančios dangos šiurkštumas.

Nanostruktūrizuotų dangų augimo modeliavimo rezultatai yra tapatinami su konkrečių medžiagų dangų tyrimo rezultatais darbuose [65, 82, 85, 89, 92]. [85, 89] šaltiniuose ir eksperimentiškai, ir teoriškai tyrinėjamas nanostruktūrizuotų dangų augimas, kai dangą sudarantys komponentai yra chemiškai giminingi metalasanglis, t.y. nagrinėjamos sistemos W:C [85] ir Ti:C [89]. Darbe [85] nagrinėjamai faktoriai, lemiantys išsišakojusių struktūrų augimą, o [89] nagrinėjami faktoriai, lemiantys daugiasluoksnių dangų augimą.

Darbuose [65, 92] teoriškai ir eksperimentiškai nagrinėjamas atitinkamai Al:Si, Co:SiO<sub>2</sub> nanokompozitų dangų augimas, o šaltinyje [82] nagrinėjamas didelio skaičiaus metalo- silicio ir metalo- germanio kombinacijų nanokompozitų dangų augimas, nagrinėti metalai: Ag, Cu, Pd, Pt, Ni, Rh, Mn, V, Fe, Ir, Co, Nb, Cr, Ti, Zr, Hf, Ru, Ta, Mo, W. Darbuose [65, 82] nagrinėjami uždaviniai yra tokie patys: koloninę ir juostinę fazinės struktūras turinčių dangų augimo mechanizmo tyrimas. Skiriasi tik nagrinėjamos medžiagos. [92] šaltinyje nagrinėjamas ryšys tarp gaunamos dangos fazinės struktūros ir dangos nusodinimo technologinio parametro (darbinių dujų slėgio), bei modeliuojant kinetiniu Monte Carlo metodu ištiriama paviršinės difuzijos ilgio, kurio vertė, kaip laikoma autorių, gali būti keičiama keičiant darbinių dujų slėgio vertę, įtaka nagrinėjamų dangų fazinei struktūrai.

Apibendrindami nagrinėtus literatūros šaltinius, galime teigti, kad daugumoje darbų buvo modeliuojami II zona atitinkantys atvejai, kai adatomų judrumas paviršiuje santykinai aukštas ir formuojasi koloninė dangos fazinė struktūra (esant reikšmingam komponentų koncentracijų dangoje skirtumui). Iš nagrinėtų darbų pastebime, kad norint sumodeliuoti koloninų struktūrų augima, daugeliu atvejų buvo nagrinėjama tik paviršinė difuzija (tūrinė nemodeliuojama), nors [81] darbe esant sparčiai paviršinei difuzijai buvo nagrinėti atvejai modeliuojant ir nemodeliuojant tūrinės difuzijos, bet modeliavimo rezultatas, kuris abiem atvejais buvo koloninė dangos struktūra, išliko tas pats. Modeliuojant dvikomponentės plonos dangos augima ir jo metu vykstantį fazių atsiskyrimą su apylygėmis komponentų koncentracijomis [80, 83, 88, 89] bei neitraukus itempių itakos, buvo sumodeliuojamos juostinės (žiūrint iš viršaus) dangų struktūros (pvz. 1.3a, 1.7 ar 1.9c). Tuo tarpu itraukus itempių itaka [83], sumodeliuojamos koloninės plonų dangų struktūros. Taigi, aptarti modeliavimo rezultatai parodo, kad dangos fazinė struktūra gali būti kontroliuojama keičiant komponentų koncentracijas dangoje: esant apylygėms komponentų koncentracijoms dangoje ir nesant įtempių, gaunamos juostinės fazinės struktūros dangos, esant reikšmingam danga sudarančiu komponentų koncentracijų skirtumui ir santykinai aukštam adatomų judrumui, gaunamos koloninės struktūros. Svarbu paminėti, kad kokioms elementinės dangoms sudėtims stebimos koloninės, o kokioms yra stebimos juostinės plonų dangų fazinės struktūros, modeliavimo būdu yra ištirta tik Al:Si nanokompozitu dangų atveju.

Tačiau nagrinėtoje literatūroje yra mažai III zonos ir T zonos nagrinėjimo atvejų, kurie yra stebimi eksperimentiškai esant santykinai žemam paviršinių adatomų judrumui. Nagrinėtuose darbuose [83,84] yra teigiama, kad, šiuose darbuose pateiktų modelių atvejais, sumažinus difuzijos koeficiento reikšmę paviršiuje arba padidinus augimo greitį yra gaunamas homogeniškas dviejų komponentų mišinys plonos dangos tūryje, o ne tam tikro komponento sferos formos nanodalelės, apsuptos kito komponento faze. [92] šaltinyje yra gautas III struktūrinei zonai priskirtinas atvejis, kuris pateiktas 1.8a paveiksle. Be to, paveiksluose 1.8a ir 1.8b, gautas perėjimas iš granuliuotos iš karto į koloninę struktūrą, o tarpinis atvejis, priklausantis T struktūrinei zonai, nėra gaunamas. Iš 1.8 paveiksle pateiktų vaizdų matome, kad perėjimas nuo granuliuotos į koloninę struktūrą gautas didinant tik paviršinės difuzijos ilgį. Taigi, iš čia pastebime, kad paviršinės difuzijos ilgio vertė gali lemti ar koloninę, ar granuliuotą fazinės struktūrą turės danga, bet ar minėtas fazines struktūras gali lemti kiti faktoriai (dangos augimo greitis, dangos elementinė sudėtis) modeliuojant [92] nėra ištirta.

Svarbu pažymėti, kad minėtuose nanostruktūrizuotų dangų augimo modeliavimo tematikos darbuose, nebuvo nagrinėjama tokių dangų augimo metu vykstanti paviršinė segregacija, stebima tam tikrais Ni:C nanozkompozitų augimo atvejais [7].

#### 2. TYRIMŲ METODIKA

# **2.1.** Kinetinių lygčių metodas. Komponentų pasiskirstymo gylyje modeliavimas Ni:C plonose dangose

Kinetinių lygčių lygčių metodas yra makroskopinis sistemos evoliucijos aprašymo būdas. Kinetinių lygčių metodu yra aprašomos didelį skaičių elementariųjų objektų turinčios sistemos. Elementariais objektais gali būti elektronai, atomai, molekulės, organizmai, žvaigždės ir t.t. Taigi, kinetinių lygčių metodas yra pritaikomas sistemų evoliucijai modeliuoti įvairiose srityse. Iš matematinio sistemų nagrinėjimo kinetinių lygčių metodu dažniausiai išplaukia sistemos evoliuciją aprašanti dalinių išvestinių diferencialinės lygtis ar diferencialinių lygčių sistema. Fizikoje kinetinių lygčių metodu naudojant tam tikrus fenomenologinius koeficientus aprašomi vykstantys procesai. Fenomenologiniai parametrai turi dažnio dimensiją, todėl jie dažnai vadinamo proceso greičiais. Sistemų modeliavimas kinetinių lygčių metodu leidžia išskirti dominuojančius procesus sistemose, nustatyti mechanizmus ar tam tikrus sistemų parametrus.

Šiame skyrelyje pateiksime kinetinių lygčių modelį, aprašantį kai kuriuos procesus, vykstančius plonos Ni:C dangos nusodinimo metu. Šį modelį sudarinėjame turėdami tikslą – sutapatinti eksperimentines Ni:C plonos dangos komponentų pasiskirstymo gylyje kreives, pateiktas [7]. Nagrinėjant [7] eksperimentines kreives, kurios gautos tiriant dangas, nusodintas esant skirtingoms padėklo temperatūroms ar skirtingoms nikelio koncentracijoms dangoje, pastebime, kad esant padėklo temperatūrai 300 °C, stebimas homogeniškas Ni pasiskirstymas beveik visame plonos dangos gylyje (išskyrus tuos gylius, kur yra sąlytis tarp Ni:C dangos ir padėklo medžiagos). Pakėlus padėklo temperatūrą iki 500 °C, stebimas nikelio koncentracijos didėjimas, kai artėjama prie dangos paviršiaus (žr. 2.1 paveikslą). G. Abrasonis ir bendraautoriai [7] pasiūlė, kad padėklo temperatūros

pakėlimas aktyvuoja paviršinės segregacijos procesą. Modelyje nagrinėsime tris komponentus: SiO<sub>2</sub>, C, Ni, kurių santykinės koncentracijos *i*-ame sluoksnyje žymimos  $c_{SiO_2}^{(i)}, c_c^{(i)}, c_{Ni}^{(i)}, i = \overline{1, N}$ , atitinkamai. N žymime modeliuojamų sluoksnių skaičių, sluoksniai sunumeruojami pradedant nuo paviršinio, t.y. *i*=1 žymi paviršinį dangos sluoksnį, *i*=2 žymi sluoksnį esantį po paviršiniu ir t.t. Taigi, kintamieji  $c_{SiO_2}^{(1)}, c_{Ni}^{(1)}$  žymi atitinkamų komponentų koncentracijas paviršiniame sluoksnyje. Modelyje nagrinėjami trys procesai: nikelio ir anglies adsorbcija, cheminė visų komponentų difuzija, paviršinė segregacija. Adsorbcijos sparta apibrėžta

$$V_a = k_{21} c_{SiO_2}^{(1)} i_C + k_{22} c_C^{(1)} i_C + k_{23} c_{Ni}^{(1)} i_C + k_{31} c_{SiO_2}^{(1)} i_{Ni} + k_{32} c_C^{(1)} i_{Ni} + k_{33} c_{Ni}^{(1)} i_{Ni};$$
(1)

čia  $k_{lp}$  yra *l*-osios rūšies atomų prilipimo koeficientas prie p-ojo komponento,  $i_C(i_{Ni})$  yra anglies (nikelio) jonų santykinis srautas,  $c_A^{(1)}$  yra komponento A santykinė koncentracija paviršiuje. Natūralūs skaičiai su komponentais susieti taip:  $1 - SiO_2$ , 2 - C, 3 - Ni, taigi, l=2,3 ir p=1,2,3. Pavyzdžiui, narys  $k_{21}c_{SiO_2}^{(1)}i_C$  nusako, kiek anglies atomų adsorbuojasi ant vienos padėklo medžiagos dalelės per sekundę. Susumavę (1) visų galimų įvykti adsorbcijos variantų skaičius, gauname bendrą adsorbcijos spartą  $V_a$ , kuri savo verte yra lygi užaugusių sluoksnių per sekundę skaičiui.



**2.1 pav.** Eksperimentinė nikelio pasiskirstymo gylyje kreivė [7]. Ni koncentracija dangoje 15%. Padėklo temperatūra 500°C.

Komponentų koncentracijų kitimo sparta dėl adsorbcijos išreiškiama:

$$\begin{aligned} \left( dc_{SiO_{2}}^{(i)} / dt \right)_{Ad} &= -k_{21} c_{SiO_{2}}^{(i)} i_{C}^{0} - k_{31} c_{SiO_{2}}^{(1)} i_{Ni}^{0} \\ \left( dc_{C}^{(i)} / dt \right)_{Ad} &= k_{21} c_{SiO_{2}}^{(i)} i_{C}^{0} + k_{23} c_{Ni}^{(1)} i_{C}^{0} - k_{32} c_{C}^{(1)} i_{Ni}^{0} \\ \left( dc_{Ni}^{(i)} / dt \right)_{Ad} &= k_{31} c_{SiO_{2}}^{(i)} i_{Ni}^{0} + k_{32} c_{C}^{(1)} i_{Ni}^{0} - k_{23} c_{Ni}^{(1)} i_{C}^{0} \\ \left( dc_{A}^{(i)} / dt \right)_{Ad} &= \frac{V_{a} (c_{A}^{(i-1)} - c_{A}^{(i)})}{m}, A \in \{SiO_{2}, C, Ni\}, i = \overline{2, N} \end{aligned}$$

čia  $i_{Ni}^{0} = i_{Ni} / m; i_{C}^{0} = i_{C} / m$ , narys  $V_{a}(c_{A}^{(i-1)} - c_{A}^{(i)}), i = \overline{2, N}$  reiškia, kad po adsorbcijos, tam tikra dalis A atomų yra perstumiami iš sluoksnio *i-1* į gilesnį sluoksnį *i*, o naujai adsorbavę atomai visada priklauso pirmam (ir pagal mūsų sluoksnių numeravimą paviršiniam) sluoksniui;  $m = h/2.3 \cdot 10^{-10}$ , čia *h* yra sluoksnio storis, naudojamas skaičiavimuose,  $2.3 \cdot 10^{-10}$  yra vidutinis monosluoksnio storis. Iš pirmo nario sistemoje (2) pastebime (pirmasis narys aprašo padėklo medžiagos SiO<sub>2</sub> koncentracijos kitimo spartą), kad ir nikelio, ir anglies nusodinimas mažina (prieš prilipimo koeficiento, paviršinės koncentracijos ir santykinio srauto sandaugą yra minusas) padėklo medžiagos koncentraciją pirmame sluoksnyje. Iš antro nario sistemoje (2) pastebime, kad anglies koncentracija didėja, kai anglies jonas prilimpa arba ant padėklo medžiagos dalelės, arba ant nikelio atomo, anglies koncentraciją mažina nikelio prilipimas ant anglies atomo.

Cheminės difuzijos (difuzija dėl koncentracijos kitimo sluoksniuose) procesas dangos augimo kryptimi yra aprašytas naudojant Fiko II dėsnį, perrašytą baigtiniais skirtumais:

$$\begin{cases} \left( dc_A^{(1)} / dt \right)_{Dif} = (d^{(1)} + d^{(2)})(c_A^{(2)} - c_A^{(1)}) \\ \left( dc_A^{(i)} / dt \right)_{Dif} = (d^{(i+1)} + d^{(i)})(c_A^{(i+1)} - c_A^{(i)}) - (d_A^{(i)} + d_A^{(i-1)})(c_A^{(i)} - c_A^{(i-1)}) \\ \left( dc_A^{(N)} / dt \right)_{Dif} = (d^{(N-1)} + d^{(N)})(c_A^{(N-1)} - c_A^{(N)}) \\ A \in \{SiO_2, C, Ni\}, i = \overline{2, N-1} \end{cases}$$

$$(3)$$

čia  $d^{(i)} = D^{(i)} / (2h^2)$ ,  $D^{(i)}$  yra interdifuzijos koeficiento reikšmė *i*-ame sluoksnyje, *h* yra sluoksnio storis.

Toliau įvesime paviršinės segregacijos procesą. Tarkime, kad nikelio srautas iš i+1-ojo sluoksnio į i-ąjį sluoksnį tiesiogiai proporcingas nikelio santykinei koncentracijai i+1-ame sluoksnyje. Tada komponentų koncentracijų kitimo spartos visuose sluoksniuose dėl paviršinės segregacijos proceso atrodo taip:

$$\begin{cases} \left( dc_{Ni}^{(1)} / dt \right)_{Seg} = S^{(2)} c_{Ni}^{(2)} \\ \left( dc_{Ni}^{(i)} / dt \right)_{Seg} = S^{(i+1)} c_{Ni}^{(i+1)} - S^{(i)} c_{Ni}^{(i)}, i = \overline{2, N-1} \\ \left( dc_{Ni}^{(N)} / dt \right)_{Seg} = -S^{(N)} c_{Ni}^{(N)} \\ \left( dc_{C}^{(i)} / dt \right)_{Seg} = -\left( dc_{Ni}^{(i)} / dt \right)_{Seg}, i = \overline{1, N} \end{cases}$$

$$\tag{4}$$

čia  $S^{(i)}$  yra segregacijos koeficiento reikšmė i-ajame sluoksnyje. Aprašant paviršinės segregacijos procesą, padarytos prielaidos, kad nikelio santykinės koncentracijos

kitimas bet kuriame sluoksnyje yra lydimas priešingu anglies santykinės koncentracijos kitimu bei padėklo medžiagos santykinės koncentracijos visuose nagrinėjamuose sluoksniuose dėl paviršinės segregacijos proceso nekinta. Tariame, kad paviršinės segregacijos priežastis yra nikelio ir anglies paviršiaus įtempimo koeficientų skirtumas, nikelio paviršiaus įtempimo koeficientas yra mažesnis nei anglies (anglies ir nikelio paviršiaus įtempimo koeficientai atitinkamai yra  $\gamma_c=3,7$  J/m<sup>2</sup>; and nickel  $\gamma_{Ni} \approx 1,7$  J/m<sup>2</sup> [97]).

Laikome, kad difuzijos koeficiento reikšmė yra didžiausia augančios dangos paviršiuje ir monotoniškai mažėja gyliui didėjant. Modelyje tai yra realizuojama įvedant funkciją U [85]:

$$U(i,l) = U_0(1 - \tanh^2(h(i-1)/l));$$
(5)

čia *i* yra sluoksnio numeris, *l* charakteringasis gylis. Funkcija *U* apibūdina defektų koncentracijos priklausomybę nuo dangos gylio. Amorfinių dangų atveju, defektai gali būti suprantami kaip sritys, kuriose stebimi nuokrypiai nuo vidutinio koordinacinio skaičiaus, ryšio ilgio, ryšio kampo [98].

Taigi, difuzijos ir segregacijos koeficientų reikšmių priklausomybės nuo gylio (sluoksnio numerio) yra išreikštos taip:

$$\mathbf{D}_{A}^{(0)} = \mathbf{D}_{A}^{0} U_{0} \left( 1 - \tanh^{2} \left( \frac{h(i-1)}{l} \right) \right), i = \overline{1, N, A} \in \{SiO_{2}, C, Ni\},$$
(6)

$$\mathbf{S}^{(i)} = \mathbf{S}_0 U_0 \left( 1 - \tanh^2 \left( \frac{h(i-1)}{l} \right) \right), i = \overline{1, N};$$
(7)

čia  $S_0$  segregacijos koeficiento reikšmė paviršiniame sluoksnyje,  $D_A^0$  yra komponento A difuzijos koeficiento reikšmė paviršiniame sluoksnyje. Funkcija U ( lygybė (5)) yra susijusi su radiacinių defektų koncentracija, kuri, darome prielaidą, priklauso nuo gylio ir nuo nikelio koncentracijos dangoje. Parametras l, kurį pastebime (5), (6), (7) formulėse, apibūdina gylį, kuriame difuzijos ir segregacijos koeficiento reikšmė yra apie 2,5 karto mažesnė už difuzijos ir segregacijos koeficiento reikšmę paviršiuje.

Įskaitę visus anksčiau aprašytus procesus gauname sistemą:

$$dc_{A}^{(i)} / dt = \left( dc_{A}^{(i)} / dt \right)_{Ad} + \left( dc_{A}^{(i)} / dt \right)_{Dif} + \left( dc_{A}^{(i)} / dt \right)_{Seg} A \in \{ SiO_{2}, C, Ni \}. (8)$$

Norint suskaičiuoti elementinius gylio profilius, lygčių sistema sprendžiama (8) sprendžiama skaitmeniškai. Skaičiavimai pradedami nuo pradinės sąlygos  $c_{sio_2}^{(i)} = 1, c_c^{(i)} = 0, c_{Ni}^{(i)} = 0, i = \overline{1, N}$  t.y. švarūs N sluoksniai padėklo medžiagos. Iš (8) pastebime, kad bendra kiekvieno komponento koncentracijos kitimo sparta yra lygi kitimo spartų dėl adsorbcijos (2), cheminės difuzijos (3), paviršinės segregacijos (4) sumai. Tokiu būdu lygčių sistema (8) yra modeliuojamas augimas sluoksnis po sluoksnio, vykstant ir cheminei difuzijai augimo kryptimi, ir paviršinei segregacijai tarp užaugusių dangos sluoksnių.

Svarbu paminėti, kad minėta paviršinė segregacija nebuvo stebėta C:Ni dangas nusodinant dulkėjimo metodu [5] panašiose ar aukštesnėse padėklo temperatūrose, kai [7] buvo naudotas lankinis nusodinimo metodas. Galime teigti, kad paviršinė segregacija, stebėta lankinio metodo taikymo atveju, yra indukuojama dėl dangos paviršiaus bomdardavimo didesnės energijos jonais, kurie būdingi, taikant lankinį metodą [7]. Taigi, modeliuodami dangos augimą laikome, kad visi trys adsorbcijos, cheminės difuzijos augimo kryptimi ir paviršinės segregacijos procesai vyksta vienu, t.y. kai danga užauga iki reikiamo storio ir toliau nebeauga, iš karto imame suskaičiuotas komponentų pasiskirstymo kreives kaip galutines, kurias gretiname su eksperimento rezultatais.

#### 2.2. Fazių atsiskyrimo plonų dangų augimo metu modelis

Nagrinėsime sistemą, sudarytą iš dviejų komponentų, kuriuos pažymime A, B. Įvesime kintamajį  $\varphi$  (priklausantį nuo dviejų koordinačių ir laiko), kurio reikšmės gali kisti intervale [-1,1]. Kintamasis  $\varphi$  yra susijęs su komponentų A, B koncentracija lygybe  $\varphi(r,t)=c_A(r,t)-c_B(r,t)$ , čia  $c_A(r,t)$ ,  $c_B(r,t)$  yra komponentų A ir B santykinės koncentracijos. Reikšmė  $\varphi(x,y,t)=1$  reiškia, kad nagrinėjamame taške (x,y) laiko momentu t komponento A koncentracija yra 100%, o kito atitinkamai B lygi 0%. Bet kokios kitos reikšmės intervale (-1,1) reiškia komponentų A, B mišinį su tiesine interpoliacija tarp dviejų fazių, pvz. reikšmė  $\varphi(x,y,t)=0$  reiškia dviejų komponentų mišinį lygiomis dalimis, t.y. 50% ir 50% abiem komponentams. Tarp komponentų santykinių koncentracijų ir reikšmės  $\varphi$  yra tiesinis ryšys.

Kadangi norime sudaryti modelį, kuriuo būtų modeliuojamas plonų dangų augimas ir laikydami, kad dangos augimas vyksta dėl adsorbcijos, tai visų pirma įtraukiame adsorbcijos procesą. Taip pat yra įtraukiamas ir fazių atsiskyrimo procesas dviejų komponentų sistemoje. Toliau apibrėšime, kaip kinta komponentų A, B koncentracijos ir atitinkamas kintamasis  $\varphi$  dėl abiejų minėtų procesų.

Kadangi modeliuosime dvimatį atvejį, tai apibrėžiame komponentų A ir B koncentracijas tinklelyje  $c_{i,j}^A, c_{i,j}^B, i = \overline{1, N_1}, j = \overline{1, N_2}$ . Tinklelio taškai  $c_{i,j}^A, c_{i,j}^B, i = 1, j = \overline{1, N_2}$  nusako santykines abiejų komponentų koncentracijas paviršiniame sluoksnyje. Dvimatę erdvę apibrėžtas tinklelis dalija lygiais atstumais tarp bet kurių artimiausių tinklelio taškų *h* ir abejomis kryptimis, t.y.  $\Delta x = \Delta y = h$ .

Dviejų komponentų sistemai koncentracijų kitimo spartos dėl adsorbcijos visuose dvimačio tinklelio taškuose išreiškiamos:

$$\begin{cases} \left(\partial c_{1,j}^{B} / \partial t\right)_{Ad} = -k_{12}c_{1,j}^{B}i_{A} + k_{21}c_{1,j}^{A}i_{B} \\ \left(\partial c_{1,j}^{A} / \partial t\right)_{Ad} = k_{12}c_{1,j}^{B}i_{A} - k_{21}c_{1,j}^{A}i_{B} \\ \left(\partial c_{i,j}^{D} / \partial t\right)_{Ad} = V_{ad}\left(c_{i-1,j}^{D} - c_{i,j}^{D}\right), i = \overline{2, N_{1}}, j = \overline{1, N_{2}}, D = A, B \end{cases}; (9)$$

čia:  $k_{ij}$  - prilipimo koeficientai,  $V_{ad}$  adsorbcijos sparta,  $i_A$ ,  $i_B$  - komponentų A ir B santykiniai srautai.

Adsorbcijos sparta šiuo atveju dvinarei sistemai yra:

$$V_{ad} = k_{11}c_{1,j}^{A}\dot{i}_{A} + k_{12}c_{1,j}^{B}\dot{i}_{A} + k_{21}c_{1,j}^{A}\dot{i}_{B} + k_{22}c_{1,j}^{B}\dot{i}_{B}.$$
 (10)

Bet skaičiavimuose modeliuosime ne santykinių koncentracijų  $c_{i,j}^{A}, c_{i,j}^{B}, i = \overline{1, N_1}$ ,  $j = \overline{1, N_2}$  kitimą, o kintamojo  $\varphi(r,t) = c_A(r,t) - c_B(r,t)$  kitimą. Taigi, suformuojame atitinkamą tinklelį  $\varphi_{(i,j)}$   $i = \overline{1, N_1}$ ,  $j = \overline{1, N_2}$  ( $\varphi_{i,j} = c_{i,j}^{A} - c_{i,j}^{B}$ ). Sąryšiai tarp  $c_{i,j}^{A}, c_{i,j}^{B}$ ir atitinkamo  $\varphi_{(i,j)}$  dviejų komponentų sistemai yra

$$c_{k,j}^{A} = \frac{1}{2} (1 + \varphi_{k,j}), c_{k,j}^{B} = \frac{1}{2} (1 - \varphi_{k,j}).$$
<sup>(11)</sup>

Lygybes, kurios pateiktos (11), statome į (9) sistemą:

$$\begin{cases} \left(\partial \varphi_{1,j} / \partial t\right)_{Ad} = -k_{12}(1+\varphi_{1,j})i_A + k_{21}(1-\varphi_{1,j})i_B \\ \left(\partial \varphi_{k,j} / \partial t\right)_{Ad} = V_{ad}^*(\varphi_{k-1,j} - \varphi_{k,j}), k = \overline{2, N_1}, j = \overline{1, N_2} \end{cases}$$
(12)

(12) sistema rodo kintamojo  $\varphi$  kitimo spartą dėl adsorbcijos proceso kiekviename tinklelio  $\varphi_{(i,j)}$   $i = \overline{1, N_1}$ ,  $j = \overline{1, N_2}$  taške.

Norėdami aprašyti fazių atsiskyrimo procesą, kuris, darome prielaidą, kad vyksta plonos dangos augimo metu, naudosime Cahn- Hilliard lygtį [99], kuri užrašoma:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial t} = \nabla D \nabla \left( \frac{df(\varphi)}{d\varphi} - \gamma \nabla^2 \varphi \right); \tag{13}$$

čia: D - efektyvusis difuzijos koeficientas,  $\gamma$  - teigiamas parametras, susijęs su tarpfazinės ribos pločiu, dar vadinamas "gradiento" energijos koeficientas (angl. gradient energy coefficient),  $f(\varphi)$  yra homogeninės sistemos laisvoji energija.

Matome, kad šiuo atveju dydis  $\frac{df(\varphi)}{d\varphi} - \gamma \nabla^2 \varphi$  yra lygus cheminiam potencialui. Ši

cheminio potencialo išraiška gauta remiantis laisvosios energijos išraiška

$$F(\varphi(r,t)) = \int \left( f(\varphi) + 0.5\gamma \left| \nabla \varphi \right|^2 \right) dr \,. \tag{14}$$

Laisvosios energijos išraiška (14) buvo gauta šaltinyje [99], nagrinėjant dviejų komponentų sistemą.[99] tikimasi, kad lokali (tam tikro regiono) laisvosios energijos, tenkančios vienai dalelei, reikšmė priklauso nuo to regiono lokalios sudėties ir nuo nagrinėjamą regioną supančios artimiausios aplinkos sudėties. Tokiu būdu darbe [99] laisvosios energijos reikšmė mažame tūryje g buvo išreikšta kaip dviejų narių suma, kurių pirmasis priklauso tik nuo nagrinėjamo tūrio sudėties, o antrasis priklauso nuo sudėties (koncentracijos) išvestinės koordinatės atžvilgiu. Antrasis narys, priklausantis nuo koncentracijos išvestinės, įvertina artimiausios
aplinkos įtaką laisvosios energijos vertei. Laisvosios energijos g skleidinys Teiloro eilute:

$$g(c, \nabla c, \nabla^2 c, ...) = f(c) + \sum_i L_i (\partial c / \partial x_i) + \sum_{ij} k_{ij}^{(1)} (\partial^2 c / \partial x_i \partial x_j) + 0.5 \cdot \sum_{ij} k_{ij}^{(2)} ((\partial c / \partial x_i)(\partial c / \partial x_j)) + ...;$$
(15)

čia  $L_i = [\partial g / \partial (\partial c / \partial x_i)]_0, \ k_{ij}^{(1)} = [\partial g / \partial (\partial^2 c / \partial x_i \partial x_j)]_0$  $k_{ii}^{(2)} = [\partial^2 g / \partial (\partial c / \partial x_i) \partial (\partial c / \partial x_i)]_0, \ c$ -koncentracija.

Kubinės gardelės atveju, kuris nagrinėjamas [99], laisvoji energija turi būti nekintama atliekant atspindžio operaciją ar sukant 90 laipsnių kampu. Dėl šių reikalavimų atitinkamai  $L_i = 0$ , visiems i ir  $k_{ij}^{(1)} = 0, i \neq j$ ,  $k_{ij}^{(2)} = 0, i \neq j$ . Tada g skleidinys supaprastėja taip:

$$g(c, \nabla c, \nabla^2 c, ...) = f(c) + \sum_i k_{ii}^{(1)} (\partial^2 c / \partial x_i \partial x_i) + 0.5 \cdot \sum_i k_{ii}^{(2)} ((\partial c / \partial x_i)(\partial c / \partial x_i)) + ...$$
(16)

arba

$$g(c, \nabla c, \nabla^2 c, ...) = f(c) + k_1 (\nabla^2 c) + k_2 (\nabla c)^2 + ...;$$
(17)

čia  $k_1 = [\partial g / \partial \nabla^2 c]_0, k_2 = [0.5 \partial^2 g / (\partial |\nabla c|)^2]_0.$ 

Panaudojus divergencijos teoremą, vidurinis sumos narys paskutinės g išraiškos dešinėje pusėje yra eliminuojamas ir gaunama pointegralinė (14) lygybės išraiška. Kadangi dydis  $\varphi$  yra susijęs su tam tikro dangos lokalaus tūrio elementine sudėtimi (kompozija) nagrinėjame taške, tai pateiktos laisvosios energijos išraiškos funkcinė išvestinė  $\varphi$  atžvilgiu parodo, kaip kinta laisvoji energija pasikeitus dalelės pozicijai. Tokiu būdu gauname, kad cheminis potencialas  $\mu = \delta F / \delta \varphi$ . Tada iš funkcinės išvestinės formulės

$$\frac{\partial F}{\partial \varphi} = \frac{\partial g}{\partial \varphi} - \nabla \cdot \frac{\partial g}{\partial \nabla \varphi}$$
(18)

bei turimos  $g(\varphi) = f(\varphi) + 0.5\gamma |\nabla \varphi|^2$  gauname cheminio potencialo išraišką:

$$\mu = \frac{\delta F}{\delta \varphi} = \left(\frac{df(\varphi)}{d\varphi} - \gamma \nabla^2 \varphi\right). \tag{19}$$

Dviejų komponentų homogeninio (koncentracijos gradientas lygus 0 bet kuriame taške) mišinio laisvoji energija f šiame darbe bus aproksimuojama polinominėmis funkcijomis. Tarkime, kad f priklauso tik nuo fazės kintamojo  $\varphi$  bei yra lyginė. Funkciją f skleidžiame laipsnine eilute ir jos skleidinyje paliekame lyginius  $\varphi$  laipsnius (tarėme, kad funkcija f lyginė). Apsiribodami 4-uoju aukščiausiu  $\varphi$  laipsniu, gauname ketvirtos eilės f skleidinį:

$$f(\varphi) = 0.25(a - (b\varphi)^2)^2; \qquad (20)$$

čia *a*, *b* konstantos ir  $a = b^2$ .

Žinant, kad reikšmė  $\varphi = 0$  atitinka 50% ir 50% komponentų A ir B mišinį, galime nusakyti konstantų *a* ir *b* fizikinę prasmę: skaičius  $0,25a^2$  arba  $0,25b^4$  (nes  $a = b^2$ ) parodo komponentų A ir B mišinio lygiomis dalimis laisvąją energiją homogeninėje sistemoje (sistemoje su nekintančiomis koncentracijomis). Pateikta ketvirto laipsnio funkcija  $f(\varphi)$  yra lyginė, turi 2 minimumus taškuose -1 ir 1 (komponentų grynąsias fazes atitinkantys taškai) bei maksimumą taške  $\varphi = 0$ (komponentų mišini lygiomis tūrio dalimis atitinkantis taškas).

Kadangi nagrinėjame dvi erdvės koordinates ir dar vieną laiko koordinatę, tai norėdami pritaikyti baigtinių skirtumų metodą, stačiakampė nagrinėjama dvimatė sritis dalinama  $\Delta x$ ,  $\Delta y$  ( $\Delta x = \Delta y = h$ ) ir pažymime:

$$\varphi_{i,j,t} = \varphi(\Delta x i, \Delta y j, t), i = \overline{1, N_1}, j = \overline{1, N_2}.$$
<sup>(21)</sup>

Dar pažymime:

$$\mu_{i,j,t} = b^4 \varphi_{i,j,t}^3 - ab^2 \varphi_{i,j,t} - \gamma/(h^2) \cdot (\varphi_{i+1,j,t} - 2\varphi_{i,j,t} + \varphi_{i-1,j,t} + \varphi_{i,j+1,t} - 2\varphi_{i,j,t} + \varphi_{i,j-1,t}) \mu_{i,j,t}^* = b^4 \varphi_{i,j,t}^3 - ab^2 \varphi_{i,j,t} - \gamma/(h^2) \cdot (\varphi_{i+1,j,t} - \varphi_{i,j,t} + \varphi_{i,j+1,t} - 2\varphi_{i,j,t} + \varphi_{i,j-1,t})$$

$$(22)$$

Cahn ir Hilliard lygčiai spręsti naudojami baigtiniai skirtumai:

$$\begin{pmatrix} \frac{\partial \varphi_{i,j,t}}{\partial t} \\ \frac{\partial \varphi_{i,j,t}}{\partial t} \end{pmatrix}_{Sep} = (d_{i+1,j} + d_{i,j})(\mu_{i+1,j,t} - \mu_{i,j,t}^{*}) + (d_{i,j+1} + d_{i,j})(\mu_{i,j+1,t}^{*} - \mu_{i,j,t}^{*}) - (d_{i,j} + d_{i,j-1})(\mu_{i,j,t}^{*} - \mu_{i,j-1,t}^{*}), i = 1, j = \overline{1, N_{2}} (\frac{\partial \varphi_{i,j,t}}{\partial t})_{Sep} = (d_{i+1,j} + d_{i,j})(\mu_{i+1,j,t} - \mu_{i,j,t}) - (d_{i,j} + d_{i-1,j})(\mu_{i,j,t} - \mu_{i-1,j,t}^{*}) + (d_{i,j+1} + d_{i,j})(\mu_{i,j+1,t} - \mu_{i,j,t}) - (d_{i,j} + d_{i,j-1})(\mu_{i,j,t} - \mu_{i,j-1,t}), i = 2, j = \overline{1, N_{2}} (\frac{\partial \varphi_{i,j,t}}{\partial t})_{Sep} = (d_{i+1,j} + d_{i,j})(\mu_{i+1,j,t} - \mu_{i,j,t}) - (d_{i,j} + d_{i-1,j})(\mu_{i,j,t} - \mu_{i-1,j,t}) + (d_{i,j+1} + d_{i,j})(\mu_{i,j+1,t} - \mu_{i,j,t}) - (d_{i,j} + d_{i,j-1})(\mu_{i,j,t} - \mu_{i,j-1,t}), i = 3, 4, \dots, N_{1} - 2, j = \overline{1, N_{2}}$$

čia  $d_{i,j} = D_{i,j}/(2h^2)$ ,  $D_{i,j}$  yra difuzijos koeficiento reikšmė erdvės taške ( $i\Delta x, j\Delta y$ ). Įtraukus abu anksčiau minėtus procesus, kintamojo  $\varphi$  kitimo laike sparta dėl adsorbcijos ir fazių atsiskyrimo proceso skirtumine lygtimi išreiškiama:

$$\partial \varphi_{i,j,t} / \partial t = \left( \partial \varphi_{i,j,t} / \partial t \right)_{Ad} + \left( \partial \varphi_{i,j,t} / \partial t \right)_{Sep}, i = \overline{1, N_1}, j = \overline{1, N_2}.$$
(24)

Taigi, sistema (24) yra modeliuojamas augimas sluoksnis po sluoksnio dvimačiu atveju, įvertinant fazių atsiskyrimo procesą, aprašytą Cahn - Hilliard lygtimi. 38 Pateikta (24) sistema bus sprendžiama baigtinių skirtumų naudojant neišreikštinį metodą, nes išreikštiniai metodai nėra stabilūs dvimačiu Cahn ir Hilliard lygties atveju. Neišreikštinė schema, naudojama (24) sistemos sprendime yra išreiškiama taip:

$$\frac{\varphi^{i,j,t+\Delta t} - \varphi^{i,j,t}}{\Delta t} = \left(\partial \varphi_{i,j,t} / \partial t\right)_{Ad} + \left(\partial \varphi_{i,j,t+\Delta t} / \partial t\right)_{Sep}, i = \overline{1, N_1}, j = \overline{1, N_2}$$
(25)

Iš šios lygybės pastebime, kad (25) yra  $N_1N_2$  nežinomųjų netiesinių lygčių sistema, nežinomieji yra  $\varphi^{i,j, t+\Delta t}$  (jie yra abejose (25) lygybės pusėse). Taigi, žinant reikšmes  $\varphi^{i,j, t}$  ir norint apskaičiuoti reikšmes  $\varphi^{i,j, t+\Delta t}$ , reikia spręsti netiesinių lygčių sistemą. Yra laikoma, kad dėl bombardavimo jonais, difuzijos koeficiento reikšmė yra didžiausia dangos paviršiuje ir mažėja didėjant gyliui (tinklelio taškai numeruoti taip, kad būtent indeksas *i* tiesiogiai proporcingas gyliui) pagal priklausomybę:

$$\mathbf{D}_{i,j} = D_0 \left( 1 - \tanh^2 \left( \frac{(i-1)}{l} \right) \right), i = \overline{1, N_1}, j = \overline{1, N_2} .$$
(26)

čia:  $D_0$  - efektyviojo difuzijos koeficiento reikšmė paviršiniame sluoksnyje, l - charakteringasis gylis.

2.1 ir šiame skyriuje pateiktus modelius galima taikyti bet kokio storio dangoms modeliuoti, bet skaičiavimų apimtis yra tiesiogiai proporcinga modeliuojamų dangų storiams.

## 2.3. Modelis paviršinei segregacijai, vykstančiai plonos dangos augimo metu, dvimačiu atveju

Modeliuoti paviršinei segregacijai plonos dangos augimo metu, laisvosios energijos išraišką (14) papildome nariu  $g_1$ :

$$F(\varphi(r,t)) = \int \left( f(\varphi) + 0.5\gamma \left| \nabla \varphi \right|^2 + g_1 \right) dr, \qquad (27)$$

čia:  $g_1 = W_A \cdot c_A + W_B \cdot c_B$ , paviršiniame sluoksnyje.  $g_1=0$  gilesniuose sluoksniuose.  $W_A, W_B$  - komponentų A ir B paviršinės energijos,  $c_A, c_B$ , komponentų paviršinės koncentracijos.

Paviršinės segregacijos modeliavime naudota homogeninės sistemos laisvosios energijos išraiška:

$$f(\varphi) = z \cdot (2\varphi^{10} - \varphi^8 - \varphi^6 - \varphi^4 - \varphi^2 + 2).$$
(28)

Kadangi  $c_A = 0.5 \cdot (1 - \varphi)$ ,  $c_B = 0.5 \cdot (1 + \varphi)$ , tai šias išraiškas įstatę į (27)  $g_1$  išraišką bei paskaičiavę funkcinę išvestinę gaunane cheminio potencialo išraišką, kurią įstatome į 2 Fiko lygtį bei gauname  $\varphi$  kitimo laike diferencialinę lygtį:

$$\left(\frac{\partial\varphi}{\partial t}\right)_{seg} = \nabla D \nabla \left(\frac{df(\varphi)}{d\varphi} - \gamma \nabla^2 \varphi + \frac{\partial g_1}{\partial\varphi}\right); \tag{29}$$

39

čia simbolių  $f(\varphi)$ ,  $\gamma$ , D prasmės išlieka tokios pačios kaip ir Cahn ir Hilliard lygties atveju.

Paviršiniam dangos sluoksniui φ kitimo sparta yra tokia:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial t} = \nabla D \nabla \left( \frac{df(\varphi)}{d\varphi} - \gamma \nabla^2 \varphi - \frac{W_A - W_B}{2} \right).$$
(30)

Tūriniams plonos dangos sluoksniams  $\frac{\partial g_1}{\partial \varphi} \equiv 0$ , taigi, tokiu atveju (29) lygtis

sutampa su (13) ir tūriniuose dangos sluoksniuose  $\varphi$  kitimo sparta aprašoma Cahn ir Hilliard lygtimi (13). Modeliuoti paviršinei segregacijai naudosime ankstesniame skyrelyje pateiktą adsorbcijos narį (12). Modelis, kuriuo bus modeliuojamas plonos dangos augimas bei jo metu vykstantys fazių atsiskyrimo ir paviršinės segregacijos procesai, yra tokios formos:

$$\partial \varphi / \partial t = \left( \partial \varphi / \partial t \right)_{Ad} + \left( \partial \varphi / \partial t \right)_{Seg}; \tag{31}$$

čia pirmasis narys (31) lygybės dešinėje pusėje yra adsorbcijos procesą nusakantis narys (12), o antrasis narys, kuris aprašo ir fazių atsiskyrimą dangos tūryje, ir paviršinę segregaciją, yra apibūdintas (29) išraiška.

(31) modelyje taip pat, kaip ir ankstesniuose modeliuose, difuzijos koeficiento priklausomybei nuo gylio nusakyti naudojama (26) lygybė. (29) lygčiai spręsti yra naudojama (23) baigtinių skirtumų schema. (31) modeliui integruoti laike naudojama (25) lygybei analogiška neišreikštinė schema.

Iš (30) pastebime, kad paėmus vienodas komponentų paviršines energijas, šiame skyrelyje pristatytas modelis (31) tampa identiškas nagrinėtam ankstesniame skyrelyje (24). Nesunku pastebėti, kad paviršinės energijos nario g įvedimas, sukelia komponento, kurio paviršinė energija mažesnė srautą iš antro sluoksnio į pirmą paviršinį sluoksnį, kintamojo  $\varphi$  kitimo sparta vien dėl įvesto paviršinės segregacijos nario yra tiesiogiai proporcinga komponentų A ir B paviršinių energijų skirtumui  $W_A - W_B$ .

#### 2.4. Pikaro netiesinių lygčių sistemų sprendimo metodas

Priminsime, kad (25) sistema yra  $N_I N_2$  nežinomųjų netiesinių lygčių sistema. Šiame skyrelyje bus aprašytas Pikaro metodas, kuriuo duota (25) lygčių sistema yra sprendžiama modeliuojant. Nors (25) sistemoje nežinomieji yra  $\varphi^{ij, t+\Delta t}$  ir bei jų skaičius yra  $N_I N_2$ , toliau nežinomuosius žymėsime kaip vektorių  $\mathbf{x} = (x_1, x_2, ..., x_n)^T$  ir nežinomųjų skaičius bus žymimas n. Pikaro metodą aprašysime bendru netiesinės lygčių sistemos atveju. Tarkime, kad duota lygčių sistema

$$\begin{cases} p_1(x_1, x_2, ..., x_n) = 0, \\ .....; \\ p_n(x_1, x_2, ..., x_n) = 0; \end{cases}$$
(32)

čia  $p_i(x_1, x_2,..., x_n) = 0, i = \overline{1, n}$  - funkcijos, nusakytos n-matės vektorinės erdvės srityje. Sistemą (32) galima perrašyti viena vektorine lygtimi  $\mathbf{p}(\mathbf{x}) = \mathbf{0}$ , čia  $\mathbf{p}(\mathbf{x})$ yra vektorinė funkcija, kurios koordinatės yra funkcijos  $p_i(x_1, x_2,..., x_n) = 0, i = \overline{1, n}$ . Reikia rasti vektorių  $\mathbf{x} = (x_1, x_2,..., x_n)^T$ , kuris tenkina (32) sistemą. Vektorinę funkciją  $\mathbf{p}(\mathbf{x})$  išreiškiame tokia forma:

$$\mathbf{p}(\mathbf{x}) = A\mathbf{x} + \mathbf{G}(\mathbf{x}); \qquad (33)$$

kurioje  $\mathbf{p}(\mathbf{x})$  išreikštas kaip vektorinė tiesinių (pirmas narys dešinėje (33) lygybės pusėje) ir netiesinių (antras narys dešinėje (33) lygybės pusėje) lygties sistemos narių suma, o A yra kvadratinė n-osios eilės matrica. Tada sudarytas iteracinis procesas, vadinamas Pikaro metodu, užrašomas taip:

$$A\mathbf{x}_{k+1} + \mathbf{G}(\mathbf{x}_{k}) = \mathbf{0}; \qquad (34)$$

čia  $\mathbf{x}_k$  sprendinio vektorius *k*-oje iteracijoje. Iš (34) sistemos išraiškos pastebime, kad esant netiesinių lygčių sistemos (32) sprendimo *k*+1 iteracijoje ir žinant k-osios iteracijos sprendinį  $\mathbf{x}_k$ , šį sprendinį statome į netiesinį sistemos narį  $\mathbf{G}(\mathbf{x}_k)$ . Įstačius sprendinį  $\mathbf{x}_k$  į funkciją  $\mathbf{G}(\mathbf{x})$ , (34) sistema pavirsta į tiesinę lygčių sistemą, kurios forma yra  $A\mathbf{x}_{k+1} = \mathbf{b}(\mathbf{b}$  - realiųjų skaičių vektorius). Įšsprendę duotą tiesinių lygčių sistemą, randame *k*+1-osios iteracijos patikslintą sprendinį  $\mathbf{x}_{k+1}$ . Taigi, taikant Pikaro metodą, kiekvienoje iteracijoje reikia spręsti tiesinių lygčių sistemą, kuri yra skaičiavimuose yra sprendžiama Gauso ir Zeidelio iteraciniu metodu.

#### 2.5. Gauso ir Zeidelio tiesinių lygčių sistemų sprendimo metodas

Turime n nežinomųjų (ir n lygčių) tiesinių lygčių sistemą

$$a_{i1}x_1 + \dots + a_{i,i-1}x_{i-1} + a_{ii}x_i + a_{i,i+1}x_{i+1} + \dots + a_{in}x_n = b_i, i = 1, n.$$
(35)

Tarkime, kad  $\mathbf{x}_{i}^{(0)}, i = \overline{1, n}$  yra pradinis duotosios lygčių sistemos sprendinys. (35) sistemą pertvarkome išreikšdami x<sub>i</sub> iš i-osios lygties

$$x_{i} = \frac{1}{a_{ii}} \left( b_{i} - \sum_{j=1, j \neq i}^{n} a_{ij} x_{j} \right), i = \overline{1, n} .$$
(36)

Tuomet Gauso ir Zeidelio iteracinis procesas nusakomas formule

$$x_{i}^{(k)} = \frac{1}{a_{ii}} \left( b_{i} - \sum_{j=1}^{i-1} a_{ij} x_{j}^{(k)} - \sum_{j=i+1}^{n} a_{ij} x_{j}^{(k-1)} \right), i = \overline{1, n};$$
(37)

čia k yra iteracijos numeris.

### 2.6. Programinė realizacija

Sprendžiant pateiktų modelių lygtis (8) (Ni:C dangos komponentų pasiskirstymo gylyje modeliavimas), (24) (tik fazių atsiskyrimo plonoje dangoje modeliavimas), (31) (fazių atsiskyrimo ir paviršinės segregacijos modeliavimas), buvo naudojamas Oilerio metodas. (8) atveju buvo naudojamas paprastas išreikštinis Oilerio metodas, o (24) ir (31) atvejais siekiant užtikrinti sprendinių stabilumą, buvo naudojamas neišreikštinis Oilerio metodas, turintis formą (25). Minėtos išreiktinė ir neišreikštinė schemos buvo programiškai realizuotos paketo Matlab aplinkoje. Fazių atskyrimo plonos dangos augimo metu modelio programinė realizacija yra pateikta priede.

## 3. TYRIMŲ REZULTATAI

### 3.1. Komponentų pasiskirstymo modeliavimo Ni:C dangose rezultatai

Sumodeliuotos komponentų C, Ni, O, pasiskirstymo gylyje kreivės buvo sutapatintos su eksperimentinėmis [7] gylio profilio kreivėmis Ni:C plonos dangos atveju. Šaltinyje [7] Ni:C nanostruktūrizuotos plonos dangos buvo naudojant pertraukiamo veikimo lankini metoda (angl. pulsed filtered cathodic vacuum arc) ant SiO<sub>2</sub> padėklo. Paveikslų 3.1-3.4 eksperimentiniai taškai buvo paimti tiesiogiai iš antriniu jonu atatrankos spektroskopijos metodu (angl. Elastic Recoil Detection Analysis) gautų kreivių, pateiktų [7]. Taikant šį metodą dangos elementinei sudėčiai gylyje nustatyti, danga apšaudoma didelės energijos jonais (iki 200 MeV). pagreitintiems jonams tampriai smūgiuojant į dangoje esančius atomus, jie yra išspinduliuojami dangos. Tos pačios rūšies dangos atomai, kurie buvo išspinduliuoti iš skirtingu dangos gylių turi skirtinga energija (dalelė, išspinduliuota iš didesnio gylio turės mažesnę energiją), kas leidžia įvertinti dangos elementinę sudėtį gylyje. Pateiktuose paveiksluose horizontalios ašies (gylio) vienetai buvo paversti i metrus atomu/cm<sup>2</sup> (šaltinyje [7] gylio vienetas eksperimentinėse kreivėse yra atomai/cm<sup>2</sup>). Eksperimentinių kreivių grafikų gylio vienetai buvo perskaičiuoti į metrus iš atomu/cm<sup>2</sup> laikantis prielaidos, kad atomu skaičius mažame dangos tūryje nepriklauso nuo gylio. Nesunku pastebėti, kad esant teisingai šiai prielaidai, gylio reikšmė, išreikšta atomais/cm<sup>2</sup>, bus tiesiogiai proporcinga reikšmei, išreikštai metrais. Visas dangos storis metrais buvo įvertintas iš šoninių pjūvių, atliktų TEM metodu. Buvo tariama, kad įvertintas dangos storis metrais sutampa su gyliu, kuriame padėklo medžiagos koncentracija yra lygi 50%.

Norint modeliuoti komponentų C, Ni, O pasiskirstymo gylyje profilius, lygčių sistema (8) buvo sprendžiama skaitmeniniu metodu. Modelyje (8) nagrinėjama difuzija dėl koncentracijos kitimo visiems komponentams. Modelio (8) koeficientai, kurie laikomi neapibrėžtais ir bus išgaunami iš eksperimentinių ir modeliuotų

rezultatų atitikimo yra šie: interdifuzijos dėl koncentracijos kitimo koeficiento reikšmė paviršiniame augančios dangos sluoksnyje  $D^0$ , segregacijos koeficiento reikšmė paviršiniame sluoksnyje  $S_0$ , defektų koncentracijos nuo gylio priklausomybė U (U išraiška priklauso nuo dviejų parametrų l ir  $U_0$ ) bei santykinių srautų ir prilipimo koeficiento sandaugos  $k_{lp}i_C$ ,  $k_{lp}i_{Ni}$ . Kitų parametrų reikšmės yra apibrėžtos iš eksperimentinių duomenų. Išvardintų neapibrėžtų parametrų reikšmės, gautos sutapatinus sumodeliuotas ir eksperimentines koncentracijų kreives, yra pateiktos pirmoje lentelėje. Sluoksnio storis, naudotas skaičiavimuose, yra  $h = 4,6\cdot 10^{-10}$  m.

	T=500°C			T=300°C
	Ni	Ni	Ni	Ni
	koncentracija	koncentracija	koncentracija	koncentracija
	7 %	15 %	30 %	15 %
$S_0,s^{-1}$	146			<15
$D^{0},m^{2}/s$	$2.10^{-16}$			$3 \cdot 10^{-17}$
<i>l</i> , nm	31	62	66	62
$U_0$	0,64	0,75	1	1

**3.1 lentelė.** Neapibrėžtų parametrų reikšmės, gautos sutapatinus sumodeliuotas ir eksperimentines koncentracijų kreives

Sutapatintų modeliuotų (vientisos linijos) ir eksperimentinių [7] (taškinės linijos) visų komponentų koncentracijų kreivių grafikai pateikti 3.1-3.4 paveiksluose. Sutapatinimai yra atlikti skirtingiems nikelio kiekiams dangoje (3.2-3.4 paveikslai) ir skirtingoms padėklo temperatūroms (3.1, 3.3 paveikslai). Paveiksluose 3.1-3.4 pastebime, kad visais atvejais ir visiems komponentams gaunamas geras sumodeliuotų ir eksperimentinių [7] koncentracijų kreivių atitikimas, kas rodo modelio (8) tinkamumą. Paveiksluose 3.2-3.4 pastebime, kad esant 500°C padėklo temperatūrai, tiek sumodeliuota, tiek eksperimentinė nikelio santykinė koncentracija yra didžiausia paviršiuje ir monotoniškai mažėja gyliui didėjant, kai esant 300°C padėklo temperatūrai (3.1 paveiklas), nikelio koncentracijos priklausomybė nuo gylio yra nei didėjanti, nei mažėjanti beveik visame dangos gylyje (išskyrus gylius, kuriuose yra dangos ir padėklo sąlytis).



**3.1 pav.** Eksperimentiniai [7] (taškinės kreivės) ir sumodeliuoti (vientisos kreivės) Ni, C, O gylio profiliai, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 15% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 300°C.

Difuzijos koeficiento reikšmė D<sup>0</sup>, su kuria buvo gautas eksperimentinių is modeliuotų kreivių atitikimas, atitinka duomenis, pateiktus [100]. Remiantis [100] ir Arrhenius lygtimi ([100] šaltinyje neduota reikiamo difuzijos koeficiento reikšmė 500°C temperatūrai), eksperimentinė anglies difuzijos koeficiento nikelyje reikšmė yra 9.9·10<sup>-16</sup> m<sup>2</sup>/s. Pastebime, kad eksperimentinė anglies difuzijos koeficiento nikelyje reikšmė yra tos pačios eilės kaip interdifuzijos koeficientas D<sup>0</sup>, kuris buvo gautas tapatinant eksperimentines ir modeliuotas koncentracijų kreives. Taip pat buvo gautas atitikimas lyginant eksperimentinį [100] anglies difuzijos nikelyje ilgį per laiko vienetą  $\lambda_1 = 6.3 \cdot 10^{-8} m$  ( $\lambda_1 = \sqrt{4D_{eksp}t}$ ) su suskaičiuotu paviršinės segregacijos ilgiu paviršiniuose sluoksniuose per laiko vienetą  $\lambda_2 = 6.7 \cdot 10^{-8} m$  ( $\lambda_2 = S_0 ht$ , skaičiuojant ilgius t=1 abiem atvejams).



**3.2 pav.** Eksperimentiniai [7] (taškinės kreivės) ir sumodeliuoti (vientisos kreivės) Ni, C, O gylio profiliai, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 7% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 500°C.

Remiantis [7], koloninės Ni:C plonų dangų struktūros buvo stebimos esant 300°C padėklo temperatūrai ir 15% nikelio koncentracijai dangoje, kas rodo intensyvią paviršinę difuziją šioje temperatūroje. Reiktų paminėti, kad kolonos yra nikelio karbido fazės. Pakėlus padėklo temperatūrą iki 500°C stebimas visiškas nikelio ir anglies fazių atsiskyrimas ir formuojasi grynos nikelio ir anglies fazės. Esant padėklo temperatūrai 500 °C pakartotinės nukleacijos tikimybė maža. Be to, esant padėklo temperatūrai 500 °C ir nikelio koncentracijai dangoje 7 ar 15%, dangos augimo metu suformuojamos nikelio kolonos, kurių diametras didėja artėjant prie paviršiaus, kai tuo tarpu, esant nikelio koncentracijai dangoje 30% ir tai pačiai padėklo temperatūrai, plona danga sudaryta iš kintamo storio (dešimčių nanometrų) nikelio sluoksnio, esančio ant anglies sluoksnio.

Paviršinė difuzija nėra įtraukta į modelį (8) todėl, kad šiuo atveju nagrinėjame vienmatį atvejį (visų plonos dangos komponentų koncentracijas tik gylyje) ir paviršinės difuzijos procesas nekeičia komponentų koncentracijų paviršiniame sluoksnyje.



**3.3 pav.** Eksperimentiniai [7] (taškinės kreivės) ir sumodeliuoti (vientisos kreivės) Ni, C, O gylio profiliai, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 15% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 500°C.

Horizontalūs komponentų pasiskirstymo gylyje profiliai, kurie buvo gauti dangai, augintai ant 300 °C temperatūros padėklo, buvo sumodeliuoti su santykinai žema segregacijos koeficiento reikšme paviršiniame sluoksnyje S<sub>0</sub>, kuri buvo apie 10 kartų mažesnė nei ta, su kuria buvo gautas atitikimas 500 °C padėklo temperatūrai ir skirtingos nikelio koncentracijomis. Be to, tokie horizontalūs komponentų pasiskirstymo gylyje profiliai yra gaunami sprendžiant lygčių sistemą  $dc_A^{(i)}/dt = (dc_A^{(i)}/dt)_{Ad} A \in \{SiO_2, C, Ni\}, i = \overline{1, N}$ , kurioje, lyginant su modeliu (8), paliktas tik adsorbcijos procesas, o difuzijos dėl koncentracijos kitimo sluoksniuose ir paviršinės segregacijos procesai neįtraukti. Taigi, difuzijos dėl koncentracijos kitimo sluoksniuose ir paviršinės segregacijos procesų įtaka elementų pasiskirstymui gylyje yra labai nežymi, kai padėklo temperatūra yra 300 °C.



**3.4 pav.** Eksperimentiniai [7] (taškinės kreivės) ir sumodeliuoti (vientisos kreivės) Ni, C, O gylio profiliai, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 30% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 500°C.

3.2 paveiksle parodytos sutapatintos eksperimentinės (taškinės kreivės) ir modeliuotos koncentracijų kreivės komponentams C, Ni, O, kai padėklo temperatūra 500 °C ir nikelio koncentracija dangoje 7 %. Antrame paveiksle pastebime, kad tiek eksperimentiškai matuota, tiek modeliuota nikelio santykinė koncentracija gylyje nuo 50 nm iki 100 nm nei didėja, nei mažėja ir apytiksliai lygi 5%, kai paviršiniuose sluoksniuose (gyliuose iki 50 nm) nikelio santykinė koncentracija didėja, kai artėjama prie paviršiaus ir paviršiuje pasiekia maksimalia reikšme, kuri siekia 16%. 3.3, 3.4 paveiksluose pateiktos sutapatintos eksperimentinės (taškinės kreivės) ir modeliuotos koncentracijų kreivės komponentams C, Ni, O, kai padėklo temperatūra 500 °C ir nikelio koncentracijos dangoje 15 ir 30 % atitinkamai. 3.3, 3.4 paveiksluose pastebime, kad ir eksperimentinė, ir sumodeliuota nikelio santykinė koncentracija mažėja didėjant gyliui pagal panašią į eksponentinę priklausomybę visame dangos gylyje. Svarbu paminėti, kad nikelio santykinės koncentracijos didėjimas artėjant prie paviršiaus sumodeliuotose koncentracijų kreivėse buvo gautas įtraukus paviršinės segregacijos procesą, kuris aprašytas (4) sistema. Taip pat pastebėsime, kad jei paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientai nepriklausytu nuo gylio, tai tik panašias į eksponentinę priklausomybę nikelio pasiskirstymo gylvie kreives, kurias pastebime tik 3.3, 3.4 paveiksluose, galėtume gauti su (8) modeliu. Laikant paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientus nepriklausomus nuo gylio, negalėtume gauti reikiamos eksperimentinės nikelio koncentracijos kreivės formos, kai nikelio koncentracija dangoje 7% (pateikta 3.2 paveiksle), t.y. nepavyktų suskaičiuoti tokio koncentracijų profilio, kad gylyje iki 40 nm nikelio koncentracija mažėja santykinai sparčiai, o tuo pat metu gylyje nuo 40 nm iki 100 nm nikelio koncentracija nei mažėtų, nei didėtų. Nikelio gylio profilis, sumodeliuotas laikant paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientus gylyje pastovius, pateiktas 3.5 paveiksle. Šiame paveiksle pastebime, kad gyliuose nuo 0 iki 40 nm, sumodeliuota Ni koncentracija didejant gyliui mažeja lėčiau nei atitinkama eksperimentiškai matuota nikelio koncentracija, o tuo tarpu, kai gyliuose, nuo apytiksliai 40 nm iki 100 nm, eksperimentinė nikelio koncentracija kinta nežymiai, o sumodeliuota nikelio koncentracija šiuose viduriniuose dangos gyliuose mažėja žymiai sparčiau. Laikant cheminės difuzijos ir paviršinės segregacijos koeficientus gylyje pastovius, yra nesunku pagerinti (lyginant su 3.5 pav. rezultatu) sumodeliuotu ir eksperimentinių kreivių atitikima gyliuose nuo 0 iki 40 nm, tam reiktų tiesiog didinti paviršinės segregacijos koeficientą, ir tuomet gautume, kad sumodeliuota ir eksperimentinė kreivė geriau (nei pateikta 3.5 paveiksle) sutaptų gyliuose nuo 0 iki 40nm. Bet tokiu atveju, pablogėtu sumodeliuotos ir eksperimentinės kreivių sutapimas viduriniuose dangos gyliuose. Analogiškai, laikant cheminės difuzijos ir paviršinės segregacijos koeficientus gylyje pastovius ir bandant pagerinti 3.5 paveiksle pateikta sumodeliuotu ir eksperimentinių kreivių atitikimą viduriniuose gyliuose, gaunamas minėtų kreivių atitikimo blogėjimas mažuose gyliuose. Taigi, priėmus prielaidas apie nuo gylio priklausančius paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientus (5), (6), modeliu (8) gaunamos koncentraciju nuo gylio priklausomybės sutampa su eksperimento [7] kreivėmis visoms nikelio koncentracijoms. Taigi, darome išvada, kad paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientai priklauso nuo gylio.

Tokios formos segreguojančio į paviršių komponento gylio profiliai, kaip 3.2 paveiksle pateikta eksperimentinė nikelio koncentracijos nuo gylio priklausomybė, yra eksperimentiškai stebimi, pavyzdžiui, ir C:Si užaugintose plonose dangose [101].



**3.5 pav.** Eksperimentinis [7] (taškinė kreivė) ir sumodeliuotas (vientisa kreivė) Ni pasiskirstymo gylyje profilis, kai nikelio koncentracija dangoje yra apie 7% ir padėklo temperatūra dangos augimo metu 500°C. Modeliuojant paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientai buvo laikomi pastoviais visame dangos gylyje.

Modeliuodami priimame prielaidą, kad plonos dangos elementų C ir Ni ir padėklo medžiagos SiO<sub>2</sub> maišymasis vyksta ne vien dėl jonų atatrankos spektroskopijos taikymo matuojant komponentų gylio profilius, bet dėl padėklo medžiagos sąveikos su krentančiais Ni, C jonais, kurių labiausiai tikėtinos energijos buvo 40 ir 20 eV atitinkamai.

3.6 paveiksle pateiktos defektų koncentracijos priklausomybės nuo gylio U grafikai, su kuriomis buvo gautas modeliuotų ir eksperimentinių koncentracijų kreivių atitikimas.



3.6 pav. Funkcijų U, su kuriomis buvo gautas sumodeliuotų ir eksperimentinių kreivių atitikimas trims nagrinėtoms nikelio koncentracijoms dangoje, grafikai. Funkcija U apibūdina defektų koncentracijos priklausomybę nuo gylio.

Priklausomybės U pateiktos visoms trims 7, 15, 30 % nikelio koncentracijoms dangoje. Matome, kad defektu koncentracija priklauso ir nuo nikelio koncentracijos dangoje. Iš 3.6 paveikslo pastebime, kad esant 7% nikelio koncentracijai dangoje, funkcijos U reikšmės reikšmės mažėja žymiai greičiau nei esant nikelio koncentracijoms 15% ar 30%. Taigi, 3.6 paveiksle matome, kad esant 7% nikelio koncentracijai dangoje, U reikšmės dangos gylyje nuo 60 nm iki 100 nm yra mažiausiai 10 kartų mažesnės už U reikšmę paviršiniame sluoksnyje, kas reiškia, kad ir paviršinės segregacijos bei cheminės difuzijos koeficientų reikšmės gylyje nuo 60 nm iki 100 nm yra atitinkamai mažesnės (paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientų priklausomybės nuo gylio yra apibrėžtos (6), (7) lygybėse). Svarbu paminėti, kad 3.2 paveiksle būtent dėl santykinai mažų paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientų reikšmių augančios dangos gylyje nuo 50 nm iki 100 nm buvo gauta ir lėtai mažėjanti nikelio koncentracijos priklausomybė minėtuose gyliuose. Funkcijos U mažėjimo greiti lemia charakteringojo gylio *l* reikšmė, kuri nurodo gylį, per kurį paviršinės segregacijos ar cheminės difuzijos koeficiento reikšmė sumažėja apie 2,5 karto, lyginant su reikšme

paviršiniame sluoksnyje. Dangai, kurioje nikelio koncentracija 7%, atitikimas tarp modeliuotų ir eksperimentinių kreivių buvo gautas esant santykinai mažai *l* reikšmei (32 nm), kai kitais nikelio koncentracijų dangoje atvejais l buvo 62 nm ar 66 nm. Galime pastebėti, jog tokius komponentų pasiskirstymo gylyje profilius, kad viduriniuose dangos gyliuose nikelio koncentracija kinta santykinai lėtai, koks yra nikelio profilis 3.2 paveiksle, gauname tada, kai charakteringojo ilgio reikšmė yra ženkliai mažesnė už nusodintos dangos storį. Atveju, kuris pateiktas 3.2 paveiksle, charakteringasis gylis *l* yra apie 5 kartus mažesnis už dangos storį. 3.3 ir 3.4 paveiksluose pateiktais modeliavimo atvejais charakteringojo gylio *l* reikšmė buvo apie tris kartus mažesnė už dangos storį, kas pasireiškia nikelio koncentracijos monotonišku mažėjimu, kai gylis didėja.

Rezultatai, pristatyti 3.1 - 3.6 paveiksluose ir 3.1 lentelėje, yra publikuoti straipsnyje pavadinimu "Kinetics of Ni:C thin film composition formation at different temperatures and contents of nickel".

Ni:C plonų dangų fazinė struktūra kaip funkcija nuo padėklo temperatūros ar elementinės sudėties yra nagrinėjama darbuose [3, 5, 9, 14], bet šiuose darbuose nėra stebima paviršinė segregacija santykinai aukštoje padėklo temperatūroje. Nesunku numatyti, kad visais atvejais, nagrinėtais [3, 5, 9, 14] komponentų koncentracijų gylyje kreivės turi panašią formą į tas, kurios pateiktos 3.1 paveiksle, kuriame Ni ir C santykinės koncentracijos nekinta dangos gylyje.

Modeliavimas parodė, kad paviršinės segregacijos procesas (4 sistema) dominuoja prieš cheminės difuzijos procesą (3 sistema), kai padėklo temperatūra 500°C, nes, pavyzdžiui, nelygybė  $\left| \left( dc_{Ni}^{(1)} / dt \right)_{Seg} / \left( dc_{Ni}^{(1)} / dt \right)_{Dif} \right| > 10$  galioja visiems trims nikelio koncentracijos atvejams 500°C padėklo temperatūroje.

# 3.2. Fazių atsiskyrimo, vykstančio plonų dangų augimo metu, modeliavimo rezultatai

Fazių atsiskyrimo plonų dangų nusodinimo metu modeliavimas buvo atliekamas 60× 100 matmenų tinklelyje ( $N_1 = 60, N_2 = 100$ ) su periodinėmis kraštinėmis salygomis, kurios pritaikytos vertikaliose dvimačio modeliavimo regiono kraštinėse. Visoms šiame skyrelyje pateiktiems modeliavimo rezultatams, atstumas tarp gretimu tašku erdvės tašku dvimačiame tinklelyje h vra lygus trim tarpatominiams atstumams (tarpatomini atstuma laikome lygy 2,3Å). Taip pat laikome, kad dangos paviršius išlieka lygus per jos nusodinima bei nusodinamu dangos komponentų saveika su padėklo medžiaga nėra nagrinėjama. Pradiniu laiko momentu kintamojo  $\varphi$  reikšmės yra atsitiktinai pasiskirsčiusios paviršiniame sluoksnyje.  $\varphi$  yra tolygiai pasiskirstes intervale [2c-1-0.01, 2c-1+0.01], kur c yra vidutinė komponento A koncentracija plonoje dangoje. Toliau panagrinėsime, kokią itaka plonų dangų sandarai daro tokie nagrinėjamo modelio (24) parametrai, kaip nusodinimo greitis, difuzijos koeficiento reikšmė paviršiniame sluoksnyje  $D_0$ . paviršinė difuzija ir komponentų koncentracijos plonoje dangoje. Norint suskaičiuoti, kaip kinta reikšmės  $\varphi^{i,j,t}$ ,  $i = \overline{1, N_1}$ ,  $j = \overline{1, N_2}$  per dviejų dangos komponentų nusodinimą vienu metu, netiesinė algebrinių lygčių sistema (24) sprendžiama apytiksliais metodais. Gauti vaizdai, kurie atitinka plonų dangų šoninius pjūvius ir buvo gauti keičiant paminėtų parametrų reikšmes, pateikti paveiksluose 3.7, 3.8, 3.10, 3.12, 3.15. Visi pateikti plonų dangų šoniniai pjūviai paimti iš karto, kai pasibaigia dangos augimas, t.y. kai nusodinamų komponentų santykiniai srautai tampa lygūs 0 (pasibaigus dangos augimui sistema (24) nėra toliau sprendžiama modeliuojant tik fazių atsiskyrimo procesą). Visuose paveiksluose šoninių pjūvių sritys, kuriose  $\varphi$  yra lygus 1 (komponento A fazė), yra nuspalvintos ruda spalva, o sritys, kuriose kuriose  $\varphi$  yra lygus -1 (komponento B fazė), yra nuspalvintos mėlyna spalva. Kitos spalvos rodo, kad atitinkamame regione komponentai A ir B yra susimaišę.

Difuzijos koeficiento  $D_0$  ir augimo greičio įtaka. 3.7 paveiksle yra pateikti sumodeliuoti šoniniai plonų dangų pjūviai esant skirtingiems dangos augimo greičiams. 3.7 paveiksle pateiktuose skaičiavimuose augimo greitis buvo keičiamas nuo 20 iki 80 (sluoksnių/s), šoninis vaizdas, gautas su 100 sluoksnių/s augimo greičio reikšme, yra pateiktas paveiksle 3.8b. Visi kiti modelio (24) parametrai buvo laikomi fiksuotais ir jų reikšmės pateiktuose skaičiavimuose yra tokios: b=3,5,  $a=3,5^2$ ,  $\gamma=1.66h$  ( $\gamma$  skaitine verte lygus 1,66h, jų matavimo vienetai nėra tie patys), l = 5h (h yra skaičiavimuose naudojamo sluoksnio storis),  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s, visi keturi prilipimo koeficientai buvo laikomi lygiais tarpusavyje, komponentų tūrinės koncentracijos plonoje dangoje: komponento A 25%, komponento B 75%. Modeliuojamas plonos dangos augimo laikas visuose skaičiavimuose yra parinktas toks, kad su naudojama augimo greičio reikšme danga užaugtų 60 sluoksnių aukščio.



3.7 pav. Dangų šoninių pjūvių vaizdai, gauti su skirtingais augimo greičiais (visi kiti parametrai laikyti pastoviais). Augimo greičių reikšmės, naudotos pateiktuose skaičiavimuose, yra: V<sub>ad</sub>=20 sluoksniai/s (a), V<sub>ad</sub>=40 sluoksniai/s (b), V<sub>ad</sub>=60 sluoksniai/s (c), V<sub>ad</sub>=80 sluoksniai/s (d).

3.7 paveiksle pastebime, kad esant mažiausiems modeliuotiems augimo greičiams 20 sluok/s (3.7a pav.) ir 40 (3.7b pav.) sluok/s, plonos dangos yra koloninės struktūros. Šiais atvejais kolonu aukštis vra ribojamas tik modeliuojamo dangos storio reikšmės (modeliuojamas dangos storis lygus 60 sluoksniu). Kai dangos augimo greitis padidinamas iki 60 sluok/s, nei vienos iš komponento A kolonu aukštis nebesiekia viso modeliuojamo dangos storio reikšmės, bet vis dar stebimas komponento A kolonu augimas, kuriu daugumos aukštis dar siekia apie puse modeliuojamo dangos storio. Iš 3.7d ir 3.8b vaizdu pastebime, kad augimo greičio padidinimas iki 80 sluok/s ir 100 sluok/s, atitinkamai, pasireiškia komponento A kolonu aukščio mažėjimu. Atsižvelgiant i tai, kad pateikti vaizdai vra šoniniai dangu pjūviai, 100 sluok/s augimo greičio atveju gaunamos komponento A nanodalelės, kurios apsuptos komponento B faze, bei komponento A nanodalelės vra apylygio aukščio ir diametro. Taigi, pastebime, kad plonų dangų nanostruktūra gali būti kontroliuojama keičiant dangos augimo greiti. Didindami dangos augimo greiti, stebime plonos dangos nanostruktūros pasikeitima iš koloninės struktūros (su kolonomis statmenomis padėklui) į granuliuota struktūra. Komponento A nanodalelių vidutinio aukščio priklausomybė nuo  $D_0/V_{ad}$  (difuzijos koeficiento  $D_0$  ir augimo greičio santykio) yra pateikta 3.9 paveiksle, kuriame skritulio formos taškai buvo gauti iš 3.7 ir 3.8b paveikslu duomenų, kur buvo keičiamas tik augimo greitis. Iš skritulio formos taškų išsidėstymo pastebime, kad didėjant augimo greičiui, komponento A vidutinis nanodaleliu aukštis mažėja. Vidutinis komponento A nanodalelių aukštis buvo ivertintas iš vieno suskaičiuoto šoninio dangos pjūvio duomenų. Kiekviename šoniniame dangos pjūvyje buvo nuo 5 iki 18 individualių komponento A nanodalelių, iš kurių buvo įvertintas vidutinis jų aukštis. Svarbu paminėti, kad maksimali kolonų aukščio reikšmė, matoma 3.9 paveiksle, negali viršyti 60 sluoksnių dydžio (modeliuojamas dangos storis), taigi tai nėra kritinė reikšmė, bet maksimumas, sukurtas pasirenkant modeliuojamą dangos storio reikšme.

Lygindami šoninius pjūvius, kurie gauti naudojant skirtingas dangos augimo greičio reikšmes ir yra pateikti 3.7 ir 3.8b paveiksluose, galime pastebėti, kad didindami augimo greiti, gavome visas tris minėtas struktūrines zonas atitinkančius šoninus vaizdus. Vaizdas, gautas su didžiausia augimo greičio reikšme 3.8b, priskirtinas III struktūrinei zonai, vaizdai 3.7c ir 3.7d, kuriuose vidutinis komponento kolonų aukštis yra lygus apie pusei modeliuojamo dangos storio, priskirtini T struktūrinei zonai. Vaizdai 3.7a ir 3.8b, kurie gauti su mažiausiomis iš nagrinėtų augimo greičio reikšmių, priskirtini II struktūrinei zonai. Detaliau panagrinėję 3.7a paveiksle pateikto dangos šoninio pjūvio paviršinio sluoksnio komponentų koncentracijas pastebime (komponentų koncentracijos, žinant  $\varphi$ reikšmes iš šoninio pjūvio, randamos pagal (11) formules), kad komponento A koncentracija elemento B fazės paviršiniuose sluoksniuose svyruoja nuo 2,5% iki 5%, be to komponento B koncentracija elemento A fazės kolonų paviršiniuose sluoksniuose svyruoja apie 2%. Kadangi šoninis vaizdas 3.7a buvo paimtas ir karto po to, kai buvo nutraukti komponentų A bei B srautai į dangos paviršių, ir visuose 3.7 paveiksle pateiktuose skaičiavimuose visi prilipimo koeficientai buvo laikomi lygūs tarpusavyje, tai difuzijos koeficiento reikšmė  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s vra visiškai pakankama, kad jau paviršiniame sluoksnyje nei vieno iš komponentų koncentracija kito komponento fazės paviršiniame sluoksnyje neviršytų 5%, kuriai esant pakartotinė nukleacija augančios dangos paviršiuje, kaip matome ir 3.7a paveikslo, nevyksta. Tuo tarpu 3.7b paveiksle, kuris buvo skaičiuotas augimo greitį padidinus du kartus, lyginant su 3.7a paveikslu (difuzijos koeficiento reikšmės paviršiniame ir tūriniuose sluoksniuose laikytos tos pačios), komponento A koncentracija elemento B fazės paviršiniuose sluoksniuose svyruoja nuo 5% iki 15%, be to komponento B koncentracija elemento A fazės kolonų paviršiniuose sluoksniuose neviršija 5%. Taigi, dangos augimo greičio padidinimas 2 kartus padidino komponento A koncentraciją elemento B fazės paviršiniuose sluoksniuose (nagrinėjame dangą, kuri užaugusi iki 60 sluoksnių storio) nuo 2,5-5% iki 5- 15%, bet padidėjusios A koncentracijos, kaip pastebime iš 3.7b paveikslo, vis dar nepakanka pakartotinei komponento A fazės nukleacijai augančios dangos paviršiuje, bet tolesnis augimo greičio didinimas iki 60 sluoksnių/s (3.7c pav.) indukuoja pakartotinę komponento A nukleaciją fazės B paviršiniuose sluoksniuose.

Šoniniai dangu piūviai, apskaičiuoti su skirtingais efektyviaisiais difuzijos koeficientais D<sub>0</sub> pateikti 3.8 paveiksle. Difuzijos koeficientų reikšmės bet kuriame modeliuojamojo dvimačio tinkelio taške yra skaičiuojamos pagal (26) išraišką. Taigi, keičiantis difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje reikšmei  $D_0$  pagal (26) išraiška kinta difuzijos koeficiento reikšmės ir gilesniuose sluoksniuose. Skaičiavimuose, kurių galutiniai šoniniai vaizdai pateikti 3.8 paveiksle, augimo greitis buvo lygus 100 sluok/s. Visos kitos parametru reikšmės ir komponentu A, B koncentracijos buvo laikytos tokios pačios, kaip 3.7 paveiksle pristatytiems rezultatams. Reikšmes  $D_0$  3.8 paveiksle pateiktuose rezultatuose buvo keičiamos taip:  $D_0=5,7\cdot10^{-19}$  (a),  $D_0=6,9\cdot10^{-19}$  (b),  $D_0=9,2\cdot10^{-19}$  (c),  $D_0=1,2\cdot10^{-18}$  (d),  $D_0=1,38\cdot10^{-18}$  (e),  $D_0=1,61\cdot10^{-18}$  (f) (koeficientai visais atvejais yra pateikti vienetais  $m^{2}$ /s). Iš 3.8 paveikslo rezultatų pastebime, kad, didindami koeficientą  $D_{0}$ , gauname laipsniška perejima iš granuliuotos i kolonine struktūra, esant augimo greičiui 100 sluok/s. Lygindami paveikslus 3.7a ir 3.8f matome, kad juose koloninės struktūros buvo sumodeliuotos su atitinkamai 20 sluok/s ir 100 sluok/s augimo greičiais bei su atitinkamai  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s ir  $D_0=1.61\cdot10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s. Taigi, čia pastebime, kad atitinkamai didinant ir augimo greiti, ir difuzijos koeficienta  $D_0$  sumodeliuojamos koloninės struktūros, kas gali reikšti, kad plonos dangos struktūra priklauso nuo difuzijos koeficiento ir augimo greičio santykio. Svarbu pastebėti, kad 3.7a ir 3.8f sumodeliuotose koloninėse struktūrose yra skirtumų, t.y. šiais atvejais akivaizdžiai skiriasi komponento A kolonų diametrai, kurie 3.7a atveju (3.7a atveju skaičiuota mažesniam augimo greičiui ir mažesnei difuzijos koeficiento  $D_0$  reikšmei) yra akivaizdžiai didesni.



**3.8 pav.** Dangų šoninių pjūvių vaizdai, gauti su skirtingais difuzijos koeficientais  $D_0$ . Difuzijos koeficientų  $D_0$  reikšmės, naudotos pateiktuose skaičiavimuose, yra (vienetais m<sup>2</sup>/s):  $D_0=5,7\cdot10^{-19}$  (a),  $D_0=6,9\cdot10^{-19}$  (b),  $D_0=9,2\cdot10^{-19}$  (c),  $D_0=1,2\cdot10^{-18}$  (d),  $D_0=1,38\cdot10^{-18}$  (e),  $D_0=1,61\cdot10^{-18}$  (f).

3.7 ir 3.8 paveikslų rezultatai parodo, kad gaunamų šoninių pjūvių struktūra yra kontroliuojama tiek keičiant dangos greiti, tiek difuzijos koeficiento reikšme  $D_0$ . Norint patikrinti, ar plonos dangos struktūra priklauso nuo difuzijos koeficiento  $D_0$  ir augimo greičio santykio  $D_0/V_{ad}$ , nubrėžiama komponentų A kolonų vidutinio aukščio priklausomybė nuo santykio  $D_0/V_{ad}$  su standartinėmis vienos  $\sigma$  paklaidomis, kurios yra pateiktos 3.9 paveiksle. 3.9 paveiksle matome, kad standartinės paklaidos yra labai mažos (vos matomos grafike), kai vidutinis komponento A kolonų aukštis yra arba mažesnis už 20 sluoksnių, arba didesnis už 50-55 sluoksnius, kai modeliuojamas visu dangų storis buvo 60 sluoksnių. Šiais atvejais komponento A kolonų aukščio standartinis nuokrypis yra 1-2 sluoksniai, kas yra santykinai mažas dydis palyginus su 3.9 paveikslo padalos verte, kuri lygi 10 sluoksnių. Taigi. pastebime, kad mažiausias kolonų aukščio išsibarstymas gaunamas tada, kai kolonų aukštis yra santykinai mažas lyginant su dangos storiu, arba vidutinis kolonų aukštis yra artimas dangos storiui. 3.9 paveiksle skritulio formos taškai buvo gauti modeliuojant su skirtingais augimo greičiais  $V_{ad}$  ir pastoviu  $D_0$  (panaudoti paveikslų 3.7, 3.8b duomenys), o kvadrato formos taškai gauti su skirtingais difuzijos koeficientais  $D_0$  ir pastoviu augimo greičiu  $V_{ad}$  (panaudoti 3.8 paveikslo duomenys).

3.9 paveiksle pastebime, kad skritulio ir kvadrato formos taškų kreivės susilieja ir suformuoja bendrą kreivę, kas rodo, kad komponento A vidutinis kolonų aukštis priklauso nuo santykio  $D_0/V_{ad}$ . Iš 3.9 paveikslo pastebime, kad esant aukštoms santykio  $D_0/V_{ad}$  reikšmėms, plonos dangos yra koloninės struktūros, o esant žemoms  $D_0/V_{ad}$  reikšmėms, koloninis plonos dangos augimas pertraukiamas, suformuojamos sferinės ar jai artimos formos nanodalelės, kurios iš visų pusių apsuptos kito komponento faze.



**3.9 pav.** Komponento A vidutinio kolonų aukščio priklausomybė nuo santykio  $D_0/V_{ad}$  su vienos  $\sigma$  dydžio paklaidų juostomis. Imties dydžiai, iš kurių buvo įvertinta vidutinės reikšmės ir paklaidos yra tokie (pradedant nuo mažiausios  $D_0/V_{ad}$  reikšmės iki didžiausios): 16, 17, 17, 18, 13, 9, 8, 7, 7, 6, 6, 5. Skritulio formos taškai gauti iš duomenų, kuriuose buvo keistas augimo greitis, o difuzijos koeficientas  $D_0$  laikytas pastovus. Kvadrato formos taškai gauti iš duomenų, kuriuose buvo keistas difuzijos koeficientas  $D_0$  augimo greitis laikytas pastovus.

Toliau panagrinėsime vien tik paviršinės difuzijos įtaką plonų dangų sandarai. Paveiksluose 3.8b ir 3.10 pateikti šoniniai plonų dangų pjūviai, kurie buvo sumodeliuoti keičiant difuzijos koeficiento reikšmę vien tik paviršiniame sluoksnyje. Skaičiuojant šoninį pjūvį 3.8b, buvo naudota difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje reikšmė  $D_{1,j} = 6.9 \cdot 10^{-19} m^2 / s, j = \overline{1, N_2}$ , o skaičiuojant vaizdus 3.10a ir 3.10b difuzijos koeficiento reikšmės paviršiniame sluoksnyje buvo atitinkamai  $D_{1,j} = 1.04 \cdot 10^{-18}, D_{1,j} = 1.6 \cdot 10^{-18} m^2 / s, j = \overline{1, N_2}$ . Difuzijos koeficiento reikšmės tūriniuose sluoksniuose  $i = \overline{2, N_1}$  buvo skaičiuojamos pagal (26) išraišką, visiems trims atvejams 3.8b, 3.10a ir 3.10b naudojant tas pačias  $D_0$  ir l reikšmes. Augimo greitis skaičiuojant 3.8b, 3.10a ir 3.10b buvo fiksuotas ties reikšme 100 sluoksniai/s.



**3.10 pav.** Paviršinės difuzijos įtaka. Difuzijos koeficiento reikšmės paviršiniame sluoksnyje, kurios naudotos pateiktuose skaičiavimuose, yra tokios (m<sup>2</sup>/s):  $D_{1,j} = 1.04 \cdot 10^{-18}$  (a),

$$D_{1i} = 1.6 \cdot 10^{-18}$$
 (b).

Lygindami 3.8b, 3.10a ir 3.10b paveikslus pastebime, kad difuzijos koeficiento didinimas vien tik paviršiniame sluoksnyje pasireiškia komponento A kolonų laipsnišku ilgėjimu ir esant reikšmei  $D_{1,j} = 1.6 \cdot 10^{-18} m^2 / s$ ,  $j = \overline{1, N_2}$  gauname koloninę dangos sandarą, kuri yra panaši į vaizdą, kuris pateiktas 3.8f paveiksle (3.8 paveiksle buvo keičiamas  $D_0$  ir 3.8f paveiksle naudota  $D_0 = 1.6 \cdot 10^{-18} m^2 / s$ ). Priklausomybė tarp komponento A kolonų aukščio ir santykio  $D_{1,j}/V_{ad}$  ir vienos  $\sigma$  dydžio standartinės paklaidos pateiktos 3.11 paveiksle. 3.11 paveikslo taškai gauti su skirtingomis difuzijos koeficiento vien tik paviršiniame sluoksnyje reikšmėmis  $D_{1,j}$ , augimo greitis visada buvo fiksuotas (kitaip nei 3.9 paveikslo atveju, kur buvo skaičiavimai atlikinėjami keičiant tiek  $D_0$ , tiek augimo greitį  $V_{ad}$ ).





Lygindami 3.9 paveikslą su 3.11 paveikslu pastebime, kad gauname panašias priklausomybes, kai nagrinėjame komponento A kolonų aukščio priklausomybę nuo  $D_{1,j}/V_{ad}$  ir  $D_0/V_{ad}$ . Taigi, didindami tiek  $D_0$  (keičiant  $D_0$  difuzijos koeficientai keičiasi ir paviršiniane, ir tūrio sluoksniuose), tiek difuzijos koeficiento reikšmę tik paviršiniame sluoksnyje  $D_{1,j}$  stebime panašų komponento A kolonų ilgėjimą, kas rodo, kad šiais atvejais dėl paviršinės difuzijos vyksta plonos dangos sandaros pasikeitimas iš granuliuotos į koloninę.

Panagrinėsime difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje  $D_0$  ir charakteringojo gylio l įtaką modeliuojamų plonų dangų tekstūrai. Dangų šoniniai pjūviai, gauti su skirtingomis koeficientų  $D_0$  ir l kombinacijomis, pateikti 3.12 paveiksle. Visi kiti modelio parametrai skaičiuojant pateiktus šoninius pjūvius buvo laikomi fiksuotais. Šiuose skaičiavimuose naudota augimo greičio reikšmė buvo 100 sluoksniai/s.



**3.12 pav.** Dangų šoniniai pjūviai, gauti su skirtingomis difuzijos koeficiento  $D_0$  ir charakteringojo gylio *l* kombinacijomis. *l* reikšmės, naudotos skaičiavimuose, yra tokios: 10*h* (a ir b) 2h (c ir d) 0.3*h* (e ir f). Reikšmės  $D_0$  naudotos skaičiavimuose, yra tokios:

(a ir b), 2h (c ir d), 0, 3h (e ir f). Reikšmės  $D_0$ , naudotos skaičiavimuose, yra tokios:  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (visas kairysis stulpelis),  $D_0=1.61\cdot10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s (visas dešinysis stulpelis). Prie (e) paveikslo esantis spalvų stulpelis galioja tik e paveikslui, likusiuose paveiksluose  $\varphi$  kinta nuo -1 iki 1.

Parametrų  $D_0$  ir *l* reikšmės, naudotos skaičiavimuose, yra tokios:  $D_0=6,9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s 3.12 (a), (c), (e) paveiksluose (kairysis stulpelis),  $D_0=1,61\cdot10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s 3.12 (b), (d), 58

(f) paveiksluose (dešinysis stulpelis), l=10h 3.12 (a), (b) paveiksluose (pirma eilutė), l=2h 3.12 (c). (d) paveiksluose (antra eilutė), l=0.3h 3.12 (e). (f) paveiksluose (trečia eilutė). h vra skaičiavimuose naudojamas atstumas tarp dviejų gretimų dvimačio tinkelio taškų arba tiesiog skaičiavimuose naudojamas sluoksnio storis. Su reikšmėmis  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s ir  $D_0=1.61\cdot10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s, augimo greičio reikšme 100 sluoksniai/s bei l=5h buvo modeliuota anksčiau (rezultatai pateikti atitinkamai paveiksluose 3.8b ir 3.8f), ir su didesne  $D_0=1.61\cdot 10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s reikšme buvo gauta koloninė struktūra (žr. paveiksla 3.8f), o esant mažesnei  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s koloninės strūktūros augimas vra pertraukiamas (žr. paveiksla 3.8b). Tokiu būdu šoninius pjūvius, pateiktus paveiksluose 3.8b ir 3.8f, galime lyginti su 3.12 paveikslo kairiojo ir dešinio stulpelių vaizdais, atitinkamai. Paminėsime, kad parametro l reikšmė apibūdina gyli, kuriame difuzijos koeficiento reikšmė yra apie 2,5 karto mažesnė už difuzijos koeficiento reikšmę paviršiuje  $D_0$ . Pasirinkus charakteringojo gylio reikšme l=0.3h, vra stipriai sumažinama tūrinės difuzijos itaka, pvz. esant l=0.3hdifuzijos koeficiento reikšmės jau i=2 sluoksnyje ( esančiame po paviršiniu dangos sluoksniu) vra apie 200 kartu mažesnės už reikšme paviršiniame sluoksnyje  $D_0$ , 3.12 paveiksle pastebime, kad koloninės struktūros yra gaunamos visais atvejais, kai  $D_0=1.61\cdot 10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s (3.12 paveikslo dešinysis stulpelis), ir charakteringojo gylio 1 itaka atrodo nedidelė šiais atvejais. 3.12f paveiksle pastebime, kad ir su l reikšme 0,3h, kuri reiškia nykstamai mažą tūrinės difuzijos įtaką dangos augimo metu, gaunama koloninė struktūra, kai difuzijos koeficiento reikšmė paviršiniame sluoksnyje  $D_0$  vra santykinai didelė. Taigi, galime padaryti išvada, kad paviršinė difuzija dominuoja koloninio dangu augimo metu. Lygindami dangu šoninius vaizdus 3.12a, 3.8b, 3.12c ir 3.12e pastebime, kad mažesnei difuzijos koeficiento reikšmei paviršiniame sluoksnyje  $D_0$  parametro l įtaka (kartu ir tūrinės difuzijos itaka) besiformuojančiu dangu struktūrai vra aiškiai matoma. 3.12a. 3.8b. 3.12c atvejais pastebime komponento A nanodaleles, apsuptas komponento B faze, visame atitinkamame plonos dangos pjūvio plote, o tuo tarpu 3.12e atveju, kur tūrinės difuzijos itaka vra mažiausia, stebimi pavieniai regionai, kuriuose komponento A santykinė koncentracija yra apie 0,5 (geltona ar oranžine spalva pažymėtos sritys 3.12e paveiksle), o didesniame šoninio pjūvio plote (žr. šviesiai mėlyna spalva nuspalvintas sritis) komponentai A ir B yra susimaiše kitokiomis koncentracijomis ir jų santykinės koncentracijos svyruoja ribose 0,15-0,3 ir 0,7-0,85 atitinkamai.

Abibendrindami rezultatus 3.12a, 3.12c ir 3.12e pastebime, kad esant santykinai žemai difuzijos koeficiento reikšmei paviršiniame sluoksnyje  $D_0$ , plonos dangos augimo metu tūrinė difuzija atliko pastebimą vaidmenį fazių atsiskyrime bei sferos (ar jai artimos) formos nanodalelių formavimęsi. Be to, iš 3.12e ir 3.12f paveikslų galime manyti, kad, atmetus tūrinę difuziją, pateiktu modeliu yra gaunamas arba abiejų komponentų mišinys modeliuojamoje srityje (žemai difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje reikšmei), arba koloninė dangos struktūra (aukštai difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje reikšmei). Tokie šoniniai vaizdai, kaip 3.12a (kuriame stebimos ir palyginti gerai atsiskyrusios fazės, ir pertrauktas koloninis augimas), negali būti gaunami atmetus tūrinę difuziją nagrinėjamame modelyje. Norėdami gauti 3.12a vaizdą su parametrų rinkiniu, kuris buvo naudotas skaičiuoti vaizdą 3.12f (vaizdas, gautas su atmesta tūrine difuzija),

turėtume visų pirma mažinti difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje reikšmę  $D_0$ , kuri buvo naudota skaičiuojant 3.12f vaizdą (mažinant reikšmę  $D_0$  koloninis augimas, stebėtas 3.12f paveiksle, būtų pertrauktas). Dangos augimo greitį laikykime fiksuotu. Kadangi ir dabartiniame 3.12f vaizde pastebime tamsiai pilku regionų, kuriuose komponentai yra susimaišę, tai toliau mažindami  $D_0$ , gautume tik daugiau regionų, kuriuose dangos komponentai yra susimaišę, taigi, atmetę tūrinę difuzija, negalėtume su nagrinėjamu modeliu gauti šoninio vaizdo, kuriame tuo pat metu būtų stebima ir granuliuota dangos struktūra, ir nebūtų stebimi tarpfazinėms riboms nepriklausantys regionai, kuriuose dangos komponentai yra susimaišę. Atlikę du papildomus skaičiavimus su charakteringojo gylio reikšme l=0,3h ir ta pačia augimo greičio reikšme, kuri naudota paveiksle 3.12 pateiktuose skaičiavimuose, bet difuzijos koeficiento reikšmes paviršiniame sluoksnyje keisdami  $(m^2/s)$  $D_0 = 1,0.10^{-18}, 1,3.10^{-18} m^2 / s$ , gavome, kad su  $D_0$  reikšmėmis  $1,3.10^{-18} m^2 / s$ (vaizdas, skaičiuotas su šia  $D_0$  reikšme nepateiktas) ir  $D_0=1,61\cdot10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s (vaizdas jau pateiktas 3.12f paveiksle) stebimi koloninės struktūros šoniniai pjūviai. Tuo tarpu mažesnės nei prieš tai dviejų aptartų reikšmės  $D_0 = 1,0 \cdot 10^{-18}$  m<sup>2</sup>/s atveju, šoniniame pjūvyje, panašiai kaip 3.12e vaizde, yra stebimos keletas kolonos formos sričiu, kurios vra turtingesnės komponento A (jose komponento A santykinė koncentracija yra apie 0,7, kolonų aukštis siekia apie pusę modeliuojamo dangos storio), o didesniame šoninio pjūvio plote komponentai A ir B yra susimaiše kitokiomis koncentracijomis ir jų santykinės koncentracijos atitinkamai svyruoja Taigi, ribose 0.15-0.3 ir 0.7-0.85. šie rezultatai patvirtina ankstesnius samprotavimus, kad nenagrinėjant tūrinės difuzijos, gaunama arba koloninė dangos struktūra, arba dangą sudarančių komponentų mišinys su pavieniais klasteriais, ir tai priklauso nuo difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje dydžio.



3.13 pav. Šoniniai plonos dangos pjūviai, stebėti skirtingais dangos augimo laiko momentais.

Plonos dangos augimas laike. 3.13 paveiksle pateikta plonos dangos šoninio pjūvio evoliucija laike. Parametrų reikšmės, naudotos skaičiavime yra tokios pačios kaip skaičiuojant 3.8b paveiksle pateiktą vaizdą. 3.8b paveiksle yra pateikta galutinis plonos dangos šoninis pjūvis, kai danga užaugo iki 60 skaičiuojamųjų sluoksnių aukščio. Evoliuciją laike nagrinėjame tuo atveju, kai difuzijos koeficiento  $D_0$  ir

augimo greičio santykio reikšmė yra santykinai maža, taigi, modeliuotas plonos dangos vaizdas gaunamas granuliuotos struktūros su šiomis difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje ir augimo greičio reikšmėmis. Lygindami 3.13 paveiksle pateiktus vaizdus pastebime, kad esant santykinai žemai  $D_0/V_{ad}$  reikšmei, faziu atsiskyrimas ir komponento A nanodaleliu formavimasis šiuo atveju ivyksta augančios dangos paviršiuje, nors tūrinės difuzijos įtaka yra aiškai matoma keletu atveju, pavyzdžiuj laiko momentu t=0.15s vra matomi trvs komponento A klasteriai. kurie jau yra padengti 2-3 sluoksniais komponento B fazės, o tuo tarpu laiko momentu t=0.21s šie komponento A klasteriai vra didesni žiūrint iš šono (ir padengti 8-9 sluoksniais komponento B fazės), kas rodo matomą tūrinės difuzijos įtaką komponento A klasteriu evoliucijai. Priminsime, kad spalvos, išskyrus ruda (gryna komponento A fazė) ir tamsiai mėlyna (gryna komponento B fazė), šoniniuose pjūviuose žymėtu regionus, kuriuose komponentai yra susimaišę. Šoniniame pjūvyje laiko momentu t=0,39s pastebime kelis tamsiai pilkos spalvos regionus paviršiniuose sluoksniuose, kuriuose dangos komponentai yra susimaišę (komponentų A ir B koncentracijos šiose srityse yra 15-20% ir 80-85% atitinkamai), o nagrinėjant paveikslus, gautus su aukštoms  $D_0/V_{ad}$  reikšmėms (3.7a, 3.8f ir juose gautos koloninės struktūros), tokios sritys, kuriose komponentai yra susimaišę, nėra matomos. Taigi, atvejais 3.7a, 3.8f kiekviename dangos šoninio pjūvio taške, išskyrus salyčius tarp dviejų fazių, turime gryną vieno ar kito komponento fazę.

Komponento A nanodalelių vidutinio aukščio priklausomybė nuo augimo laiko yra pateikta 3.14 paveiksle. 3.14 paveikslo duomenys buvo gauti iš rezultatų, kurie dalinai buvo pristatyti 3.13 paveiksle. 3.14 paveiksle pastebime, kad komponento A nanodalelių vidutinis aukštis greitai didėja pradiniame augimo etape, kol pasiekiama pastovi vidurkio vertė, nors pastebimi tam tikri svyravimai laike, kurie vyksta dėl naujų komponento A nanodalelių nukleacijos, nes naujų ir iš pradžių mažų klasterių nukleacija laikinai sumažina vidutinį komponento A klasterių aukštį.



3.14 pav. Komponento A vidutinio kolonų aukščio priklausomybė nuo dangos augimo laiko. Imties dydžiai, iš kurių buvo įvertinta vidutinė reikšmė kito nuo 6 (pradinėse augimo stadijose) iki 20 (baigiamosiose augimo stadijose).

3.15 paveiksle pateikti apskaičiuoti dangų šoniniai pjūviai, gauti nustačius skirtingas komponentų koncentracijas dangoje ir skirtingas difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje reikšmes  $D_0$ . Komponentų A ir B koncentracijos, nustatytos skaičiavimuose, yra atitinkamai tokios: 35% ir 65% (kairysis stulpelis ar 3.15a ir 3.15c paveikslai), 45% and 55% (dešinysis stulpelis 3.15b ir 3.15d paveikslai).



**3.15 pav.** Šoniniai dangų pjūviai, gauti esant skirtingoms koncentracijų ir difuzijos koeficiento D<sub>0</sub> kombinacijoms. Komponentų A ir B koncentracijos dangose yra atitinkamai tokios: 35% ir 65% (vaizduose a ir c), 45% ir 55% (vaizduose b ir d). Skaičiavimuose naudotos reikšmės D<sub>0</sub> yra tokios:  $D_0=6,9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (a), (b),  $D_0=3,46\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (c),  $D_0=1,84\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (d). Skaičiavimų su reikšme  $D_0=1,84\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (d) ir komponentų A ir B koncentracijomis 45% ir 55%, atitinkamai, rezultatai pateikti dviem laiko momentais.

Reikšmės D<sub>0</sub>, naudotos skaičiavimuose, yra tokios: paveiksluose 3.15a, 3.15b  $D_0=6,9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s, paveiksle 3.15c  $D_0=3,46\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s, paveiksle 3.15d  $D_0=1,84\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s. Augimo greitis visais atvejais, pristatytais 3.15 paveiksle, buvo 100 sluok/s. Visos kitos modelio parametrų reikšmės buvo nustatytos tokios pačios, kaip ir skaičiuojant 3.7 paveikslo rezultatus. Reiktų paminėti, kad šoniniai plonų dangų pjūviai 3.8b, 3.15a, 3.15b yra suskaičiuoti nustačius tik skirtingas dangos komponentų koncentracijas, kurios komponentui A yra 25%, 35%, 45% atititinkamai. Visi kiti modelio parametrai buvo laikomi fiksuotais skaičiuojant minėtus tris vaizdus. Lygindami vaizdus 3.8b, 3.15a, 3.15b pastebime, kad komponento A koncentracijos didinimas nuo 25% iki 45% pasireiškia komponento A koncentraciją padidinus iki 35% (žr. paveikslą 3.15a), gaunamos 6 kolonos, kurių aukštis yra lygus modeliuojamam dangos storiui, bet dar pastebime komponento A kolonų, kurių aukštis yra mažesnis už modeliuojamą dangos storį. 3.15b paveiksle pastebime, kad padidinus komponento A koncentraciją dangoje iki 45%,

modeliuojamas komponento A koloninis augimas, be to, absoliučiai visų komponento A kolonų aukštis yra lygus modeliuojamam dangos storiui. Taigi, darome išvadą, kad koloninis tam tikro komponento augimas plonoje dangoje gali būti pertraukimas mažinant to komponento bendrą koncentraciją dangoje. Nesunku pastebėti, kad tik padidinus komponento A koncentraciją nuo 25% iki 45% ir gavus, atitinkamai, granuliuotą ir koloninę struktūras, paviršinės difuzijos sparta nėra didesnė 45% komponento A koncentracijos dangoje atveju (palyginus su 25% A koncentracija). Detaliau nagrinėdami šį atvejį (žr. 3.15b paveikslą) pastebime, kad 3.15b paveiksle komponento A kolonos formuojasi palyginti arti viena kitos ir komponento B fazių intarpai tarp komponento A kolonų taip pat yra siauri. Tokiu būdu santykinai mažos  $D_0$ =6,9·10<sup>-19</sup> m<sup>2</sup>/s reikšmės visiškai pakanka, kad komponentų A ir B atsiskyrimas sparčiai vyktų pačiame paviršiniame augančios dangos sluoksnyje, kas sumažina pakartotinės nukleacijos tikimybę ir pasireiškia kolonine dangos struktūra.

Lygindami 3.15a ir 3.15c paveikslus pastebime, kad mažinant difuzijos koeficiento reikšme  $D_0$  nuo  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s (3.15a paveikslas) iki  $D_0=3.46\cdot10^{-19}$  $m^2/s$  (3.15c paveikslas) stebime komponento A kolonu trumpėjima. 3.15c paveiksle. kitaip nei 3.15a nebematome kolonų, kurių aukštis būtų lygus modeliuojamam dangos storiui. 3.15b ir 3.15d paveiksluose matome, kad net ir labiau sumažinus (lyginant su 3.15a ir 3.15c atvejais) difuzijos koeficienta  $D_0$  nuo  $D_0=6.9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s iki  $D_0=1.84\cdot 10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s, komponento A kolonų formavimasis nera pertraukiamas, kai komponento A koncentracija dangoje yra 45%. Lygindami paveikslus 3.15b su 3.15d pastebime, kad komponento A kolonu diametras dideja, kai difuzijos koeficiento reikšmė yra didinama. Galime tikėtis, kad didėjant komponento A koncentracijai dangoje, turėtų didėti koalescencijos tikimybė tarp atskirų komponento A nanodalelių. 3.15 paveiksle pastebime, kad koalescencija dangos augimo metu tarp komponento A nanodalelių įvyko 3.15d atveju, t.y. kai komponento A koncentracija buvo 45% (didžiausia nagrinėta) ir difuzijos koeficiento reikšmė paviršiniame sluoksnyje buvo  $D_0=1.84\cdot 10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s. 3.15d paveiksluose, pateiktuose skirtingais augimo momentais (t=0.5s ir t=0.6s), matome, kad koloninė struktūra auga nagrinėjamu atveju, bet atstumai tarp gretimų komponento A kolonų yra maži, lyginant su 3.15b atveju stebimais atitinkamais atstumais. Paveiksle 3.15d laiko momentu t=0.5s pateikto dangos šoninio pjūvio paviršiuje matome smulkia komponento A nanodalele, užaugusia tarp komponento A kolonų (apvesta juodu apskritimu 3.15d paveiksle). 3.15d paveiksle laiko momentu t=0.6s (danga užauga 10 sluoksnių per 0.1s) stebime koalescencijos rezultatą keliolikos sluoksnių gylyje, kuris taip pat apvestas juodu apskritimu. Matome, kad laiko momentu t=0.6s apvestos kolonos plotis vra šiek tiek didesnis keliolikos sluoksnių gylyje. 3.15 paveikslo rezultatai atskleidžia, kad komponento A koncentracijos didinimas ir difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje mažinimas didina koalescencijos tikimybę tarp komponento A nanodalelių. Pastebėsime, kad esant didesnei komponento A koncentracijai ar mažesnei difuzijos koeficiento reikšmei  $D_0$ , mažų komponento A grūdelių nukleacija šalia kitų komponento A nanodalelių vra labiau tikėtina, o kuo mažesnis atstumas tarp dviejų nanodalelių, tuo didesnė koalescencijos tarp ju tikimybė.

Rezultatai, pristatyti 3.7 - 3.15 paveiksluose, yra publikuoti straipsnyje pavadinimu "Phase separation during thin film deposition".

Paveiksluose 3.16 [7] ir 3.17 [102] yra pateikti eksperimentiškai stebeti TEM šoniniai dangų pjūviai, gauti tiriant Ni:C plonas dangas. 3.16 paveiksle pateikti šoniniai pjūviai su skirtingais padidinimais (a) ir (b) buvo gauti tiriant danga, kuri nusodinta esant 20° C padėklo temperatūrai. Kiti 3.16 paveiksle pateikti šoniniai pjūviai su skirtingais padidinimais (c) ir (d) buvo gauti tiriant danga, kuri nusodinta esant 300° C padėklo temperatūrai, kiti nusodinimo proceso parametrai nebuvo keičiami. Pjūviuose 3.16a ir 3.16b pastebime, kad, esant žemesnei padėklo temperatūrai, stebimos apie 1nm dvdžio Ni nanodalelės. 3.16c ir 3.16d vaizdai rodo, kad padidinus padėklo temperatūra iki 300°C, stebimos pailgos Ni nanodalelės, kurios pailgėjo dešimtimis nanometrų dangos augimo kryptimi, padidinus padėklo temperatūrą. Norėdami palyginti šiuos eksperimentinius rezultatus su modeliavimo rezultatais, padėklo temperatūros didinima susiejame su difuzijos koeficiento  $D_{0}$ didinimu fazių atsiskyrimo modelyje (24). Modelio (24) rezultatai, gauti su ivairiomis  $D_0$  vertemis, pateikti 3.8 paveiksle, kuriuose pastebime, kad šoniniuose pjūviuose, kurie gauti su mažiausiomis  $D_0$  vertėmis ir atitiktų žemiausias padėklo temperatūras, stebima granuliuota fazinė struktūra, o didinant  $D_0$  vertę, kas atitiktų



3.16 pav. Šoniniai Ni:C dangų pjūviai skirtingais padidinimais [7]: danga augo esant padėklo temperatūrai 20°C (a ir b), danga augo esant padėklo temperatūrai 300°C (c ir d).

padėklo temperatūros didinimą, stebimas vieno iš komponentų nanodalelių ilgėjimas dangos augimo kryptimi. Taigi, 3.8 paveiksle pateikti modeliavimo rezultatai kokybiškai sutampa su 3.16 paveiksle [7] esančiais eksperimentiniais rezultatais. Svarbu paminėti, kad granuliuotos fazinės struktūros dangos irgi buvo eksperimentiškai gautos [6, 74-76] atvejais esant santykinai žemoms padėklo temperatūroms. Taigi, 3.8 paveiksle pateiktuose modeliavimo rezultatuose irgi stebima tokia pati tendencija, kad granuliuotos fazinės struktūros dangos stebimos esant santykinai žemai difuzijos koeficiento  $D_0$  vertei. Be to, granuliuotos dangų struktūros yra stebimos įvairioms metalas- anglis poroms: Ag:C [6], Co:C [74], Cu:C [75], Co:C [76].

3.17 paveiksle [102] pateikti TEM šoniniai pjūviai, gauti tiriant Ni:C dangas, kurios buvo nusodintos fiksuotoje temperatūroje, naudojant ivairias padėklo priešįtampio vertes. Be to, didinant priešįtampio vertes nuo -150V iki 250V (naudotos vertės -150, V 0V, 120 V, 250V), buvo stebimas didėjantis Ni ir C jonų srautas į augančios paviršių. Visais nagrinėjamais atvejais nikelio koncentracija dangoje buvo apie 30%. 3.17 paveiksle pastebime, kad mažiausios priešitampio vertės -150 V atveju (mažiausių jonų srautų verčių atvejų), suformuojama koloninė dangos struktūra su kolonomis, kurių aukštis apie 30 nm. Lygindami paveikslo 3.17 vaizdus pastebime, kad, didejant Ni ir C jonų srautų vertėms, koloninis dangos augimas pertraukiamas, ir didžiausios priešįtampio vertės atveju, šoniniame dangos pjūvyje stebimos sferos formos nikelio nanodalelės. Tokias pačias tendencijas stebime lygindami modeliavimo rezultatus, gautus su skirtingais augimo greičiais (modeliuojant įvairūs dangos augimo greičiai buvo gaunami nustatant komponentų srautus į augančios dangos paviršių), kurie pateikti paveiksluose 3.7 (augimo greičiai 20, 40 60, 80 sluoks/s) ir 3.8b (augimo greitis 100 sluok/s). Ir modeliavimo, ir eksperimentiniuose [102] rezultatuose stebime tendencija, kad metalo nanodaleliu kolonų aukštis mažėja, kai dangos komponentų jonų srautų vertės į augančios dangos paviršių yra didinamos.



**3.17 pav.** Šoniniai TEM pjūviai, gauti tiriant Ni:C dangas, kurios nusodintos naudojant skirtingus padėklo priešįtampius [102].

Apibendrindami augimo greičio, difuzijos koeficiento  $D_0$ , paviršinės difuzijos, charakteringojo gylio *l*, komponentų koncentracijų įtakas sumodeliuotų plonų dangų struktūrai teigiame, kad plonų dangų fazinė kompozicija priklauso tiek nuo difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje ir augimo greičio santykio, tiek nuo komponentų koncentracijų. Esant santykinai žemoms difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje iš augimo greičio santykio bei vieno iš dangos komponentų koncentracijos reikšmėms (pristatytame modeliavime komponento koncentracija dangoje A visada buvo mažesnė), plona danga susideda iš to komponento, kurio koncentracija dangoje mažesnė, sferinės (ar jai artimos) formos nanodalelių, kurios apsuptos kito komponento faze. Minėtais atvejais, visada sumodeliuojami III struktūrinei zonai priskirtini šoniniai dangu pjūviai. Modeliavimas parodė, kad iš tokios granuliuotos struktūros laipsniškas perėjimas į koloninę dangos struktūrą galimas didinant difuzijos koeficiento reikšmę paviršiniame dangos sluoksnyje, mažinant dangos augimo greiti arba didinant komponento A koncentracija dangoje. Tokiu būdu laipsniškai pereinant į koloninę struktūrą, yra gaunami T ir II struktūrines zonas atitinkantys šoniniai pjūviai. Taigi, dangos komponentų pakankamai geras atsiskyrimas jau paviršiniame sluoksnyje (tokiu atveju bet kuriame dangos paviršiaus taške naujai ant kito komponento fazės paviršiaus prilipusios A dalelės yra pernešamos prie savo elemento fazės salelės prieš tai, kai tuose taškuose ar arti jų yra absorbuojamos kitos komponento A dalelės), kas sumažina pakartotinės nukleacijos tikimybę ir pasireiškia kolonine dangos struktūra, gali būti indukuojamas didinant difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje reikšmę, mažinant dangos augimo greitį arba keičiant komponento koncentraciją dangoje. Modeliavimo rezultatai parodė, kad koloninės dangos struktūros augimo atveju dominuoja paviršinė difuzija, o granuliuotos struktūros augimo atveju, paviršinės difuzijos sparta yra santykinai maža, ir šiuo atveju sferos ar pailgu kolonų formų nanodalelių formavimęsi turi įtakos tūrinė difuzija.

## 3.3. Paviršinės segregacijos, vykstančios plonos dangos augimo metu, modeliavimo dvimačiu atveju rezultatai

Plonos dangos nusodinimo, fazių atsiskyrimo ir paviršinės segregacijos procesų modeliavimo skaičiavimai buvo atliekami dvimačiame tinklelyje, kurio matmenys  $30h \times 100h$  ( $N_1 = 30, N_2 = 100$ ) su periodinėmis kraštinėmis sąlygomis, pritaikytomis vertikaliose modeliavimo srities kraštinėse. Sluoksnio storis h laikomas 1 nm. Reikšmė 30h atitinka maksimalų dangos storį, kuris užauga modeliuojant (užaugus šiam dangos storiui skaičiavimai nutraukiami). Kaip ir ankstesniame vien tik fazių atsiskyrimo modeliavime, laikome, kad augančios dangos paviršius išlieka lygus augimo metu, bei nusodinamų dalelių sąveika su padėklu nėra nagrinėjama. Pradinė sąlyga išlieka tokia pati, kaip ankstesniame fazių atsiskyrimo plonose dangose modeliavime. Apskaičiuoti plonų dangų šoniniai pjūviai ir tų pjūvių gylio profiliai bei atitinkami eksperimentiniai [7] gylio profiliai ir TEM (angl. transmission electron microscopy) vaizdai pateikti paveiksluose 3.18-3.20. Modeliuojant šoniniai dangų pjūviai ir juos atititinkantys gylio profiliai buvo apskaičiuojami skaitmeniniais metodais sprendžiant (31) sistemą. Visuose

pateikti apskaičiuotuose šoniniuose dangos pjūviuose, kurie 3.18a-3.20a paveiksluose, dvimatės srities regionai, kuriuose  $\varphi$  vra lygi 1 (gryno nikelio fazė). nuspalvinti ruda spalva, o regionai, kuriuose o vra lygi -1 (grynos anglies fazė), nuspalvinti melvna spalva. Kitos spalvos žymi regionus, kuriuose dangos komponentai vra susimaiše. (31) modelio parametru reikšmės, naudotos skaičiuojant 3.18-3.20 paveiksluose pateiktus rezultatus, yra tokios:  $D_0 = 3.3 \cdot 10^{-17} m^2 / s$ ,  $V_{ad} = 9s^{-1}, z = 2, l = 4h, W_A - W_B = -8$  visi keturi prilipimo koeficientai buvo laikomi tarpusavyje lygūs. Taigi, ir difuzijos koeficiento reikšmė paviršiniame sluoksnyje  $D_0$ , ir dangos augimo greičio reikšmė  $V_{ad}$  nebuvo keičiamos nagrinėjant visus tris atvejus, pateiktus 3.18-3.20 paveiksluose. Reikiama nikelio koncentracija buvo gaunama nustatant santykinius nikelio ir anglies dangoie srautus. Modeliuodami laikome, kad visi trys modelyje nagrinėjami procesai (dangos augimas, faziu atsiskyrimas, paviršinė segregacija) visada vyksta vienu metu. Tokiu būdu fazių atsiskyrimo ir paviršinės segregacijos procesų modeliavimas yra iš karto baigiamas, kai tik nutrūksta dangos komponentu srautai i dangos paviršiu, t.v. laikome, kad minėti du procesai vyksta tik dangos augimo metu.



**3.18 pav.** Apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 7%.

3.18 paveiksle yra pateikti apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C

danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 7%. Apskaičiuotame šoniniame pjūvyje 3.18a pastebime dvi nikelio fazės kolonas, kurių diametrai šiek tiek didėja, kai artėjama prie dangos paviršiaus. Detalesnė apskaičiuoto šoninio dangos pjūvio 3.18a analizė rodo, kad tiek nikelio koncentracija anglies fazėje (anglies fazė nuspalvinta mėlyna spalva paveiksle) paviršiniame sluoksnyje, tiek anglies koncentracija nikelio kolonų paviršiniuose sluoksniuose neviršija 1,5%, kas parodo aukštą paviršinės difuzijos spartą dangos augimo metu (šoninis pjūvis buvo paimtas iš karto nutrūkus anglies ir nikelio srautams į dangos paviršiaus į gilesnius sluoksnius, paviršiniuose sluoksniuose mažėja žymiai greičiau nei viduriniuose dangos sluoksniuose.

Darbe [7] nustatyta, kad, esant padėklo temperatūrai 500 °C, plonoje dangoje nikelis yra fcc metalo fazės būsenos. Iš eksperimentinio šoninio dangos pjūvio 3.18c ir pastebėjimų, pateiktų šaltinyje [7], galima teigti, kad nagrinėjamu atveju (padėklo temperatūra 500 °C ir nikelio koncentracija dangoje yra 7%) nikelis auga kolonomis, kurių diametrai didėja, kai artėjama prie dangos paviršiaus. Nagrinėdami eksperimentinį [7] nikelio gylio profilį pastebime, kad viduriniuose dangos gyliuose nikelio koncentracija nei didėja, nei mažėja, o paviršiniuose sluoksniuose didėja, kai artėjama prie dangos paviršinuose didėja, kai artėjama prie dangos paviršiniuose sluoksniuose didėja, kai artėjama prie dangos paviršinus. Taigi, suskaičiuotas nikelio gylio profilis 3.18b turi panašią formą lyginant su eksperimentiniu [7] 3.18d. Taigi, galime teigti, kad modeliavimo rezultatai, pateikti paveiksluose 3.18a ir 3.18b, kokybiškai atitinka eksperimentinius [7] rezultatus, pateiktus paveiksluose 3.18c ir 3.18d.



**3.19 pav.** Apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 15%.

3.19 paveiksle yra pateikti apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 15%. Paveiksle 3.19a pastebime, kad esant 15% nikelio koncentracijai dangoje, trvs nikelio kolonos yra suformuojamos modeliuojamoje dvimatėje srityje. 3.19a paveiksle pirma ir trečia kolonos iš kairės savo forma vra panašios i tas, kurias gavome, kai modeliavome dangos augima su 7% nikelio koncentracija. Tuo tarpu antros (žiūrint iš kairės) nikelio kolonos diametras didėja žymiai greičiau, kai artėjama prie paviršiaus, nei pirmos ir trečios kolonų atvejais. Svarbu paminėti, kad 3.19a paveiksle antra nikelio fazės kolona žiūrint iš kairės yra koalescencijos rezultatas tarp dviejų smulkesnių nikelio nanodalelių, kurios susiformavo santykinai arti viena kitos pradinėse dangos augimo stadijose. Taigi, modeliavimo rezultatai su 15% nikelio koncentracija atskleidžia, kad koalescencija vra galima vėlesnėse dangos augimo stadijose. Svarbu paminėti, kad šiuo atveju būtent dėl paviršinės segregacijos proceso koalescencija tarp dviejų nikelio nanodalelių yra įmanoma. Dėl paviršinės segregacijos proceso gauname nikelio kolonas, kurių diametrai didėja, kai artėjama prie paviršiaus. Taigi, santykinai arti vieno kitos esančios kolonos, kurių diametrai didėja artėjant prie paviršiaus, vėlesnėse augimo stadijose (kai jų diametrai yra pakankamai dideli) pradeda viena su kita liestis ir įvyksta jų susiliejimas. 3.18a paveiksle pastebime, kad esant 7% nikelio koncentracijai, koalescencija tarp nikelio kolonų parinktam nusodinamam dangos storiui yra negalima dėl per didelio atstumo dėl tarp ju. Lygindami apskaičiuota ir eksperimentini [7] nikelio gylio profilius, kurie pateikti atitinkamai paveiksluose 3.19b ir 3.19d, pastebime, kad yra panašios formos, kuriuose nikelio koncentracija, gyliui didejant, mažeja pagal panašia i eksponentinę funkciją. Iš TEM vaizdo, pateikto 3.19c, pastebima, kad esant 15% nikelio koncentracijai, plonoje Ni:C dangoje stebimo nikelio kolonos, kuriu diametrai taip pat didėja, kai artėjama prie dangos paviršiaus [7].

Panašiai, kaip 3.18a atveju, detalesnė apskaičiuoto šoninio dangos pjūvio 3.19a reikšmių  $\varphi$  analizė rodo, kad tiek nikelio koncentracija anglies fazėje paviršiniuose sluoksniuose, tiek anglies koncentracija nikelio kolonų paviršiniame sluoksnyje neviršija 1.0%, kas parodo aukšta paviršinės difuzijos sparta dangos augimo metu, kadangi 3.19a šoninis pjūvis buvo paimtas iš karto nutrūkus anglies ir nikelio srautams į dangos paviršių. Svarbu pastebėti, kad nykstamai mažos (1-1,5%) Ni koncentracijos paviršiniuose anglies fazės sluoksniuose ir anglies koncentracijos paviršiniuose Ni fazės kolonų sluoksniuose stebimos bet kuriais dangų augimo laiko momentais, išskyrus pačius pradinius, tiek 3,18a, tiek 3.19a atvejais. Taigi, tiek 3,18a, tiek 3.19a atvejais augančios dangos paviršius per jos augimo laiką yra sudarytas iš grynų Ni ir C regionų. Iš čia pastebime, kad paviršinės energijos nario  $g_1$  įvedimas į Cahn-Hilliard laisvosios energijos funkcionalą (13) tais nagrinėjamais modeliavimo atvejais, kurių galutiniai šoniniai vaizdai pateikti 3.18a ir 3.19a paveiksluose, sukelia komponento, kurio paviršinė energija yra mažesnė, srauta iš antro į pirma paviršinį augančios dangos sluoksnį, ir tas srautas vyksta sąlytyje tarp dvieju egzistuojančiu fazių plonos dangos paviršiuje. Pastebėsime, kad

segreguojančio į paviršių komponento (segreguoja į paviršių tas, kurio paviršinė energija mažesnė) srautą iš gilesnių sluoksnių paviršiaus link lemia vien tik fazių atsiskyrimo procesas (aprašytas Canh ir Hilliard lygtimi (13)), vykstantis tarpfazinėse ribose. Šį procesą aktyvuoja segreguojančio į paviršių komponento srautas iš antro į paviršinį sluoksnį, o pastarotojo srauto priežastis yra dangą sudarančių komponentų ženklus paviršinių energijų skirtumas. Priminsime, kad skyrelyje 3.1 modeliuodami vien tik Ni:C dangos komponentų ir padėklo medžiagos pasiskirstymą gylyje vienmačiu atveju, tiesiogiai į modelį įvedėme nikelio paviršinės segregacijos procesą, kuris buvo aprašytas (žr. sistemą (4)) kaip nikelio srautai iš giliau esančio sluoksnio į arčiau paviršiaus esantį sluoksnį: iš antro sluoksnio į pirmą paviršinį, iš trečio sluoksnio į antrą ir t.t. Taigi, iš pateikto fazių atsiskyrimo ir paviršinės segregacijos procesą vienmačiu atveju, įvestų srautų priežastis.

3.20 paveiksle yra pateikti apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 30%.



**3.20 pav.** Apskaičiuotas dangos šoninio pjūvio vaizdas (a), apskaičiuoto šoninio vaizdo nikelio gylio profilis (b), eksperimentinis [7] šoninio pjūvio vaizdas (c), eksperimentiniai [7] visų komponentų gylio profiliai, kai Ni:C danga auginta 500 °C padėklo temperatūroje su nikelio koncentracija dangoje 30%.

3.20a ir 3.20c paveiksluose, kur parodyti sumodeliuotas ir eksperimentinis [7] šoniniai dangos piūviai, pastebime, kad ir sumodeliuotame, ir eksperimentiniame šoniniuose pjūviuose danga susideda iš nikelio sluoksnio, susiformavusio dangos paviršiuje ir po nikelio sluoksniu esančio anglies sluoksnio. Abiem atvejams pastebime, kad nikelio sluoksnio storis yra kintamas su nikelio įsiskverbimais į anglies sluoksni, esanti po nikelio sluoksniu. Detalesnė 3.20a paveikslo analizė rodo, kad vidutinė anglies koncentracija nikelio sluoksnyje paviršiuje yra apie 2,5%, kas parodo, kad, dangai augant, naujai adsorbave anglies atomai yra pernešami iš paviršiaus į nikelio ir anglies sluoksnių salytį (šoninis vaizdas 3.20a yra paimtas iš karto nutraukus dangos apšaudymą Ni ir C jonais, o anglies ir nikelio jonai krenta į dangos paviršių tuo pačių santykių per visa augimo modeliavima). Svarbų paminėti, kad skaičiavime, kurio galutinė būsena pateikta 3.20a paveiksle, koalescencija jvyko tarp visų gretimų nikelio salelių, kurios susiformavo pradiniuose dangos augimo etapuose. Modeliuojamoje srityje pradinėse dangos augimo stadijoje susidarė 6 nikelio salelės, kurios tuo atveju buvo arčiau vieno kitos, lyginant su atvejais, kai nikelio koncentracija dangoje buvo 7% ar 15%. Taigi, 3.18- 3.20 paveiksluose pateikti modeliavimo rezultatai rodo, kad koelescensijos tarp nikelio kolonų tikimybė didėja, kai didinama nikelio koncentracija dangoje. 3.20b ir 3.20d paveiksluose pastebime, kad ir modeliuotame 3.20b, ir eksperimentiniame [7] 3.20d nikelio profilyje, Ni koncentracija dangos paviršiuje siekia apie 100% ir viduriniuose dangos sluoksniuose mažėja iki nulio.

Modeliuodami laikėme, kad dangų augimo greičiai, difuzijos koeficientas paviršiniame sluoksnyje  $D_0$  ir difuzijos koeficiento priklausomybė nuo dangos gylio (šią priklausomybę apibūdina charakteringasis gylis *l*) yra vienodi visų nagrinėtų nikelio koncentracijų dangoje atvejais. [7] šaltinyje nurodyta, kad formuojant dangas, kurių šoniniai pjūviai ir eksperimentiniai gylio profiliai pristatyti 3.18-3.20 paveiksluose, nusodinimų sąlygos (padėklo temperatūra, krentančių jonų energija) buvo laikomos vienodos. Lygindami paveikslus 3.18–3.20 pastebime, kad nikelio tendencija segreguoti į paviršių ir formuoti arba kolonas, kurių diametrai didėja, kai artėjama prie dangos paviršiaus, arba nikelio sluoksnį, kai nikelio koncentracijos dangoje atitinkamai yra 7%, 15% arba 30%, yra stebimos ir eksperimentiškai, ir modeliavimo rezultatuose.

Pastebėsime skirtumą, kad šiame skyrelyje gautus rezultatus apskaičiavome keisdami tik nikelio koncentraciją dangoje, o 3.1 skyrelyje modeliuodami tų pačių eksperimentinių rezultatų vien tik sudedamųjų komponentų pasiskirstymą dangos gylyje (vienmačiu atveju), be nikelio koncentracijų dangoje, keitėme defektų koncentracijos nuo gylio priklausomybę *U*, bei laikėme, kad priklausomybės *U* (kurios buvo išgautos iš sumodeliuotų ir eksperimentinių kreivių atitikimo) priklauso nuo nikelio koncentracijos dangoje. 3.6 paveiksle, kur pateiktos išgautos *U* priklausomybės, pastebime, kad vis didesnei nikelio koncentracijai dangoje, *U* reikšmės atitinkamai didesnės visuose dangos gyliuose. Tokiu būdu ir paviršinės segregacijos ((7) formulė), ir cheminės difuzijos ((6) formulė) koeficientų reikšmės buvo naudojamos atitinkamai vis didesnės 3.1 skyrelio modeliavime, esant vis didesnei nikelio koncentracijai dangoje. Remiantis pateiktu skirtumu, pastebime, kad dangos augimo metu nikelio kolonų koalescencija 3.18-3.20(a) paveikslų

modeliavime paspartina nikelio koncentracijos didėjima paviršiniuose dangos sluoksniuose, vpač nikelio sluoksnio formavimasi 30% Ni santykinės koncentracijos atveju. Remiantis modeliavimo rezultatais, nikelio koalescencija pradeda vykti, kai gretimų nikelio kolonų (kolonų diametrai vra didėjantys, kai artėjama prie dangos paviršiaus del paviršinės segregacijos proceso) kraštai suartėja viena su kita iki keleto sluoksnių atstumo. Dėl didėjančių nikelio kolonų diametrų, kai artėjama prie paviršiaus, nikelio kolonų suartėjimas pirmiausiai įvyksta būtent paviršiniuose augančios dangos sluoksniuose. Nesunku pastebėti, kad suartėjus gretimų nikelio kolonų kraštams augančios dangos paviršiuje, kolonų kraštų suartėjimo srityje fazės *φ* reikšmės staigiai pakinta nuo reikšmės 1 iki -1 (einant nuo vienos nikelio kolonos krašto i anglies fazės tarpeli), ir taip pat  $\varphi$  reikšmės staigiai pakinta nuo reikšmės -1 iki 1 (einant nuo i anglies fazės tarpelio iki kitos nikelio kolonos krašto). Taigi, dėl i laisvosios energijos išraišką (27) įtraukto  $\varphi$  gradiento kvadrato nario indėlio minimizavimo sumodeliuojamas nikelio kolonu susiliejimas paviršiniuose augančios dangos sluoksnyje.

Visais modeliavimo atvejais, pristatytais 3.18-3.20 paveiksluose, naudotos difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje reikšmės  $D_0$  ir naudotos dangos augimo greičio reikšmės (paverstos į vienetus m/s) santykis yra lygus 3,67 nm, kuris yra siejamas su paviršiniame dangos sluoksnyje esančios dalelės difuzijos nuotoliu per laiko tarpa tarp dviejų dalelių kritimų į tą patį dangos paviršiaus regioną.

## 3.4. Komponentų tirpumo įtaka plonos dangos fazinei struktūrai

Fiksuokime fazių atsiskyrimo plonos dangos nusodinimo metu (24) modelio parametrus taip:  $V_{ad}=100$  sluoksniai/s,  $D_0=6,9\cdot10^{-19}$  m<sup>2</sup>/s,  $b=3,5, a=3,5^2$ ,  $\gamma=1.66h, l$ =5h, visi keturi prilipimo koeficientai buvo laikomi lygūs tarpusavyje. Šoninis dangos pjūvis, gautas su pateiktomis (24) modelio reikšmėmis ir komponentu A ir B koncentracijos dangoje atitinkamai lygiomis 25% ir 75%, yra pateiktas 3.8b paveiksle. 3.21 paveiksle pateikti sumodeliuoti šoniniai dangų pjūviai, kuriuose komponento A koncentracija dangoje vra apytiksliai lygi 15 (3.21a paveikslas) ir 20% (3.21b paveikslas).



3.21 pav. Šoniniai pjūviai, suskaičiuoti su komponento A koncentracija 15% (a) ir 20% (b). Modelio parametrų reikšmės:  $V_{ad}$ =100 sluoksniai/s,  $D_0$ =6,9·10<sup>-19</sup> m<sup>2</sup>/s, b=3,5, a=3,5<sup>2</sup>,  $\gamma = 1,66h, l = 5h.$ 

Lygindami paveikslus 3.8b, 3.21a, 3.21b, kuriuose pateikti šoniniai dangų pjūviai, gauti su šio skyrelio pradžioje apibrėžtais modelio parametrais bet skirtingomis komponento A koncentracijomis dangoje (koncentracijos lygios 25, 15 ,20% atitinkamai paveiksluose 3.8b, 3.21a, 3.21b), pastebime, kad tik esant 25% komponento A koncentracijai dangoje gauname sričiu, kuriose arba vieno, arba kito
komponento koncentracijos yra artimos vienetui. Tuo tarpu paveiksluose 3.21a ir 3.21b, kur komponento A vidutinės koncentracijos yra apie 15 ir 20%, atitinkamai,  $\varphi$ reikšmė šoninio pjūvio srityje kinta ne nuo -1 iki 1, kaip šoniniame pjūvyje 3.8b. 3.21a paveiksle pastebime, kad esant 15% komponento A koncentracijai dangoje, su pateiktais modelio parametrais apskaičiavome šonini pjūvi, kuriame o reikšmės kinta nuo -0,75 iki -0,55 (tai parodyta 3.21a paveiksle, jo dešinėje). Žinodami tiesinį rvši tarp  $\varphi$  ir komponento A koncentracijos  $c^{A} = 0.5(1+\varphi)$  gauname, kad 3.21a šoniniame pjūvyje komponento A koncentracija kinta intervale nuo 12,5% iki 22%, kas reiškia, kad bet kuriame 3.21a pjūvio taške abu dangos komponentai yra susimaišę. 3.21b paveiksle matome, kad padidinus komponento A koncentracija dangoje iki 20%,  $\varphi$  reikšmės kinta nuo -0,1 iki -0,7, kas reiškia, kad komponento A koncentracijos šoniniame pjūvvje kinta nuo 15% iki 45%. Panagrinėje 3.21b paveikslą pastebime, kad tik vienoje srityje (viršuje dešinėje), kurios matmenys yra keletas skaičiuojamujų sluoksnių h, komponento A koncentracija vra artima 45%. Taigi, pastebime, kad jau esant 20% komponento A koncentracijai ir toliau ja mažinant, fazių atsiskyrimas plonos dangos nusodinimo metu yra prislopinamas. Pastebėsime, kad tokį fazių atsiskyrimo proceso prislopinima, mažėjant tik komponento A koncentracijai, lemia naudojamos homogeninės sistemos laisvosios energijos funkcijos f savybės. Priminsime, kad fazių atsiskyrimo modeliavime 3.21 homogeninės naudojome sistemos laisvosios energijos atveju funkcija  $f(\varphi) = 0.25(a - (b\varphi)^2)^2$ . Ši funkcija turi du perlinkio taškus  $\varphi_{1,2} = \pm \sqrt{3}/3$  ir jos grafikas vra pateiktas 3.22 paveiksle kartu su pažymėtais perlinkio taškais.





**3.22 pav.** Homogeninės sistemos laisvosios energijos priklausomybė nuo  $\varphi$ .  $\varphi$  yra lygus komponentų koncentracijų skirtumui  $c_A$ - $c_B$ .

Minėti du perlinkio taškai atitinka dvi komponento A koncentracijas. Neigiamas  $-\sqrt{3}/3$  perlinkio taškas atitinka apytiksliai 0,211 komponento A santykinę koncentracija, o teigiamas perlinkio taškas simetriškai atitinka 1 - 0.211 = 0.789komponento A santykinę koncentraciją. Yra žinoma, kad modeliuojant fazių atsiskyrima (24) modelyje naudojama Cahn-Hilliard lygtimi, fazių atsiskyrimas nagrinėjamoje erdvės sritvie vra energetiškai palankus tada, kai bet kurio iš komponentų (nagrinėjame tik dviejų komponentų sistemą) vidutinė koncentracija toje srityje vra tarp perlinkio taškus atitinkančiu koncentraciju reikšmiu, kurios, funkcijos  $f(\phi) = 0.25(a - (b\phi)^2)^2$  naudojimo atveju, vra apvtiksliai tarp 0.211 ir 0,789 reikšmių, t.y. jei bent vieno iš komponentų koncentracija dangoje yra mažesnė už 0,211 arba didesnė už 0,789, fazių atsiskyrimas yra nepalankus energetiškai, o šiuo atveju palankus energetiškai vra komponentu maišvmasis. Pastebime, kad homogeninės sistemos laisvosios energijos priklausomybės forma nulemia, ar esant tam tikroms koncentracijoms yra palankus komponentų atsiskyrimas, ar maišymasis. Taigi, naudojant homogeninės sistemos laisvosios energijos priklausomybę  $f(\phi) = 0.25(a - (b\phi)^2)^2$ , santykinės koncentracijos reikšmę 0,211 apytiksliai galime laikyti komponento A tirpumo riba komponento B fazeje ir atvirkščiai (funkcija f yra lyginė). Reiktų pastebėti, kad keičiant funkcijos f parametrų a ir b reikšmes ir išlaikant  $a = b^2$  (ši sąlyga garantuoja, kad grynų komponentų fazių reikšmės bus lygios iš anksto apibrėžtoms -1 ir 1), funkcijos f perlinkio tašku bei kartu komponentu A ir B tirpumo ribos vienas kitame reikšmės nesikeičia. Pavyzdžiui [103] šaltinyje, kur yra tyrinėjamas Al, N, Ag plonų dangu nusodinimas naudojant lazeri ir dulkėjimo metodus, pastebėta, kad esant 4% bendrai sidabro koncentracijai ar mažiau, sidabro nanodalelės nusodintose dangose nėra stebimos, o sidabro koncentracija dangoje didininant virš 4% ir daugiau, stebima Ag segregacija dangos augimo metu bei sidabro sferos formos nanodalelės pasiskirsčiusios Al:N dangoje. Taigi, ribinės koncentracijos, kurios atskiria tam tikro komponento koncentracijas, kuriose jo nanodalelės formuojasi, nuo tu koncentraciju, kuriose stebimas to komponento ištirpimas dangoje, yra stebimos eksperimentiškai. Šaltiniuose [104-110] taip pat parodyta, kad keičiant tam tikro dangos komponento koncentracija dangoje, gali būti indukuojama ar paspartinama su tuo komponentu susijusios fazės sintezė nanokompozitu plonu dangu augimo metu.

Apibrėšime 6 ir 10 laipsnio homogeninės sistemos laisvosios energijos priklausomybes, kurias naudosime tolesniuose skaičiavimuose:

$$f_2(\varphi) = d \cdot (\varphi^6 - \varphi^4 - \varphi^2 + 1), \tag{38}$$

$$f_3(\varphi) = z \cdot (2\varphi^{10} - \varphi^8 - \varphi^6 - \varphi^4 - \varphi^2 + 2).$$
(39)

Pastebime, kad abi pateiktos polinominės funkcijos yra lyginės. (38) šešto laipsnio funkcija turi 2 perlinkio taškus  $\varphi_{1,2} \approx \pm 0,726$ , esančius intervale [-1,1], reikšmės  $\pm 0,726$  atitinka komponento A santykines koncentracijas 0,137 ir 0,863. Taigi, pateiktos šešto laipsnio homogeninės sistemos laisvosios energijos priklausomybės naudojimo modelyje (38) atveju, komponento A tirpumo riba komponento B fazėje ir komponento B tirpumo riba komponenta A fazėje yra apytiksliai lygi santykinės koncentracijos reikšmei 0,137. (39) dešimto laipsnio funkcija turi 2 perlinkio taškus  $\varphi_{1,2} \approx \pm 0,842$ , esančius intervale [-1,1]. Taigi, pateiktos dešimto laipsnio homogeninės sistemos laisvosios energijos priklausomybės naudojimo atveju, komponento A tirpumo riba komponento B fazėje bei komponento B tirpumo riba komponento A fazėje yra apytiksliai lygi santykinės koncentracijos reikšmei 0,079. 3.23 paveiksle pateikti sumodeliuoti šoniniai dangų pjūviai, gauti su skirtingomis (38) ir (39) homogeninės sistemos laisvosios energijos funkcijų ir komponentų koncentracijų kombinacijomis.



**3.23 pav.** Šoniniai dangų pjūviai, gauti su skirtingomis homogeninės sistemos laisvosios energijos išraiškomis ir komponentų koncentracijomis dangoje. (38) šešto laipsnio funkcija naudota modelyje skaičiuojant a, c, e vaizdus. (39) dešimto laipsnio funkcija naudota modelyje skaičiuojant b, d, f vaizdus. Komponentų A ir B koncentracijos dangose yra atitinkamai tokios: 15% ir 85% (vaizduose a ir b), 25% ir 75% (vaizduose c ir d), 35% ir 65% (vaizduose e ir f).

Visi kiti modelio (24) parametrai 3.23 paveiksle pateiktų rezultatų skaičiavimuose buvo laikomi tokie patys, kokie yra nurodyti šio skyrelio pradžioje. Skaičiuojant 3.23 paveiksle pateiktus vaizdus, (38) ir (39) funkcijų konstantos d ir z buvo parinktos tokios, kad kreivių  $f(\varphi)$  (ketvirto laipsnio),  $f_2(\varphi)$  (šešto laipsnio),  $f_3(\varphi)$ (dešimto laipsnio) plotai, kurie yra ribojami pačios kreivės ir horizontalios ašies intervale [-1, 1], būtų lygūs tarpusavyje, t.y. funkcijos  $f(\varphi)$  parametrai yra naudojami b=3,5,  $a=3,5^2$ , funkcijos  $f_2(\varphi)$  parametras naudojamas d=32,95, funkcijos  $f_3(\varphi)$  parametras naudojamas z=14,4. Skaičiavimuose naudotų funkcijų  $f(\varphi)$ ,  $f_2(\varphi)$ ,  $f_3(\varphi)$  (į jas įstačius anksčiau pateiktas jų parametrų reikšmes) grafikai pateikti 3.24 paveiksle.





**3.24 pav.** Skaičiavimuose naudotų  $f(\varphi)$ ,  $f_2(\varphi)$ ,  $f_3(\varphi)$  grafikai.

Priminsime, kad anksčiau pateiktuose rezultatuose galime rasti šoninių dangų pjūvių, kur buvo naudojama funkcija  $f(\varphi)$  (su parametrais  $b=3,5, a=3,5^2$ ) bei komponento A koncentracija dangoje buvo 15% (3.21a vaizdas), 25% (3.8b vaizdas), 35% (3.15a vaizdas). Skaičiuodami šiuos tris vaizdus, likusius modelio (24) parametrus (augimo greiti, difuzijos koeficienta paviršiniame sluoksnyje  $D_0$ , charakteringajį gylį) laikėme, tokius pačius, kaip skaičiuodami visus 3.23 paveikslo vaizdus. Taigi, vaizdus 3.21a, 3.8b, 3.15a galime lyginti atitinkamai su 3.23a, 3.23c, 3.23e arba 3.23b, 3.23d, 3.23f. Šios trys šoninių vaizdų grupės viena nuo kitos skiriasi tuo, kad skaičiuojant vaizdus 3.21a, 3.8b, 3.15a komponento A tirpumo riba komponente B buvo lvgi 0.211 santykinės koncentracijos reikšmei, skaičiuojant vaizdus 3.23a, 3.23c, 3.23e komponento A tirpumo riba komponento B fazėje buvo lygi 0,137 santykinės koncentracijos reikšmei, o vaizduose 3.23b, 3.23d, 3.23f komponento A tirpumo riba komponento B fazeje yra lygi 0,079 santykinės koncentracijos reikšmei. Lygindami šoninius vaizdus, pateiktus 3.21a, 3.8b, 3.15a ir 3.23 paveiksle, pastebime, kad visu tirpumo ribu atvejais dididant komponento A koncentraciją vis labiau dominuoja koloninių struktūrų formavimasis. Lygindami

paveikslus su 35% komponento A koncentracija ir skirtingomis komponento A tirpumo ribomis, t.v. 3.15a, 3.23e ir 3.23f šoninius vaizdus, pastebime, kad esant tirpumo riboms 0,211 ir 0,137 (vaizdai 3,15a ir 3,23e atitinkamai), ne visos komponento A fazės kolonos yra modeliuojamo dangos storio aukščio, o esant tirpumo ribai 0.079, paveiksle 3.21f pastebime, kad visos komponento A fazes kolonos yra lygios modeliuojamam dangos storiui. Be to, net ir esant 25% komponento A koncentracijai dangoje ir tirpumo ribai 0,079 (žr. 3.23d paveiksla), komponento A fazės kolonos yra modeliuojamo dangos aukščio. Paveiksluose 3.8b, 3.23c ir 3.23d stebimas perėjimas iš granuliuotos (3.8b vaizdas) i kolonine (3.23d vaizdas) struktūra su kolonomis, kurių aukštis lygus modeliuojamam dangos storiui. Taigi, darome išvada, kad komponento tirpumo riba turi itakos plonos dangos nanostruktūrai, mažėjant komponento A tirpumo ribai, komponento A kolonu aukštis didėja. 3.23c paveiksle, kurį skaičiuojant komponento A tirpumo riba buvo lygi 0,137, komponento A koncentracija komponento B fazėje (juoda spalva nuspalvinti regionai paveiksle) svyruoja nuo keleto iki apytiksliai 8%, kai tuo tarpu esant tirpumo ribai 0,211 (žr. 3.8b vaizda), komponento A koncentracija komponento B fazėje svyruoja nuo 5 iki 20%. 3.23d šoniniame vaizde, kuris buvo gautas su mažiausia komponento A tirpumo riba 0,79, komponento A koncentracija komponento B fazeje svyruoja apie 1%. 3.23a vaizde, kuris gautas modeliuojant su 0,137 tirpumo riba, komponento A koncentracija komponento B fazeje svyruoja nuo 6 iki 10%, kai 3.23b vaizde, kuris gautas modeliuojant su 0.079 tirpumo riba, komponento A koncentracija komponento B fazėje svyruoja nuo 1 iki 3%. Taigi, pastebime, kad užaugintoms dangoms tirpumo ribos reikšmė koreliuoja su komponento A koncentracija komponento B fazeje, kai dangoje komponento A nanodalelių aukštis yra mažas palyginus su modeliuojamu dangos storiu, t.v. atveiais pateiktais paveiksluose 3.8b, 3.23a, 3.23b. O lyginant atvejus, kai gautos dangos yra koloninės struktūros, t.y. atvejį, 3.8f paveiksle, kuriame komponento A tirpumo riba komponente B yra 0,211, ar atveji 3.23f, kuriame komponento A tirpumo riba yra 0.079, komponento A koncentracijos medžiagos B fazėje ir komponento B koncentracijos elemento A fazėje skiriasi keletu procentų abiejų nagrinėtų tirpumo ribu atvejais.

# IŠVADOS

- Taikant sukurtą vienmatį modelį Ni:C dangų komponentų pasiskirstymui gylyje skaičiuoti, buvo gauti modeliuotų ir eksperimentinių koncentracijų kreivių atitikimai esant 300°C ir 500 °C padėklo temperatūroms bei 7, 15, 30 % nikelio koncentracijoms, kas rodo modelio tinkamumą nagrinėtiems atvejams. Sukurtas modelis nėra tinkamas sluoksniuotų ar daugiasluoksnių plonų dangų komponentų pasiskirstymui gylyje modeliuoti.
- 2. Ni:C dangų komponentų pasiskirstymo gylyje modeliavimas vienmačiu atveju parodė, kad dangos komponentų paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos dangos augimo kryptimi koeficientų vertės priklauso nuo gylio. Didėjant dangos gyliui, koeficientų vertės mažėja, ir per 120 nm gylį sumažėja viena eile lyginant su atitinkamomis vertėmis dangos paviršiuje. Esant 500°C padėklo temperatūrai, paviršinės segregacijos procesas dominuoja prieš cheminės difuzijos procesą.
- 3. Ni:C dangų komponentų pasiskirstymo gylyje modeliavimas vienmačiu atveju parodė, kad 300°C padėklo temperatūroje paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos dangos augimo kryptimi procesų įtaka nežymi. Modeliavimas atskleidė, kad padėklo temperatūros pakėlimas nuo 300°C iki 500°C padidina paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos koeficientų reikšmes apytiksliai viena eile.
- 4. Ni:C dangų komponentų pasiskirstymo gylyje modeliavimas 7% nikelio koncentracijai vienmačiu atveju parodė, kad šiuo atveju nikelio koncentracijos nei didėjimas, nei mažėjimas viduriniuose dangos gyliuose stebimas dėl santykinai žemų (palyginus su reikšmėmis paviršiuje) paviršinės segregacijos ir cheminės difuzijos augimo kryptimi koeficientų reikšmių viduriniuose gyliuose.
- 5. Ni:C dangų augimo, fazių atsiskyrimo ir paviršinės segregacijos modeliavimas dvimačiu atveju atveju atskleidė, kad 30% nikelio koncentracijos dangoje atveju eksperimentiškai stebimas nikelio sluoksnio formavimasis dangos paviršiuje yra lydimas gretimų nikelio kolonų koalescencijos. Be to, modeliavimas parodė, kad nikelio kolonų koalescencijos tikimybė didėja, kai didėja nikelio koncentracija dangoje, ir esant 7% nikelio koncentracijai dangoje, koalescencijos tikimybė nykstamai maža, o esant 30% nikelio koncentracijai, koalescencijos tikimybė tarp gretimų nikelio kolonų yra lygi 1.
- 6. Fazių atsiskyrimo, vykstančio plonos dangos nusodinimo metu, modeliavimas dvimačiu atveju parodė, dangos komponento A kolonų aukštį lemia du dydžiai: difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje ir augimo greičio santykio vertė ir komponento A koncentracija. Esant santykinai žemai difuzijos koeficiento paviršiniame sluoksnyje ir dangos augimo greičio santykio vertei bei santykinai žemai dangos komponento A koncentracijos vertei, plona danga susideda iš to komponento, kurio koncentracija dangoje mažesnė, rutulio (ar jam artimos) formos nanodalelių, kurios apsuptos kito komponento faze.

- 7. Fazių atsiskyrimo modeliavimas parodė, kad granuliuotos struktūros laipsniškas perėjimas į koloninę dangos struktūrą galimas arba didinant difuzijos koeficiento reikšmę paviršiniame dangos sluoksnyje, arba mažinant dangos augimo greitį, arba keičiant komponentų koncentracijas dangoje. Tokios pačios tendencijos stebimos eksperimentiškai, kas parodo modelio pagrįstumą. Koloninės dangos struktūros augimo atveju dominuoja paviršinė difuzija, o granuliuotos struktūros augimo atveju, paviršinės difuzijos sparta yra santykinai maža, ir šiuo atveju rutulio ar pailgų kolonų formos nanodalelių formavimęsi turi įtakos tūrinė difuzija.
- 8. Fazių atsiskyrimo modeliavimas parodė, kad granuliuotos struktūros laipsniškas perėjimas į koloninę dangos struktūrą galimas mažinant komponentų tirpumo vienas kito fazėje ribą.

### LITERATŪRA

1. Ajayan, P. M., Schadler, L. S., Braun, P. V., *Nanocomposite Science and Technology*, Wiley-VCH, New York, 2005.

2. Petrov, I., Barna, P. B., Hultman, L., Greene, J. E., Microstructural evolution during film growth, *Journal of Vacuum Science & Technology*, A 21, S117, 2003.

3. Sedlacková, K., Lobotka, P., Vávra, I., and Radnóczi, G., Structural, electrical and magnetic properties of carbon–nickel composite thin films, *Carbon 43*, 2005, p. 2192-2198.

4. Wan-Yu Wu, Chia-Wei Hsu, Jyh-Ming Ting, Nanoscaled C, Ni, Pt Thin Films, *Journal of Nano Research*, Vol. 6, 2009, p. 29–34.

5. Abrasonis, G., Krause, M., Mücklich, A., Sedlacková, K., Radnóczi, G., Kreissig, U., Kolitsch, A., and Möller, W., Growth regimes and metal enhanced 6-fold ring clustering of carbon in carbon–nickel composite thin films, *Carbon 45*, 2007, p. 2995-3006.

6. Babonneau, D., Cabioc'h, T., Naudon, A., Girard, J. C., Denanot, M. F., Silver nanoparticles encapsulated in carbon cages obtained by co-sputtering of the metal and graphite, *Surface Science*, 409(2), 1998, p. 358–371.

7. Abrasonis, G., Kovács, G. J., Ryves, L., Krause, M., Mücklich, A., Munnik, F., Oates, T. W. H., Bilek, M. M. M., Möller, W., Phase separation in carbon-nickel films during hyperthermal ion deposition, *Journal of Applied Physics*, 105, 083518, 2009.

8. Oku, T., Kusunose, T., Hirata, T., Hatakeyama, R., Sato, N., Niihara, K., Formation and structure of Ag, Ge and SiC nanoparticles encapsulated in boron nitride and carbon nanocapsules, *Diamond and Related Materials*, 9(3–6), 2000, p. 911–915.

9. Kovács, G.J., Sáfrán, G., Geszti, O., Ujvári, T., Bertóti, I., Radnóczi, G., Structure and mechanical properties of carbon–nickel and  $CN_x$ -nickel nanocomposite films, *Surface and Coatings Technology*, 2004, p. 180–181:331–334.

10. Seraphin, S., Zhou, D., Jiao, J., Filling the Carbon Nanocages, *Journal of Applied Physics*, Vol. 80, No. 4, 1996, p. 2097-2104.

11. Saito, Y., Nishikubo, K., Kawabata, K., Matsumoto, T., Carbon nanocapsules and singlelayered nanotubes produced with platinum group metals Ru, Rh, Pd, Os, Ir, Pt by arc discharge, *Journal of Applied Physics*, 80, 1996, p. 3062-3067.

12. Chen, Y.K., Chu, A., Cook, J., Green, M.L.H., Harris, P.J.F., Heesom, R., Humphries, M., Sloan, J., Tsang, S.C., Turner, J.F.C., Synthesis of carbon nanotubes containing metal oxides and metals of the d-block and f-block transition metals and related studies, *Journal of Materials Chemistry*, 7, 1997, p. 545-549.

13. Nishijo, J., Okabe, C., Oishi, O., Nishi, N., Synthesis, structures and magnetic properties of carbon-encapsulated nanoparticles via thermal decomposition of metal acetylide, *Carbon* 44, Issue 14, 2006, p. 2943–2949.

14. Koppert, R., Goettel, D., Freitag-Weber, O., and Schultes, G., Nickel containing diamond like carbon thin films, *Solid State Sciences*, 11, 2009, p. 1797-1800.

15. Schultes, G., Frey, P., Goettel, D., and Freitag-Weber, O., Strain sensitivity of nickelcontaining amorphous hydrogenated carbon (Ni:a-C:H) thin films prepared by r.f. sputtering using substrate bias conditions, *Diamond and Related Materials*, Volume 15, Issue 1, 2006, p. 80-89.

16. Hayashi, T., Hirono, S., Tomita, M., and Umemura, S., Magnetic thin films of cobalt nanocrystals encapsulated in graphite-like carbon, *Nature* (London), 381, 1996, p. 772-774.

17. Yu, M., Liu, Y., and Sellmyer, D. J., Structural and magnetic properties of nanocomposite Co:C films, *Journal of Applied Physics*, 85, 4319, 1999.

18. Wang, H., Wong, S. P., Cheung, W. Y., Ke, N., Chiah, M., Liu, H., and Zhang, X. X., Microstructure evolution, magnetic domain structures, and magnetic properties of Co-C

nanocomposite films prepared by pulsed-filtered vacuum arc deposition, *Journal of Applied Physics*, 88, 2063, 2000.

19. Wang, H., Chiah, M. F., Cheung, W. Y., and Wong, S. P., Structure, magnetic and electrical properties of soft magnetic Co–C amorphous thin films, *Physics Letters A*, 316, 2003 p. 122-125.

20. Zhou, S., Berndt, M., Bürger, D., Heera, V., Potzger, K., Abrasonis, G., Radnóczi, G., Kovács, G. J., Kolitsch, A., Helm, M., Fassbender, J., Möller, W., and Schmidt, H., Spindependent transport in nanocomposite C:Co films, *Acta Materialia*, 57, 4758, 2009.

21. Yang, S., Li, X., Renevier, N. M., and Teer, D. G., Tribological properties and wear mechanism of sputtered C/Cr coating, *Surface and Coatings Technology*, Volume 142, 2001, p. 85-93.

22. Patscheider, J., Nanocomposite hard caotings for wear protection, *MRS Bull.*, 28, 180, 2003.

23. Yogi, T., Nguyen, T. A., Ultra high density media: gigabit and beyond, *IEEE Transactions on Magnetics*, Volume 29, 1993, p. 307–316.

24. Koppert, R., Goettel, D., Freitag-Weber, O., Schultes, G., Nickel containing diamond like carbon thin films, *Solid State Sciences*, E-MRS Spring Meeting 2008, Volume 11, Issue 10, October 2009, pp. 1797–1800.

25. Petersen, M., et. al., Me-DLC films as material for highly sensitive temperature compensated strain gauges, *Diamond and Related Materials*, Volume 20, Issues 5–6, 2011, pp. 814–818.

26. Seshan, K., *Handbook of Thin-Film Deposition Processes and Techniques*, 2nd edition, 2002, 650 p., ISBN 0-8155-1442-5.

27. Gerasimov, G.N., Trakhtenberg, L.I., Chapter 10 Vapor Deposited Composite Films Consisting of Dielectric Matrix with Metal/Semiconductor Nanoparticles, *Thin Films and Nanostructures*, Volume 34, 2007, p. 523–579.

28. Kumar, N., Natarajan, G., Dumpala, R., Pandiana, R., Bahuguna, A., Srivastava, S.K., et al, Microstructure and phase composition dependent tribological properties of TiC/a-C nanocomposite thin films, *Surface & Coatings Technology*, 2014.

29. Petrov, I., Hultman, L., Helmersson, U., Sundgren, J.E., Greene, J.E., Microstructure modification of TiN by ion bombardment during reactive sputter deposition, *Thin Solid Films*, 10, 1989.

30. Abrasonis, G., and et al, Substrate Effects on the Morphology of Carbon Encapsulated Nickel Nanoparticles Grownby Surface Diffusion Assisted Phase Separation, *The Journal of Physical Chemistry C*, 2009, 113, 8645–8651.

31. Tsenga, C.C., Hsiehb, J.H., Jangc, S.C., Changd, Y.Y., Wu, W., Microstructural analysis and mechanical properties of TaN–Ag nanocomposite thin films, *Thin Solid Films*, Volume 517, Issue 17, 2009, p. 4970–4974.

32. Suna, A.C., Hsua, J., Kuob, P.C., Huanga, H.L., Microstructural and magnetic studies of  $L1_0$  FePt–SiO<sub>2</sub> nano-composite thin film with columnar structure for perpendicular magnetic recording, *Journal of Magnetism and Magnetic Materials*, Volume 320, Issue 22, 2008, p. 3071–3074.

33. Tsenga, C.C., Hsiehb, J.H., Wua, W., Changa, S.Y., Changc, C.L., Surface and mechanical characterization of TaN–Ag nanocomposite thin films, *Thin Solid Films*, Volume 516, Issue 16,2008, p. 5424–5429.

34. Eklund, P., Joelsson, T., Ljungcrantz, H., Wilhelmsson O., Microstructure and electrical properties of Ti–Si–C–Ag nanocomposite thin films, *Surface and Coatings Technology*, Volume 201, Issue 14, 2007, pp. 6465–6469.

35. Mauvernay, B., Presmanes, L., Bonningue, C., Tailhades, Ph., Nanocomposite Fe<sub>1-x</sub>O/Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>Fe1-xO/Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub>, Fe/Fe<sub>1-x</sub>OFe/Fe<sub>1-x</sub>O thin films prepared by RF sputtering and revealed by magnetic coupling effects, *Journal of Magnetism and Magnetic Materials*, Volume 320, Issues 1–2, 2008, pp. 58–62.

36. Escudeiro, A., Figueiredo, N.M., Polcar, T., Cavaleiro, A., Structural and mechanical properties of nanocrystalline Zr co-sputtered a-C(:H) amorphous films, *Applied Surface Science*, November 2014.

37. Yu-Chu Kuo, Jyh-Wei Lee, Chaur-Jeng Wang, Yu-Jie Chang, The effect of Cu content on the microstructures, mechanical and antibacterial properties of Cr–Cu–N nanocomposite coatings deposited by pulsed DC reactive magnetron sputtering, *Surface and Coatings Technology*, 34th International Conference and Metallurgical Coatings and Thin Films (ICMCTF 2007), Volume 202, Issues 4–7, 15 December 2007, Pages 854–860

38. Umar, Z.A., Rawat, R.S., Tan, K.S., Kumar, A.K., et al, Hard TiCx/SiC/a-C:H nanocomposite thin films using pulsed high energy density plasma focus device, *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section B: Beam Interactions with Materials and Atoms*, Volume 301, 2013, pp. 53–61.

39. Suna, A.C., Hsua, Jen-Hwa, Kuob, P.C., Huang, H.L., Microstructural and magnetic studies of L10 FePt–SiO<sub>2</sub> nano-composite thin film with columnar structure for perpendicular magnetic recording, *Journal of Magnetism and Magnetic Materials*, Eighth Perpendicular Magnetic Recording Conference, Volume 320, Issue 22, 2008, pp. 3071–3074. 40. Tsenga, C.C., Hsiehb, J.H., Jangc, S.C., Changd, Y.Y., Wua, W., Microstructural analysis and mechanical properties of TaN–Ag nanocomposite thin films, *Thin Solid Films*, 4th International Conference on Technological Advances of Thin Films and Surface Coatings, Volume 517, Issue 17,2009, pp. 4970–4974.

41. Osugi, G., Ito, A., Hotta, M., Goto, T., Microstructure and hardness of SiC–TiC nanocomposite thin films prepared by radiofrequency magnetron sputtering, *Thin Solid Films*, Volume 520, Issue 18, 2012, pp. 5851–5855.

42. Lee, J.-W., Chengc, C.-H., Chen, H.,-W., et al, Effects of Boron and Nitrogen Contents on the Microstructures and Mechanical Properties of Cr-B-N Nanocomposite Thin Films, *Procedia Engineering, UMRS International Conference in Asia 2011*, Volume 36, 2012, pp. 360–367.

43. Kumar, N., Natarajan, G., Dumpala, R., et al, Microstructure and phase composition dependent tribological properties of TiC/a-C nanocomposite thin films, *Surface and Coatings Technology*, Volume 258, 2014, pp. 557–565.

44. Mel, A.A. El, Gautron, E., Christien, F., et al, Titanium carbide/carbon nanocomposite hard coatings: A comparative study between various chemical analysis tools, *12th International Workshop on Plasma Based Ion Implantation and Deposition, Surface and Coatings Technology*, Volume 256, 15 October 2014, pp. 41–46.

45. Choi, H., Jang, J., Zhang T., et al, Effect of Si addition on the microstructure, mechanical properties and tribological properties of Zr–Si–N nanocomposite coatings deposited by a hybrid coating system, *Surface and Coatings Technology*, Volume 259, Part C, 25 November 2014, pp. 707–713.

46. Nedfors, N., Tengstrand, O., Flink, A., Eklund, P., Hultman, L., Jansson, U., Characterization of amorphous and nanocomposite Nb–Si–C thin films deposited by DC magnetron sputtering, *Thin Solid Films*, Volume 545, 2013, pp. 272–278.

47. Bao, M., Yu, L., Xu, X., He, J., Microstructure and wear behaviour of silicon doped Cr– N nanocomposite coatings, *Thin Solid Films, 4th International Conference on Technological Advances of Thin Films and Surface Coatings*, Volume 517, Issue 17, 1 July 2009, pp. 4938– 4941. 48. Li, Z.G., Miyake, S., Makino, M., Wu, Y.X., Structure and properties of Ti–Si–N films with  $\sim 10$  at.% Si deposited using reactive magnetron sputtering with high-flux low-energy ion assistance, *Thin Solid Films, 20th Symposium on Plasma Science for Materials (SPSM-20)*, Volume 516, Issue 19, 1 August 2008, pp. 6548–6552.

49. Pei, Y.T., Galvan, D., De Hosson, J.Th.M., Nanostructure and properties of TiC/a-C:H composite coatings, *Acta Materialia*, Volume 53, Issue 17, 2005, pp. 4505–4521.

50. Pei, Y.T., Chen, C.Q., Shaha, K.P., De Hosson J.Th.M., et al, Microstructural control of TiC/a-C nanocomposite coatings with pulsed magnetron sputtering, *Acta Materialia*, Volume 56, Issue 4, 2008, pp. 696–709.

51. Samuelsson, M., et al, Growth of Ti-C nanocomposite films by reactive high power impulse magnetron sputtering under industrial conditions, *Surface and Coatings Technology*, Volume 206, Issues 8–9, 2012, pp. 2396–2402.

52. Tengstrand, O., Nedfors, N., Alling, B., Jansson U., et al, Incorporation effects of Si in  $TiC_x$  thin films, *Surface and Coatings Technology*, Volume 258, 2014, pp. 392–397.

53. Corbella, C., Bertran, E., Polo, M.C., Pascual, E., Andújar, J.L., Structural effects of nanocomposite films of amorphous carbon and metal deposited by pulsed-DC reactive magnetron sputtering, *Diamond and Related Materials, Proceedings of the 6th Specialists Meeting in Amorphous Carbon*, Volume 16, Issue 10, October 2007, pp. 1828–1834.

54. Louring, S., Madsen, N.D., Sillassen, M., Berthelsen, A.N., et al, Microstructural, mechanical and tribological analysis of nanocomposite Ti–C–N coatings deposited by industrial-scale DC magnetron sputtering, *Surface and Coatings Technology*, Volume 245, 2014, pp. 40–48.

55. Neidhardt, J., Czigányb, Z., Sartoryc, B., Tessadri, R., et al, Nanocomposite Ti–B–N coatings synthesized by reactive arc evaporation, *Acta Materialia*, Volume 54, Issue 16, 2006, pp. 4193–4200.

56. Raman, K.H.T., Kiran, M.S.R.N., Ramamurty, U., Mohan Rao, G., Structure and mechanical properties of Tisingle bondC films deposited using combination of pulsed DC and normal DC magnetron co-sputtering, *Applied Surface Science*, Volume 258, Issue 22, 2012, pp. 8629–8635.

57. Grigore, E., El Mel, A.A., Granier, A., Tessier, P.Y., The influence of Ni content on the characteristics of C-Ni thin films, *Surface and Coatings Technology, Proceedings of Symposium K on Protective Coatings and Thin Films, E-MRS 2011 Conference*, Volume 211, 2012, pp. 188–191.

58. Nedfors, N., Tengstrand, O., Flink, A., Andersson, A.M., et al, Reactive sputtering of  $NbC_x$  based nanocomposite coatings: An up-scaling study, *Surface and Coatings Technology*, Volume 253, 2014, pp. 100–108.

59. Balázsi, K., Lukácsa, I.E., Gurbána, S., Menyhárd, M., et al, Structural, mechanical and biological comparison of TiC and TiCN nanocomposites films, *Journal of the European Ceramic Society*, Volume 33, Issue 12, 2013, pp. 2217–2221.

60. Flink, A., Larsson, T., Sjölén, J., Karlsson, L., Hultman, L., Influence of Si on the microstructure of arc evaporated (Ti,Si)N thin films; evidence for cubic solid solutions and their thermal stability, *Surface and Coatings Technology, Proceedings of the 32nd International Conference on Metallurgical Coatings and Thin Films*, Volume 200, Issues 5–6, 2005, pp. 1535–1542.

61. Li, Z.G., Miyake, S., Kumagai, M., Saito, H., Muramatsu, Y., Hard nanocomposite Ti-Cu-N films prepared by d.c. reactive magnetron co-sputtering, *Surface and Coatings Technology*, Volume 183, Issue 1, 2004, pp. 62–68.

62. Zheng, X.H., Tua, J.P., Gu, B., Hu, S.B., Preparation and tribological behavior of TiN/a-C composite films deposited by DC magnetron sputtering, *Wear*, Volume 265, Issues 1–2, 2008, pp. 261–265.

63. Chen, C.C., Shi, J., Hashimoto, M., Preparation of Co–Ti–N nanocomposite films, *Surface and Coatings Technology, Proceedings of Symposium C on Protective Coatings and Thin Films*, Volumes 151–152, 2002, pp. 59–62.

64. Babonneau, D., Jaouen, M., Denanot, M.-F., Guerin, P., Petroff, F., Nanostructure and magnetic properties of BN-encapsulated Fe(B) and Fe<sub>2</sub>N nanoparticles prepared by dual ionbeam sputtering, *Applied Physics Letters*, 82 (18), 2003, p. 3056-3058.

65. Fukutani, K., Tanji, K., Saito, T., and Den, T., Phase-separated Al–Si thin films, *Journal of Applied Physics*, 98, 033507, 2005.

66. Barna P. B., and Adamik, M., Fundamental structure forming phenomena of polycrystalline films and the structure zone models, *Thin Solid Films*, Volume 317, Issues 1-2, 1998, p. 27-33.

67. Barna, P., Adamik, M., Labar, J., Kover, L., Toth, J., Devenyi, A., Manaila, R., Formation of Polycrystalline and Microcrystalline Composite Thin Films by Codeposition and Surface Chemical Reaction, *Surface and Coatings Technology*, 2000, Volume 125, p. 147–150.

68. Barna, P.B., Radnóczi, G., Structure formation during deposition of polycrystalline metallic thin films, 2014, p. 67-120.

69. Babonneau, D., Toudert, J., Camelio, S., Pailloux, F., Cabioc'h, T., Girardeau, T., Encapsulation of metallic nanoclusters in carbon and boron nitride thin films prepared by ion-beam sputtering, *Surface and Coatings Technology*, Volume 200, Issues 22–23, 2006, p. 6251–6257.

70. Zhao F.A., Wu J., Jin P., Xu B., Wang Z.G., Zhang C.L., InAs nanostructure grown with different growth rate in InAlAs matrix on InP (001) substrate, *Physica E: Low-dimensional Systems and Nanostructures*, Volume 23, Issues 1–2, June 2004, p. 31–35.

71. Gerhards I., Ronning, C., Vetter, U., Hofsäss, H., Gibhardt, H., Eckold, G., Li, Q., Lee, S.T., Huang, Y.L., Seibt, M., Ion beam synthesis of amorphous carbon thin films containing metallic nanoclusters, *Surface and Coatings Technology*, Volumes 158–159, 2002, p. 114–119.

72. Berndt, M., Abrasonis, G., Kovàcs, Gy. J., Krause, M., Munnik, F., Heller, R., Kolitsch, A., and Möller, W., Bulk diffusion induced structural modifications of carbon-transition metal nanocomposite films *Journal of Applied Physics* 109, 063503, 2011.

73. Babonneau, D., Briatico, J., Petroff, F., Cabioc'h, T., Naudon, A., Structural and magnetic properties of  $Fe_x-C_{1-x}$  nanocomposite thin films, *Journal of Applied Physics*, Volume 87, Number 7, 2000, p 3432-3443.

74. Yu, M., Liu, Y., Sellmyer, D. J., Structural and magnetic properties of nanocomposite Co:C films, *Journal of Applied Physics*, 85, 1999, p. 4319-4321.

75. Cabioc'h, T., Naudon, A., Jaouen, M., Thiaudiére D., Babonneau D., Co-sputtering C-Cu thin film synthesis: Microstructural study of copper precipitates encapsulated into a carbon matrix, *Philosophical Magazine Part B*, Volume 79:3,1999, p. 501-516.

76. Delaunay, J.-J., Hayashi, T., Tomita, M., Hirono, S., Formation and microstructural analysis of co-sputtered thin films consisting of cobalt nanograins embedded in carbon, *Journal of Applied Physics*, 82, 1999, pp. 2200.

77 Laukaitis, G., Dudonis, J., Virbukas, D., Samarium doped cerium oxide thin films deposited by e-beam technique, *Surface & Coatings Technology*, 204, 2010, p. 2028–2031.

78. Laukaitis G., Jauneika, M., Dudonis, J., Katkauske, O., Milcius, D., The properties of samarium doped ceria oxide thin films grown by e-beam deposition technique, *Vacuum*, 83, 2009, p. 114–117.

79. El Mel, A. A., Bouts, N., Grigore, E., Gautron, E., Granier, A., Angleraud, B., Tessier P. Y., Shape control of nickel nanostructures incorporated in amorphous carbon films: From globular nanoparticles toward aligned nanowires, *Journal of Applied Physics*, 111, 114309, 2012.

80. A. Galdikas, Study of nanoclusters growth at initial stages of ultrathin film deposition by kinetic modeling, *Applied Surface Science*, Volume 254, Issue 13, 2008, p. 3964–3970.

81. M. Atzmon, D. A. Kessler, and D. J. Srolovitz, Phase separation during film growth, *Journal of Applied Physics*, 72, 1992, p. 442-446.

82. Yasui, N., Horie, R., Ohashi, Y., Tanji, K., and Den, T., Well-Aligned Nanocylinder Formation in Phase-Separated Metal-Silicide–Silicon and Metal-Germanide–Germanium System, *Advanced Materials*, Volume 19, 2007, p. 2797-2801.

83. Leonard F., and Desai, R., Elastic effects and phase segregation during the growth of thin alloy layers by molecular-beam epitaxy, *Physical Review B*, Volume 56, 1997, p. 4955-4965.

84. Leonard, F., Laradji, M., Desai, R. C., Phase separation in heteroepitaxial thin-film growth, *Physica A: Statistical Mechanics and its Applications*, Volume 239, 1997, p. 129-136.

85. Corbella, C., Echebarria, B., Ramirez-Piscina, L., Pascual, E., Andujar, J.L., Bertran, E., Growth kinetics of nanometric dendrites in metal–carbon thin films, *Acta Materialia*, 57, 2009, p. 4948–4956.

86. Gránásy, L., Pusztai T., Borzsonyi T., Warren J.A., Douglas J. F., A general mechanism of polycrystalline growth *Nature Mater* 2004;3:645.

87. Gránásy, L., Pusztai, T., Tegze, G., Warren, J. A., and Douglas, J. F., Growth and form of spherulites, *Physical Review E*, 72, 011605, 2005.

88. Echebarria B., Folch R., Karma A., Plapp M., Quantitative phase-field model of alloy solidification, *Physical Review E*, 2004;70(6):061604.

89. Corbella, C., Echebarria, B., Ramírez-Piscina, L., Pascual, E., Andújar, J. L., Bertran, E., Spontaneous formation of nanometric multilayers of metal-carbon films by up-hill diffusion during growth, *Applied Physics Letters*, 87, 213117, 2005.

90. Enomoto, Y., Iwata, S., Effects of misfit dislocation array on phase separation during codeposition of binary thin films, *Surface and Coatings Technology*, 169–170, 2003, p. 233–236.

91. Adams, C. D., Srolovitz, D. J., Atzmon, M., Monte Carlo simulation of phase separation during thin-film codeposition, *Journal of Applied Physics*, Volume 74 (3), 1993, p. 1707-1715.

92. Otomo, J., Kurokawa, R., Takahashi, H., Nagamoto, H., Kinetic process of phase separation in Co–SiO2 thin films and preparation of mesoporous SiO2 thin films with mesopore channels aligned perpendicularly to substrate surfaces, *Vacuum*, 81, ,2007, 1003–1011.

93. Evans, J. W., Sanders, D. E., Thiel, P. A., Andrew E., DePristoLow-temperature epitaxial growth of thin metal films, *Physical Review B*, 41, 1990 p. 5410.

94. Yue, Y., Ho, Y. K., Pan, Z. Y., Molecular-dynamics study of transient-diffusion mechanisms in low-temperature epitaxial growth, *Physical Review B*, 57, 1998, p. 6685.

95. Maksym, P.A., Fast MOnte Carlo simulation of MBE growth, *Semiconductor Science and Technology*, Volume 3,1988, pp. 594-596

96. Leonard, F., Laradji, M., Desai, R. C., Molecular beam epitaxy in the presence of phase separation, *Physical Review B*, Volume 55, 1997, p. 1887-1894.

97. Zangwill, A., Physics at Surfaces, Cambridge Univ. Press, 1988, p. 532.

98. Yacobi, B., G., *Semiconductor materials : an introduction to basic principles*, New York : Kluwer Academic/Plenum Publishers, 2003.

99. Cahn, J. W., Hilliard, J. E., Free Energy of a Nonuniform System. I. Interfacial Free Energy, *Journal of Chemical Physics*, Volume 28, 1958, p. 258-267.

100. Lander, J. J., Kern, H. E., Beach, A. L., Solubility and Diffusion Coefficient of Carbon in Nickel: Reaction Rates of Nickel-Carbon Alloys with Barium Oxide, *Journal of Applied Physics*, 23, 1952, pp. 1305-1309.

101. Watanabe, F., Ohmura, K., Kawai, S., Motooka, T., CVD grown silicon thin films with high carbon concentration: morphology and self-assembly controlled by surface segregation, *Journal of Crystal Growth*, Volume 222, 2001 p. 1-8.

102. Bosworth, D., A., Stelmashenko, N., A., Barber, Z., H., Structural control of carbon nickel nano-composite thin films without substrate heating, *Thin Solid Films*, Volume 540, 2013, pp. 10–16.

103. Siozios, A., Zoubos, H., Pliatsikas, N., Koutsogeorgis, D.C., Vourlias, G., Pavlidou, E., Cranton, W., Patsalas, P., Growth and annealing strategies to control the microstructure of AlN:Ag nanocomposite films for plasmonic applications, *Surface & Coatings Technology*, 2013.

104. Martinez, E., Sanjinés, R., Karimi, A., Esteve, J., Lévy, F., Mechanical properties of nanocomposite and multilayered Cr–Si–N sputtered thin films, *Surface and Coatings Technology, Proceedings of Symposium G on Protective Coatings and Thin Films-03, of the E-MRS 2003 Spring Conference*, Volumes 180–181, 1 March 2004, pp. 570–574.

105. Pedrosa, P., Machadoc, D., et al, Electrochemical and structural characterization of nanocomposite  $Ag_y$ :TiN<sub>x</sub> thin films for dry bioelectrodes: The effect of the N/Ti ratio and Ag content, *Electrochimica Acta*, December 2014.

106. Lu, Y.H., Shen, Y.G., Li, K.Y., Nanostructured two-phase nc-TiN/a-(TiB<sub>2</sub>, BN) nanocomposite thin films, *Applied Surface Science*, Volume 253, Issue 3, 2006, pp. 1631–1638.

107.Lu, Y.H., Shen, Y.G., Li, K.Y., Haydn Chen, Effects of nitrogen content on nanostructure evolution, mechanical behaviors and thermal stability in Ti–B–N thin films, *Surface and Coatings Technology*, Volume 201, Issues 3–4, 2006, pp. 1228–1235.

108. Sandu, C.S., Medjani, F., Sanjinés, R., Karimi, A., Lévy, F., Structure, morphology and electrical properties of sputtered Zr–Si–N thin films: From solid solution to nanocomposite, *Surface and Coatings Technology, The 33rd International Conference on Metallurgical Coatings and Thin Films*, Volume 201, Issue 7, 2006, pp. 4219–4223.

109.Hao Chen, Jian-Min Zuo, Structure and phase separation of Ag–Cu alloy thin films, *Acta Materialia*, Volume 55, Issue 5, 2007, pp. 1617–1628.

110. Pedrosa, P., Machado, D., et al, Nanocomposite Ag:TiN thin films for dry biopotential electrodes, *Applied Surface Science*, 8th International Conference on Materials science and Engineering - BRAMAT 2013, Volume 285, Part A, 2013, pp. 40–48.

## PUBLIKACIJŲ DISERTACIJOS TEMA SĄRAŠAS

#### STRAIPSNIAI

Mokslinės informacijos instituto (ISI) pagrindinio sąrašo leidiniuose

- Kairaitis, G., Galdikas, A., Medžiagotyra, Kinetics of Ni:C Thin Film Composition Formation at Different Temperatures and Fluxes, *Materials Science* (*Medžiagotyra*), 2013, Vol. 19, No. 3, p. 264-269, ISSN 1392–1320.
- Kairaitis, G., Galdikas, A., Vacuum, Kinetics of Ni:C thin film composition formation at different temperatures and contents of nickel, *Vacuum*, Voume 99, p. 284-288, 2014.
- 3. **Kairaitis, G.**, Galdikas, A., Phase separation during thin film deposition, *Computational Materials Science*, Volume 91, p. 68–74, 2014.

#### **KONFERENCIJOS**

- Kairaitis, G., Galdikas, A., Segregation and Diffusion in Ni:C Thin Film Growth, Spinduliuotės sąveika su medžiaga ir jos naudojimas technologijose 2012, p. 286-289, ISSN 1822-508X, Kaunas, Lietuva, Gegužė 14 – 17.
- Kairaitis, G., Galdikas, A., Simulation of Phase Separation in Thin Films Using Different Free Energy Functions, *Spinduliuotės sąveika su medžiaga ir jos naudojimas technologijose 2014*, p. 246-249, ISSN 2351-583X, Kaunas, Lietuva, Gegužė 12 – 15.

### PRIEDAI

#### **Programos tekstas**

(25) modelio (fazių atsiskyrimo dangos augimo metu modelis) programinė realizacija Matlab aplinkoje.

```
clear all:
N = 100; % horizontalios taskai
N2 =60; % vertikalios asies taskai
dx = 0.03;
dv = 0.03;
dt = 0.00005; %laiko zingnis
T= 12000*dt*1.0001; %integravimo laikas
SS = -0:
eps = 1e-7;
gama = 0.05;
             %gradiento energijos koeficiento verte
D2(N2,N) = zeros; bb(N2,N) = zeros; D1(N2,1) = zeros; %pagalbiniai kintamieji
D10 = 0.003; %difuzijos koeficiento verte pavirsiniame sluoksnyje D0
char = 5; % charakteringasis gylis
len = 0.01;
S10 = 0; S2(N2,N) = zeros;
aa=gama/(dx^2);
%difuzijos koeficientu verčiu skaičiavimas tinklelio taškuose
for i=1:N2
 D1(N2-i+1,1) = D10*(1-tanh((i-1)/len)^2);
end
% D1(N2,1)=0.006; %
%i = N2;
for i=1:N2
```

```
for j=1:N
     D2(i,j) = D1(i,1);
     S2(i,j) = D1(i,1)/D10*S10;
end
 end
for i=1:N2
   for j=1:N
     bb(i,j) = dt*D2(i,j)/(dx^2);
    end
end
%Cahn ir Hilliard lygties a ir b parametru reiksmes
a = 3.5^{2}; b = 3.5; b1 = b^{4}; a1 = a^{b^{2}};
%Pagabiniai kintamieji
mi(N2,N) = zeros; mi2(N2,N) = zeros; %
free(N2,N) = zeros;
u(N2,N) = zeros; u2(N2,N) = zeros; u0(N2,N) = zeros;
senasu(N2,N) = zeros; senasu2(N2,N) = zeros; klas(N2,N) = zeros;
dim(100,3) = zeros;
konc(N2,1) = zeros;
norm = random('unif',-1/2,1/2, 1000000,1);
iii = 1;
tiks = 1E-3;
% adsorpcijos parametrai
iC = 5*20; iN=5*20; %iC = 15; iN=5;
k12=1; k11=1; k21=1; k22=1;
tikB =0.75;
tikA = 0.25;
iCO(1,N) = zeros; iNO(1,N) = zeros;
ads = 20;
%Nurodoma kas kiek laiko zingsniu programa spausdina tarpinius zezultatus
kaskiek = 2000;
ii = 0;
senas = 0; max = 0; max2= 0;
%pradines salygos
for i=1:N2
    for j=1:N
      u(i,j) =0.1*(random('unif',0,1)-0.5)*0-0.5;
     if i <N2
      u(i,j) =-0.5;
     end
    end
end
t = 0;
j1 = 0; j2= 0; j3 = 0; j4 = 0; j5 = 0;
i1 = 0; i2 = 0; i3 = 0; i4 = 0; i5 = 0;
% ciklas
while t < T %
 if mod (ii, kaskiek) ==0 %
  [x,y] = meshqrid(0:dx:dx*(N-1),0:dx:dx*(N2-1));
figure;
surf(x,y,u);
 %plot(x,konc);
xlabel('v');
 ylabel('x');
 title(['faze(x,y), t = ', mat2str(t)]);
end;
   senasu2 = u;
   iter = 1;
   vykdyti0 = 1;
   while iter<60 && vykdyti0 == 1 %Pikaro metodo realizacija
88
```

```
max2 = 0;
       senasu = u;
    for i = N2 - 12 : N2
        for j =1:N
             if j < N && j > 1
                 j1 = j - 1; j2 = j; j3 = j + 1;
             else if j == N j1 = j -1; j2 = j; j3 = 1;
                   else if j == 1 j1 = N; j2 = j; j3 =j+1;
                        end
                 end
            end
             if i < N2 && i > 1
                 i1 = i -1; i2 = i; i3 = i + 1;
             else if i == N2 i1 = i -1; i2 = i; i3 = 1;
                   else if i == 1 i1 = N2; i2 =i; i3 =i+1;
                        end
                 end
             end
        if i < N2 && i > 1
         if i == N2 - 1
               free(i,j) = senasu2(i,j) +0.5*(bb(i3,j)+bb(i,j))*SS -
0.5* (bb(i1,j2)+bb(i2,j2))* (b1*u(i2,j2)^3 - b1*u(i1,j2)^3) + 0.5* (bb(i3,j2)+bb(i2,j2))* (+
b1*u(i3,j2)^3 - b1*u(i2,j2)^3) - 0.5*(bb(i2,j3)+bb(i2,j2))*(- b1*u(i2,j3)^3 +
b1*u(i2,j2)^3 - 0.5*(bb(i2,j1)+bb(i2,j2))*(+b1*u(i2,j2)^3 - b1*u(i2,j1)^3);
         else
        free(i,j) = senasu2(i,j) - 0.5*(bb(i1,j2)+bb(i2,j2))*(b1*u(i2,j2)^3 - 0.5*(bb(i1,j2)+bb(i2,j2))*(b1*u(i2,j2)^3 - 0.5*(b1+j2))*(b1+j2))
b1*u(i1,j2)^3) + 0.5*(bb(i3,j2)+bb(i2,j2))* (+ b1*u(i3,j2)^3 - b1*u(i2,j2)^3) -
0.5*(bb(i2,j3)+bb(i2,j2))*(- b1*u(i2,j3)^3 + b1*u(i2,j2)^3) -
0.5*(bb(i2,j1)+bb(i2,j2))*(+b1*u(i2,j2)^3 - b1*u(i2,j1)^3);
         end
        end
        if i == N2
        free(i,j) = senasu2(i,j) -0.5*(bb(i,j)+bb(i1,j))*SS -
(0.5*b1*bb(i1,j2)*u(i2,j2)^3 - 0.5*b1*bb(i2,j2)*u(i1,j2)^3 - 0.5*b1*bb(i1,j2)*u(i1,j2)^3
+0.5*b1*bb(i2,j2)*u(i2,j2)^3 + 0.5*(bb(i2,j3)+bb(i2,j2))*(-b1*u(i2,j3)^3 + b1*u(i2,j2)^3
) - 0.5*(bb(i2,j1)+bb(i2,j2))*(-b1*u(i2,j2)^3+b1*u(i2,j1)^3)); %!
        end
        if i ==1
         %1 ajam
         free(i,j) = senasu2(i,j) +b1*bb(i,j)*(u(i,j3)^3+u(i3,j)^3-3*u(i,j)^3+u(i,j1)^3);
        end
    end;
    end
    %tiesines lygciu sistemos sprendimas
    vvkdyti = 1;
    iter2 = 1;
    while iter2 <20 && vykdyti == 1
        max = 0;
     for i = N2-12:N2 %
        for j =1:N
             if j < N-1 && j > 2
                 j1 = j-2; j2 = j-1; j3 = j; j4 = j+1; j5 = j+2;
            else if j == N j1 = j-2; j2 = j-1; j3 = j; j4 = 1; j5 = 2;
else if j == N-1 j1 = j-2; j2 = j-1; j3 = j; j4 = j+1; j5 = 1;
                            else if j == 2 j1 = N; j2 = j-1; j3 = j; j4 = j+1; j5 = j+2;
                                     else if j == 1 j1 = N-1; j2 = N; j3 = j; j4 = j+1; j5 =
j+2;
                                end
                                end
                        end
                 end
             end
             if i < N2-1 && i > 2
```

```
i1 = i-2; i2 = i-1; i3 = i; i4 = i+1; i5 = i+2;
            else if i == N2 i1 = i-2; i2 = i-1; i3 = i; i4 = 1; i5 = 2;
                  else if i == N2-1 i1 = i-2; i2 = i-1; i3 = i; i4 = i+1; i5 = 1;
                          else if i == 2 i1 = N2; i2 = i-1; i3 = i; i4 = i+1; i5 = i+2;
                                  else if i == 1 i1 = N2-1; i2 = N2; i3 = i; i4 = i+1; i5
= i+2:
                              end
                              end
                      end
                end
            end
            senas = u(i,j);
        if i < N2-1 && i > 2
       u(i,j) = 1/( 0.5*(bb(i4,j3)+bb(i3,j3))*(5*aa-a1) +
0.5*(bb(i2,j3)+bb(i3,j3))*(5*aa-a1) +0.5*(bb(i3,j4)+bb(i3,j3))*(+ 5*aa-
a1)+0.5*(bb(i3,j2)+bb(i3,j3))*(+5*aa-a1) + 1)*(free(i,j) + (-
0.5* (bb (i4, j3)+bb (i3, j3))* (aa*u(i4, j2)-aa*u(i3, j2)-aa*u(i2, j3)+aa*u(i5, j3) +aa*u(i4, j4)-
5*aa*u(i4,j3)-aa*u(i3,j4)+a1*u(i4,j3)) - 0.5*(bb(i2,j3)+bb(i3,j3))* ( aa*u(i2,j4)-
5*aa*u(i2,j3)-aa*u(i3,j2)+aa*u(i1,j3)+a1*u(i2,j3) +aa*u(i2,j2) -aa*u(i3,j4)-aa*u(i4,j3))
- 0.5*(bb(i3,j4)+bb(i3,j3))*(aa*u(i2,j4)-aa*u(i3,j2)-aa*u(i2,j3)+aa*u(i3,j5)
+aa*u(i4,j4)-5*aa*u(i3,j4)-aa*u(i4,j3)+a1*u(i3,j4) ) - 0.5*(bb(i3,j2)+bb(i3,j3))* (
aa*u(i4,j2)-5*aa*u(i3,j2)-aa*u(i2,j3)+aa*u(i3,j1)+a1*u(i3,j2) +aa*u(i2,j2)
aa*u(i3,j4)-aa*u(i4,j3) )
                            ));
      % pirmas-u(i,j)
        end
        if i == N2
          u(i,j) = 1/(2*aa*bb(i2,j3)-0.5*a1*bb(i2,j3)+2.0*aa*bb(i3,j3)-0.5*a1*bb(i3,j3)
+0.5* (bb (i3, j4)+bb (i3, j3))* (4*aa-a1)-0.5* (bb (i3, j2)+bb (i3, j3))* (-4*aa+a1) + 1)*
(free(i,j)-(0.5*a1*bb(i2,j3)*u(i2,j3)+0.5*a1*bb(i3,j3)*u(i2,j3)) -
(0.5*aa*bb(i2,j3)*u(i2,j2)-0.5*aa*bb(i3,j3)*u(i3,j4)-
0.5*aa*bb(i2, j3)*u(i3, j4)+0.5*aa*bb(i3, j3)*u(i2, j4)-0.5*aa*bb(i3, j3)*u(i3, j2)-
2.5*aa*bb(i3,j3)*u(i2,j3)+0.5*aa*bb(i3,j3)*u(i1,j3)+0.5*aa*bb(i2,j3)*u(i2,j4)-
0.5*aa*bb(i2,j3)*u(i3,j2)-
2.5*aa*bb(i2,j3)*u(i2,j3)+0.5*aa*bb(i3,j3)*u(i2,j2)+0.5*aa*bb(i2,j3)*u(i1,j3)
+0.5*(bb(i3,j4)+bb(i3,j3))* (aa*u(i2,j4)-aa*u(i3,j2)-aa*u(i2,j3)+aa*u(i3,j5)-
4*aa*u(i3,j4)+a1*u(i3,j4) ) -0.5*(bb(i3,j2)+bb(i3,j3))*(4*aa*u(i3,j2)+aa*u(i2,j3)-
aa*u(i3,j1)-a1*u(i3,j2)-aa*u(i2,j2)+aa*u(i3,j4)) );
        end
        if i == N2-1
       u(i,j) = 1/(0.5*(bb(i2,j3)+bb(i3,j3))*(5*aa-a1)+(-0.5*(bb(i4,j3)+bb(i3,j3)))*(-)
5*aa+a1) +0.5*(bb(i3,j4)+bb(i3,j3))*(+ 5*aa-a1)+0.5*(bb(i3,j2)+bb(i3,j3))*(+5*aa-a1)+1)*
(free(i,j) + (- 0.5*(bb(i2,j3)+bb(i3,j3))*(aa*u(i2,j4)-aa*u(i3,j2)-
5*aa*u(i2,j3)+aa*u(i1,j3)+a1*u(i2,j3) +aa*u(i2,j2) -aa*u(i3,j4)-aa*u(i4,j3)) +
0.5*(bb(i4,j3)+bb(i3,j3))* ( aa*u(i3,j2)-aa*u(i4,j2)+aa*u(i2,j3)
aa*u(i4,j4)+aa*u(i3,j4)+4*aa*u(i4,j3)-a1*u(i4,j3)) -
0.5* (bb(i3,j4)+bb(i3,j3))*(aa*u(i2,j4)-aa*u(i3,j2)-aa*u(i2,j3)+aa*u(i3,j5) +aa*u(i4,j4)-
5*aa*u(i3,j4)-aa*u(i4,j3)+a1*u(i3,j4) ) - 0.5*(bb(i3,j2)+bb(i3,j3))* ( aa*u(i4,j2)-
5*aa*u(i3,j2)-aa*u(i2,j3)+aa*u(i3,j1)+a1*u(i3,j2) +aa*u(i2,j2) -aa*u(i3,j4)-aa*u(i4,j3)
)
  ));
        end
        if(abs(senas-u(i,j))>max) max = abs(senas-u(i,j)); end;
        if u(i,j) >5 t =T+0.1; end;
        end;
    end;
    if max < eps vykdyti = 0; end
    iter2 = iter2 + 1;
    end
  for i = 1 \cdot N2
        for j =1:N
           if abs(senasu(i,j) - u(i,j))> max2 max2 = abs(senasu(i,j) - u(i,j)); end
        end:
  end
if max2 < eps vykdyti0 = 0; end
iter = iter + 1;
 end;
```

#### 90

```
%adsorbcija
i = N2;
if mod (ii,ads) ==0 && t > 0.00 %
for j = 1:N
iCO(1,j) = 0; iNO(1,j) = 0;
num1 = norm(iii,1); iii = iii + 1; num2 = norm(iii,1); iii = iii + 1;
   if num1 >0.5-tikB iCO(1,j) = iC; iii = iii + 1; end;
   if num2 > 0.5-tikA iNO(1,j) = iN; iii = iii + 1; end;
    if iii > 999990 iii = 1; end;
     u(i,j) = u(i,j) + ads*dt* ( -k12*(senasu2(i,j)+1)*iC0(1,j) +k21* (-
senasu2(i,j)+1)*iNO(1,j) );
end
  for i = 1:N2-1
   for j = 1:N
u(i,j) = u(i,j) + ads*dt* 0.5*( k12*(senasu2(N2,j)+1)*iC0(1,j) +k11*(-senasu2(N2,j)+1)*iC0(1,j) +k21* (-senasu2(N2,j)+1)*iN0(1,j) +k22*
(senasu2(N2,j)+1)*iN0(1,j))*(senasu2(i+1,j)-senasu2(i,j));
  end
  end
end
if len < char && t>0.01
len = len +0.005;
for i=1:N2
 D1(N2-i+1,1) = D10*(1-tanh((i-1)/len)^2);
end
 for i=1:N2
 for j=1:N
     D2(i,j) = D1(i,1);
     S2(i,j) = D1(i,1)/D10*S10;
  end
 end
 for i=1:N2
    for j=1:N
      bb(i,j) = dt*D2(i,j)/(dx^2);
    end
end
end
% klasteriu matmenys
if mod (ii, kaskiek) ==0
for i = 1:N2
       for j =1:N
            klas(i,j)=0;
       end
end
number = 1;
i = 1;
thres = 0.4;
   if u(i,1)> thres klas(i,1) = number; end
   for j =2:N
           if j < N && j > 1
                 j1 = j -1; j2 = j; j3 = j + 1;
             else if j == N j1 = j -1; j2 = j; j3 = 1;
else if j == 1 j1 = N; j2 = j; j3 = j+1;
```

```
end
                end
            end
     if u(i,j)> thres
         if klas(i,j1) ~=0 klas(i,j) = klas(i,j1);
         else klas(i,j) = number+1; number = number + 1;
         end
     end
 end
for i = 2:N2
    if u(i,1)> thres
        if klas(i-1,1) ~=0 || klas(i-1,2) ~=0
             if klas(i-1,1) ~=0 klas(i,1)= klas(i-1,1); end if klas(i-1,2) ~=0 klas(i,1)= klas(i-1,2); end
             else klas(i,1) = number+1; number = number + 1;
        end
    end
     for j =2:N
         if j < N && j > 1
                j1 = j -1; j2 = j; j3 = j + 1;
            else if j == N j1 = j -1; j2 = j; j3 = 1;
else if j == 1 j1 = N; j2 = j; j3 =j+1;
                       end
                end
            end
          if u(i,j)> thres
           if klas(i-1,j) ~=0 || klas(i,j1) ~=0 || klas(i-1,j1) ~=0 || klas(i-1,j3) ~=0
               if klas(i-1,j) ~=0 klas(i,j) = klas(i-1,j); end
               if klas(i,j1) \sim = 0 klas(i,j) = klas(i,j1); end
               if klas(i-1,j1) ~=0 klas(i,j)= klas(i-1,j1); end
               if klas(i-1,j3) ~=0 klas(i,j)= klas(i-1,j3); end
           else klas(i,j) = number+1; number = number + 1;
               end
        end
     end
end
   for k=1:number
       plotis =0;
       max3 = 0;
       viet = 0;
       for i = 1:N2
         plotis = 0;
        for j =1:N
          if klas(i,j)==k; plotis = plotis + 1; end
        end
        if plotis > max3 max3 = plotis; viet = i; end
       end
     dim(k,1) = max3; dim(k,4) = viet;
     ilgis =0;
       max4 = 0;
       viet = 0;
       for j =1:N
         ilgis = 0;
```

```
for i = 1:N2
          if klas(i,j)==k; ilgis = ilgis + 1; end
         end
         if ilgis > max4 max4 = ilgis; viet = j; end
        end
      \dim(k,2) = \max 4; \dim(k,5) = \operatorname{viet};
      gylis =0;
      aryra = 0;
      i=N2;
      while i >1 && aryra==0
         for j =1:N
          if klas(i,j)==k aryra = 1; gylis =N2-i; end
         end
         i = i - 1;
      end
       dim(k,3)= gylis;
    end
    disp(['t ' ' plotis ' ' ilgis ' ' d ' ' gylis ' ' y ']);
 for i=1:number
     disp([t dim(i,1) dim(i,2) dim(i,3) dim(i,4) dim(i,5)]);
 end
end
t = t + dt;
ii = ii + 1;
end
[n1, n2] = size(fi);
z(N2,N) = zeros;
koef = 0;
ii*dt
[x,y] = meshgrid(0:dx:dx*(N-1),0:dx:dx*(N2-1));
%fazes paviršiaus grafikas
figure;
grid off;
for i=1:N2
     for j=1:N
     konc(i,1)=konc(i,1)+u(i,j);
     end;
     konc(i,1) =konc(i,1)/N;
     konc(i,1) = 0.5*(1+konc(i,1));
end
surf(x,y,u);
xlabel('y');
ylabel('x');
title(['faze(x,y), t = ', mat2str(T)]);
figure;
xx=0:dx:dx*(N2-1);
plot(xx, konc);
```